

2017-2018学年第一学期教学质量检测一

九年级数学（人教版）

注意事项:

1. 本试卷共6页，三个大题，满分120分，考试时间120分钟。请用蓝、黑色水笔或圆珠笔直接答在试卷上。
2. 答卷前请将密封线内的项目填写清楚。

题号	一	二	三								总分
	1~10	11~15	16	17	18	19	20	21	22	23	
分数											

一、选择题（每小题3分，共30分）下列各小题均有四个答案，其中只有一个是正确的，将正确答案的代号字母填在题后括号内。

1. 下列方程是一元二次方程的是……………（ ）
A. $x^2 + 2y = 1$ B. $x^3 - 2x = 3$ C. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 5$ D. $x^2 = 0$
2. 方程 $2(2x + 1)(x - 4) = 0$ 的两根分别为……………（ ）
A. $\frac{1}{2}$ 和 3 B. $-\frac{1}{2}$ 和 4 C. $\frac{1}{2}$ 和 -3 D. $-\frac{1}{2}$ 和 -3
3. 设 a, b 是方程 $x^2 + x - 2018 = 0$ 的两个实数根，则 $a^2 + 2a + b$ 的值为……………（ ）
A. 2015 B. 2016 C. 2017 D. 2018
4. 抛物线 $y = 2(x - 3)^2 + 4$ 的顶点坐标是……………（ ）
A. (3, 4) B. (-3, 4) C. (3, -4) D. (2, 4)
5. 要组织一次篮球邀请赛，参赛的每个队之间都要比赛一场，计划安排15场比赛，设比赛组织者应邀请 x 个队参赛，则 x 满足的关系式为……………（ ）
A. $\frac{1}{2}x(x + 1) = 15$ B. $\frac{1}{2}x(x - 1) = 15$ C. $x(x + 1) = 15$ D. $x(x - 1) = 15$
6. 已知二次函数 $y = a(x - 1)^2 + b$ ($a \neq 0$) 有最大值 $\frac{1}{2}$ ，则 a, b 的大小比较为……（ ）
A. $a > b$ B. $a < b$ C. $a = b$ D. 不能确定
7. 关于 x 的一元二次方程 $kx^2 + 3x - 1 = 0$ 有实数根，则 k 的取值范围是……………（ ）
A. $k \leq -\frac{9}{4}$ B. $k \leq -\frac{9}{4}$ 且 $k \neq 0$ C. $k \geq -\frac{9}{4}$ D. $k \geq -\frac{9}{4}$ 且 $k \neq 0$

8. 已知抛物线 $y = x^2 + bx + c$ 的部分图象如图1所示，若 $y < 0$ ，则 x 的取值范围是……………（ ）

- A. $-1 < x < 4$ B. $-1 < x < 3$ C. $x < -1$ 或 $x > 4$ D. $x < -1$ 或 $x > 3$

9. 如图2，关于 x 的二次函数 $y = x^2 - x + m$ 的图象交 x 轴的正半轴于 A, B

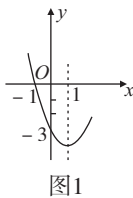
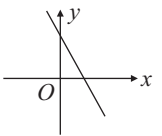
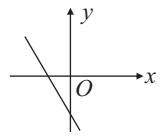
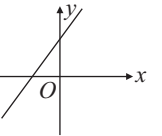
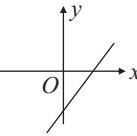
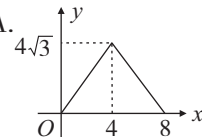
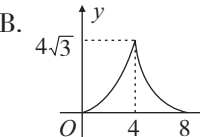
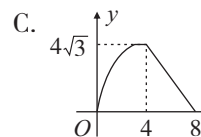
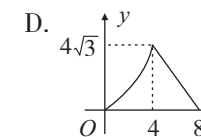


图1

两点，交 y 轴的正半轴于 C 点，如果 $x = a$ 时， $y < 0$ ，那么关于 x 的一次函数 $y = (a - 1)x + m$ 的图象可能是……………（ ）

- A.  B.  C.  D. 

10. 如图3，在等腰 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC = 4\text{cm}$ ， $\angle B = 30^\circ$ ，点 P 从点 B 出发，以 $\sqrt{3}\text{ cm/s}$ 的速度沿 BC 方向运动到点 C 停止，同时点 Q 从点 B 出发，以 1cm/s 的速度沿 $BA - AC$ 方向运动到点 C 停止，若 $\triangle BPQ$ 的面积

- 为 y (cm^2)，运动时间为 x (s)，则下列最能反映 y 与 x 之间函数关系的图象是（ ）
- A.  B.  C.  D. 

