

2013 年初中毕业班九校联考质量检测参考答案(数学科)

一、选择题

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	A	D	D	B	D	C	C	B	B	C

二、填空题

题号	11	12	13	14	15	16
答案	圆柱体	5	$2+2\sqrt{3}$	$2a(a-2b)$	5	$(2^n-1, 2^{n-1})$

三、解答题

17. $x+1=3(x-1)$ -----3'
 $x-3x=-3-1$ -----5'
 $-2x=-4$ -----6'
 $x=2$ -----7'

检验: 把 $x=2$ 代入 $(x-1)(x+1)=1 \times 3=3 \neq 0$ -----8'
 $\therefore x=2$ 是方程的根 -----9'

18. (1) 证: 在 $\triangle ABC$ 与 $\triangle DCB$ 中,

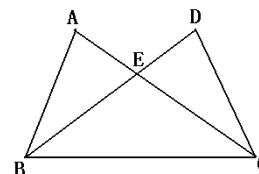
$$\because \begin{cases} AB=DC \\ \angle ABC=\angle DCB, \\ BC=CB \end{cases}$$

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle DCB$ -----5'

(2) 解: $\because \triangle ABC \cong \triangle DCB$,

$$\therefore \angle ACB = \angle DBC, \quad \text{-----7'}$$

$$\therefore EC = EB = 5 \text{ cm}. \quad \text{-----9'}$$



19. (1) $15 \div 30\% = 50$ (名) -----2'

(2) 图略(条形高度不准确扣1分, 徒手画图扣1分) -----6'

$$(3) 16 \div 50 \times 360^\circ = 115.2^\circ$$

(直接用 $32\% \times 360$ 度, 没有交代 32% 的来由扣1分) -----8'

$$(4) \text{乒乓球 占 } 16 \div 50 = 32\%$$

$$\therefore \text{全校报“其他”项目的有 } 1500 \times (1 - 18\% - 32\% - 30\%) = 300 \text{ (名)}$$

(直接用 $20\% \times 1500$ 人, 没有交代 20% 的来由扣1分) -----10'

20. (1) $\sqrt{10}$ -----3'

(2) (1, 2) -----6'

(3) 图3分 点1分(3, 0) -----10'

21. 解: 设钢笔每支为 x 元, 笔记本每本 y 元, 据题意得 -----1'

$$\begin{cases} x = y + 2 \\ 10x + 15y = 100 - 5 \end{cases} \quad \text{-----6'}$$

解方程组得,

$$\begin{cases} x = 5 \\ y = 3 \end{cases} \quad \text{-----11'}$$

答:钢笔每支 5 元, 笔记本每本 3 元. -----12'

22. 解: (1) 方法一:

∵ 在 $\triangle ABO$ 中, $OA=OB$, $\angle OAB=30^\circ$
 $\therefore \angle AOB=180^\circ - 2 \times 30^\circ = 120^\circ$ 3'
 $\therefore PA, PB$ 是 $\odot O$ 的切线
 $\therefore OA \perp PA, OB \perp PB$. 即 $\angle OAP=\angle OBP=90^\circ$ 5'
 \therefore 在四边形 $OAPB$ 中,
 $\angle APB=360^\circ - 120^\circ - 90^\circ - 90^\circ = 60^\circ$ 6'

方法二:

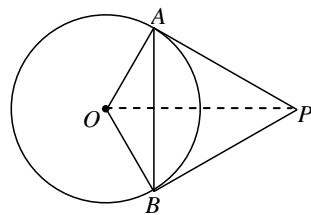
∵ PA, PB 是 $\odot O$ 的切线
 $\therefore PA=PB, OA \perp PA$ 3'
 $\therefore \angle OAB=30^\circ$, $OA \perp PA$
 $\therefore \angle BAP=90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$ 5'
 $\therefore \triangle ABP$ 是等边三角形
 $\therefore \angle APB=60^\circ$ 6'

(2) 方法一: 如图①, 连结 OP 7'

∵ PA, PB 是 $\odot O$ 的切线
 $\therefore PO$ 平分 $\angle APB$, 即 $\angle APO=\frac{1}{2} \angle APB=30^\circ$ 9'

又 ∵ 在 $Rt\triangle OAP$ 中, $OA=3$, $\angle APO=30^\circ$

$\therefore AP=\frac{OA}{\tan 30^\circ}=3\sqrt{3}$12'



