

51. A 商场打九五折的单价为

$$5 \times 0.95 = 4.75(\text{元});$$

B 商场“买十送一”的单价为

$$5 \times 10 \div (10 + 1) = 50 \div 11 \approx 4.55(\text{元});$$

C 商场超过 50 个的总价为

$$(220 - 50) \times 4.5 = 765(\text{元}),$$

单价为

$$(765 + 50 \times 5) \div 220 \approx 4.61(\text{元}).$$

因为

$$4.75 \text{ 元} > 4.61 \text{ 元} > 4.55 \text{ 元},$$

所以到 B 商场购买较合算。

52. 设甲现在 x 岁, 乙现在 y 岁。

根据题意, 得 $x - y = y - 5, x - y = 65 - x,$

解得

$$x = 45, y = 25.$$

所以甲现在 45 岁, 乙现在 25 岁。

53. 如果在原计划的时间内, 以每小时 50 千米的速度行驶, 汽车

将多行 $50 \times 0.5 = 25$ (千米),
如果在原计划的时间内以每小时 45 千米的速度行驶, 汽车将少行
 $45 \times 0.5 = 22.5$ (千米),
两次的路程差为 $25 + 22.5 = 47.5$ (千米),
速度差为 $50 - 45 = 5$ (千米 / 时),
则原计划的时间为 $47.5 \div 5 = 9.5$ (时),
故甲、乙两地的距离为 $50 \times (9.5 - 0.5) = 450$ (千米)。

54. 第一次相距 120 千米时两车还没有相遇, 从此时到两车相遇, 再到第二次相距 120 千米, 两车共行驶

$$120 + 120 = 240\text{(千米)},$$

A、B 两地相距 $240 \div 2 \times 5 + 120 = 720$ (千米)。

55. 设乙车每小时行 x 千米, 甲车每小时行 $(x + 10)$ 千米。依题意, 得

$$4x + (4 + 2)(x + 10) = 1000, \text{解得 } x = 94,$$

甲车每小时行 $94 + 10 = 104$ (千米)。

56. 小明从相遇的地点继续下山, 走了 3 千米到达 A 点, 共需 3000 秒。在这 3000 秒时间里, 小刚以 x 米 / 秒的速度上山 7 千米, 再以 $2x$ 米 / 秒的速度下山 10 千米。根据这个关系可以列出等式

$$7000 \div x + 10000 \div 2x = 3000,$$

解得 $x = 4$ 。

于是小刚下山的速度是 8 米 / 秒。

57. 因为上班、下班的路程相等, 而下班时速是上班时速的 2 倍, 所以上班所用时间是下班的 2 倍。设下班所用时间为 t , 则上班所用时间为 $2t$ 。所以

$$\begin{aligned} \text{平均时速} &= \frac{\text{上班时速} \times \text{上班时间} + \text{下班时速} \times \text{下班时间}}{\text{上班时间} + \text{下班时间}} \\ &= \frac{30 \times 2t + 60 \times t}{2t + t} = \frac{120t}{3t} = 40\text{(千米 / 时)} \end{aligned}$$

58. 李刚的年龄是王方年龄的 $(3 + 2) \div 4 = 1.25$ (倍)。
三人的年龄和是王方的 $3 + 2 + 1.25 = 6.25$ (倍),

故王方的年龄是 $75 \div 6.25 = 12$ (岁)。

59. 5分钟内两人共游了 $(1 + 0.6) \times 5 \times 60 = 480$ (米),
因为 $(480 - 25) \div 50 = 9 \dots 15$,
所以迎面相遇的次数是 $9 + 1 = 10$ (次);
因为 $[(1 - 0.6) \times 5 \times 60 - 25] \div 50 = 1 \dots 45$,
所以追及的次数是 $1 + 1 = 2$ (次),
因此这段时间内共相遇 $10 + 2 = 12$ (次)。

60. 设原来盛水较少的容器中有水 x 升, 则另一容器中有水 $3x$ 升。
由题设, 得 $3x - 4 = 5(x - 4)$,
即 $3x - 4 = 5x - 20$, 解得 $x = 8$ 。

61. 由题设可知:

徒弟做 3 天的工作量 = 师傅做 2 天的工作量,
所以师傅单独完成需 $3 \div (3 - 2) \times 2 = 6$ (天),
即规定时间为 6 天。

62. 只用一个砝码, 可以称出的重量是: 2 克, 3 克, 5 克。

用两个砝码, 若两个砝码放在天平同侧, 可以称出的重量是: 5 克, 7 克, 8 克; 若两个砝码放在天平两侧, 可以称出的重量是: 1 克, 2 克, 3 克。

用三个砝码, 若三个砝码放在天平同侧, 可以称出的重量是: 10 克; 若两个砝码放在天平一侧, 余下一个砝码放在天平另一侧, 可以称出的重量是: 4 克, 6 克。