图①

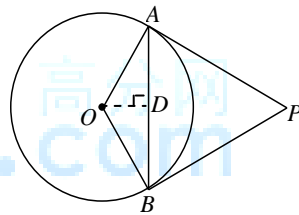
方法二: 如图②, 作 $OD \perp AB$ 交 AB 于点 D 7'

∵ 在 $\triangle OAB$ 中, $OA=OB$ $\therefore AD=\frac{1}{2} AB$ 9'

∵ 在 $Rt\triangle AOD$ 中, $OA=3$, $\angle OAD=30^\circ$

$\therefore AD=OA \cdot \cos 30^\circ = \frac{3\sqrt{3}}{2}$ 11'

$\therefore AP=AB=3\sqrt{3}$12'



图②

22. 解: (1) ∵ 两函数的图象都经过点 $(1, a)$, $\therefore \begin{cases} a=\frac{2}{1}, \\ a=k+1. \end{cases}$ 4'

$\therefore \begin{cases} a=2, \\ k=1. \end{cases}$ 6'

(2) 将 $y=\frac{2}{x}$ 代入 $y=kx+1$, 消去 y , 得 $kx^2+x-2=0$9'

∵ $k \neq 0$, \therefore 要使得两函数的图象总有公共点, 只要 $\Delta \geq 0$ 即可.

∵ $\Delta=1+8k$,10'

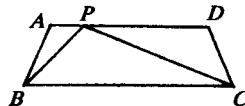
$\therefore 1+8k \geq 0$, 解得 $k \geq -\frac{1}{8}$. $\therefore k \geq -\frac{1}{8}$ 且 $k \neq 0$12'

24. (1) 解: 有 $\angle PCB$ 和 $\angle DPC$ 2'

∵ $\triangle ABP \sim \triangle PCB$, $\therefore \angle ABP=\angle PCB$,

∵ $AD \parallel BC$, $\therefore \angle DPC=\angle PCB$,

$\therefore \angle DPC=\angle ABP$5'



(2) 解: 梯形 $ABCD$ 中, $\because AD \parallel BC, AB = DC, \therefore \angle A = \angle D$.

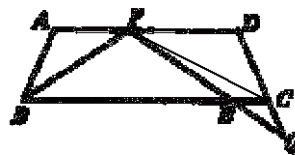
$$\because \angle DPC = \angle ABP \quad \therefore \triangle ABP \sim \triangle DPC \quad \therefore \frac{AP}{AB} = \frac{DC}{DP} \quad \dots\dots\dots 8'$$

$$\text{设 } AP = x, \text{ 则 } DP = 5 - x, \therefore \frac{x}{2} = \frac{2}{5 - x} \quad \dots\dots\dots 9'$$

$$\text{解得 } x_1 = 1, x_2 = 4, \therefore AP = 1 \text{ 或 } 4 \quad \dots\dots\dots 10'$$

(3) 解:

$$\begin{aligned} \because \triangle ABP \sim \triangle PEB, \quad & \therefore \angle ABP = \angle PEB \\ \because AD \parallel BC, \quad & \therefore \angle PEB = \angle DPQ \quad \therefore \angle ABP = \angle DPQ. \end{aligned}$$



在梯形 $ABCD$ 中,

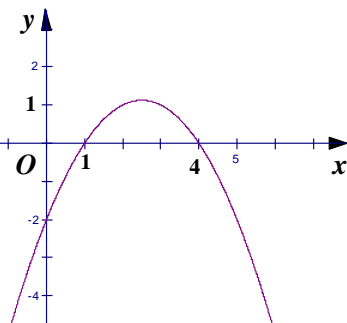
$$\begin{aligned} \because AB = DC, \\ \therefore \angle D = \angle A \\ \therefore \triangle ABP \sim \triangle DPQ. \quad \dots\dots\dots 12' \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{AB}{PD} = \frac{AP}{DQ}.$$

$$\begin{aligned} \because AP = x, CQ = y, \\ \therefore PD = 5 - x, DQ = 2 + y. \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{2}{5 - x} = \frac{x}{2 + y} \quad \therefore y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{2}x - 2.$$

$$\text{令 } y > 0, \text{ 即 } -\frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{2}x - 2 > 0.$$



观察图象得 $1 < x < 4$, 又 $\because x > 0, 5 - x > 0$,

综上所述 $1 < x < 4$; $\dots\dots\dots 14'$

25. (本小题满分 14 分)

解: (1) 方法一: 由已知得: $C(0, -3), A(-1, 0) \quad \dots\dots\dots 1'$

$$\text{将 } A、B、C \text{ 三点的坐标代入得 } \begin{cases} a - b + c = 0 \\ 9a + 3b + c = 0 \\ c = -3 \end{cases} \quad \dots\dots\dots 2'$$

$$\text{解得: } \begin{cases} a = 1 \\ b = -2 \\ c = -3 \end{cases} \quad \dots\dots\dots 3'$$

所以这个二次函数的表达式为: $y = x^2 - 2x - 3 \quad \dots\dots\dots 4'$

方法二: 由已知得: $C(0, -3), A(-1, 0) \quad \dots\dots\dots 1'$

设该表达式为: $y = a(x+1)(x-3)$ 2'

将 C 点的坐标代入得: $a = 1$ 3'

所以这个二次函数的表达式为: $y = x^2 - 2x - 3$ 4'

(注: 表达式的最终结果用三种形式中的任一种都不扣分)

(2) 方法一: 存在, F 点的坐标为 $(2, -3)$ 5'

理由: 易得 D $(1, -4)$, 所以直线 CD 的解析式为: $y = -x - 3$

\therefore E 点的坐标为 $(-3, 0)$ 5'

由 A、C、E、F 四点的坐标得: $AE = CF = 2$, $AE \parallel CF$

\therefore 以 A、C、E、F 为顶点的四边形为平行四边形

\therefore 存在点 F, 坐标为 $(2, -3)$ 7'

方法二: 易得 D $(1, -4)$, 所以直线 CD 的解析式为: $y = -x - 3$

\therefore E 点的坐标为 $(-3, 0)$ 5'

\therefore 以 A、C、E、F 为顶点的四边形为平行四边形

\therefore F 点的坐标为 $(2, -3)$ 或 $(-2, -3)$ 或 $(-4, 3)$

代入抛物线的表达式检验, 只有 $(2, -3)$ 符合

\therefore 存在点 F, 坐标为 $(2, -3)$ 7'

(3) 如图, ①当直线 MN 在 x 轴上方时, 设圆的半径为 R ($R > 0$), 则 N $(R+1, R)$,

代入抛物线的表达式, 解得 $R = \frac{1+\sqrt{17}}{2}$ 9'

②当直线 MN 在 x 轴下方时, 设圆的半径为 r ($r > 0$), 则 N $(r+1, -r)$,

代入抛物线的表达式, 解得 $r = \frac{-1+\sqrt{17}}{2}$ 10'

\therefore 圆的半径为 $\frac{1+\sqrt{17}}{2}$ 或 $\frac{-1+\sqrt{17}}{2}$11'

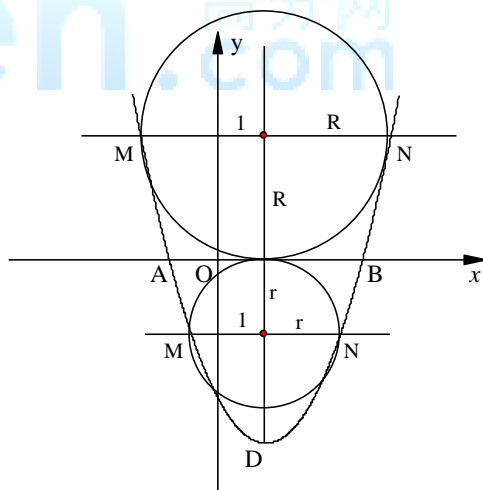
(4) 过点 P 作 y 轴的平行线与 AG 交于点 Q,

易得 G $(2, -3)$, 直线 AG 为 $y = -x - 1$12'

设 P $(x, x^2 - 2x - 3)$, 则 Q $(x, -x - 1)$, $PQ = -x^2 + x + 2$.

$S_{\triangle APG} = S_{\triangle APQ} + S_{\triangle GPQ} = \frac{1}{2}(-x^2 + x + 2) \times 3$ 13'

当 $x = \frac{1}{2}$ 时, $\triangle APG$ 的面积最大



此时 P 点的坐标为 $\left(\frac{1}{2}, -\frac{15}{4}\right)$, $S_{\triangle APG}$ 的最大值为 $\frac{27}{8}$14'