综上, 一共可以称出 9 种不同的重量: 1 克, 2 克, 3 克, 4 克, 5 克, 6 克, 7 克, 8 克, 10 克。

63. 如果去甲、乙、丙都骑自行车, 那么表中路程和时间应成正比。对比三种情况中的平均速度可知, 李叔叔乘坐公共汽车去乙、丙两地, 因为等车时间相同, 所以公共汽车多行 1 千米需要

$$24 - 21.5 = 2.5\text{ (分)},$$

等车需要 $21.5 - 2.5 \times 5 = 9$ (分)。

去离家 10 千米的地方至少需要

$$9 + 2.5 \times 10 = 34\text{ (分)}.$$

64. 出发 x 分钟后, 甲走了 $120x$ 米, 乙走了 $90x$ 米, 丙走了 $80x$ 米。当三人再次相聚时, 他们走过的路程除以 300 有相同的余数。根据同余性质, 有

$$300 \mid (120x - 90x), 10 \mid x;$$

$$300 \mid (120x - 80x), 15 \mid x;$$

$$300 \mid (90x - 80x), 30 \mid x.$$

10, 15, 30 的最小公倍数是 30。所以 30 分钟后三人再次相聚。

65. 休息半小时, 相当于少行了 $56 \times 0.5 = 28$ (千米)。这 28 千米, 刚好是后面用 $28 \div (70 - 56) = 2$ (时) 多行的路程, 所以后来的路程是 $70 \times 2 = 140$ (千米), 休息地点离 A 地 $200 - 140 = 60$ (千米)。

66. 第一次是一个相遇过程, 相遇时间是

$$6 \div (65 + 55) = 0.05\text{(时)},$$

相遇地点距离出发点 $55 \times 0.05 = 2.75$ (千米)。

然后乙车掉头, 变成追及过程, 追及时间是

$$6 \div (65 - 55) = 0.6\text{(时)},$$

乙车在此过程中走的路程为 $55 \times 0.6 = 33$ (千米),

即 5 圈又 3 千米, 这时距离出发点

$$3 - 2.75 = 0.25\text{(千米)}.$$

接着甲车掉头, 又成为相遇过程, 用同样的方法可计算出相遇地点距离出发点 $0.25 + 2.75 = 3$ (千米)。

然后乙车掉头, 成为追及过程, 根据上面的计算, 当甲车追上乙车时, 乙车又走了 5 圈又 3 千米, 此时两车又重新回到了出发点, 并且行驶的方向与最初相同。

所以, 每 4 次相遇为一个周期, 而 $11 \div 4 = 2 \cdots \cdots 3$,

第 11 次相遇的地点与第 3 次相遇的地点相同, 与出发点的距离是 3000 米。

67. 父亲和儿子从出发到相遇用了

$$350 \times 2 \div 20 = 35\text{(分)},$$

父亲每分钟走 $350 \div (35 - 30) = 70$ (米),

儿子每分钟走 $70 - 20 = 50$ (米), 儿子走完全程需要 $70 \times 30 \div 50 = 42$ (分)。

68. 现在销售 $1 + 1 = 2$ (件),

大衣获利 $60 \times (1 + 0.5) = 90$ (元),

每件获利 $90 \div 2 = 45$ (元),

每件大衣降价 $60 - 45 = 15$ (元)。

69. 将容器分成上下两部分, 根据灌水的时间关系可知, 上部分水的体积是下部分的 $12 \div 5 = 2.4$ (倍),
而上部分的高度是下部分高度的

$$(50 - 20) \div 20 = 1.5\text{(倍)},$$

所以上部分的横截面积是下部分横截面积的

$$2.4 \div 1.5 = 1.6\text{(倍)},$$

则长方体容器的底面积是圆柱体铁块底面积的

$$1.6 \div (1.6 - 1) = \frac{8}{3}\text{(倍)}.$$

70. 因为 周长 = (长 + 宽) $\times 2 = 22$,

所以 长 + 宽 = 11,

又 长 \times 宽 = 24, 长和宽都是整数,

所以可将 24 分解成以下形式

$$24 = 1 \times 24 = 2 \times 12 = 3 \times 8 = 4 \times 6,$$

可以看出只有 3×8 符合条件。所以长方形的宽为 3 厘米。

71. 用长方形的面积减去减少了的面积, 就是平行四边形的面积, 即 $6 \times 8 - 6 = 42$ (平方厘米)。

又因为平行四边形的底边长 6 厘米, 于是利用平行四边形的面积公式即可求出平行四边形的高, 即

$$42 \div 6 = 7\text{(厘米)}.$$

72. 如图 12 所示。

$$\begin{aligned} & \text{四个空白三角形的面积} \\ & = \text{阴影部分的面积} - 2 \times 3 = 53 - 6 = 47, \\ & \text{所以正方形的面积为} \\ & \quad 53 + 47 = 100. \end{aligned}$$

73. 设水池的边长为 a 米，则

$$4a + 4 = 52, \text{ 得 } a = 12.$$

所以水池的面积为 $12 \times 12 = 144$ (平方米)。

74. 所求长方形的面积 $= (15 \div 5) \times 8 = 24$ 。

75. 为使四个小长方体的表面积的和最小，则应使分割面的表面积最小。显然，当分割面为 3 个 1×2 的长方形时满足要求。

所以四个小长方体的表面积的和最小是

$$2(1 \times 2 + 1 \times 4 + 2 \times 4) + 6(1 \times 2) = 40.$$

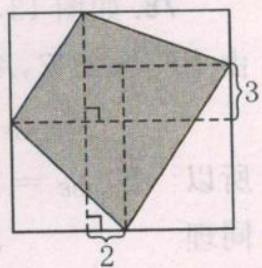


图 12