二、填空题（每小题3分，共15分）

11. 若一元二次方程 $ax^2 - bx - 2018 = 0$ 有一根为 $x = -1$ ，则 $a + b =$ _____.
12. 二次函数 $y = x^2 - bx + c$ 的图象上有两点 $A(3, -8)$ ， $B(-5, -8)$ ，则此抛物线的对称轴是直线 $x =$ _____.
13. 点 $A(x_1, y_1)$ 、 $B(x_2, y_2)$ 在二次函数 $y = x^2 - 4x - 1$ 的图象上，若当 $1 < x_1 < 2$ ， $3 < x_2 < 4$ 时，则 y_1 与 y_2 的大小关系是 y_1 _____ y_2 . (用“ $>$ ”、“ $<$ ”、“ $=$ ”填空)
14. 随着各地对房地产市场调控的深入，近来某市房价持续回落，某楼盘原价为每平方米12000元，连续两次降价后售价为每平方米8640元，设平均每次降价的百分率为 x ，则可列方程为：_____.
15. 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 的顶点为 $D(-1, 2)$ ，与 x 轴的一个交点 A 在点 $(-3, 0)$ 和 $(-2, 0)$ 之间，其部分图象如图4，则以下结论：
① $b^2 - 4ac < 0$ ；② $a + b + c < 0$ ；③ $c - a = 2$ ；④ 方程 $ax^2 + bx + c - 2 = 0$ 有两个相等的实数根. 其中正确的结论有_____ (填序号).

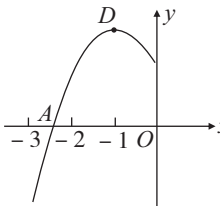


图4

三、解答题（本大题共8个小题，满分75分）

16. (8分) 解一元二次方程：

- (1) $2x^2 - 4x - 1 = 0$ (2) $(x + 1)^2 = 6x + 6$

17. (9分) 已知关于 x 的方程 $x^2 - (2k + 1)x + k^2 + 1 = 0$.

- (1) 若方程有两个不相等的实数根，求 k 的取值范围；
- (2) 若方程的两根恰好是一个矩形的两邻边长，且 $k = 4$ ，求该矩形的周长.

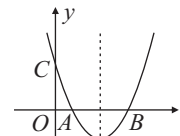


图2

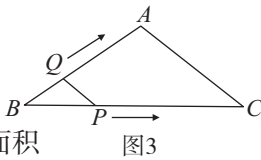


图3

18. (9分) “描点法”作图是探究函数图象的基本方法，小明同学用“描点法”画二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象时，列了如下表格：

x	...	-1	0	1	3	...
y	...	-3	1	3	1	...

根据表格上的信息回答问题：

- (1) 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 与 y 轴交点坐标是_____；该抛物线的开口_____；当 $x = 4$ 时，二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的值为_____；
- (2) 小明还用“描点法”研究了函数 $y = \frac{4}{x^2}$ 的图象和性质，请在右面的方格纸中帮小明画出函数 $y = \frac{4}{x^2}$ 的图象. 借助所画的图象，回答下面问题：
① 函数 $y = \frac{4}{x^2}$ 的图象关于_____对称；
② 当_____时， y 随 x 的增大而增大；当_____时， y 随 x 的增大而减小.

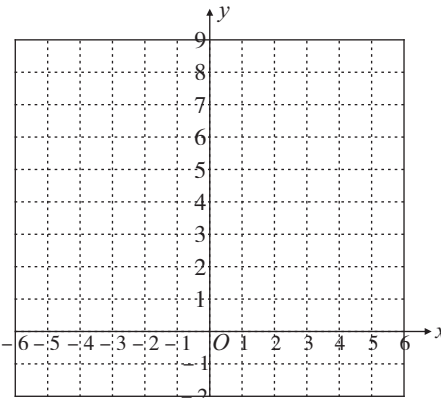


图5

19. (9分) 已知：抛物线 $C_1: y_1 = x^2 - (m + 2)x + \frac{1}{2}m^2 + 2$ 与 $C_2: y_2 = x^2 + 2mx + n$ 具有下列特征：①都与 x 轴有交点；②与 y 轴相交于同一点.

- (1) 求 m, n 的值；
- (2) 试写出 x 为何值时， $y_1 > y_2$?

(3) 试描述抛物线 C_1 通过怎样的变换得到抛物线 C_2 .

(3) 该二次函数图象上有一点 $D(x, y)$ ，使 $S_{\triangle ABD} = S_{\triangle ABC}$ ，请求出 D 点的坐标.

23. (11分) 如图7，点 $A(-2, 0)$ 、 $B(4, 0)$ 、 $C(3, 3)$ 在抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 上，点 D 在 y 轴上，且 $DC \perp BC$ ， $\angle BCD$ 绕点 C 顺时针旋转后两边与 x 轴、 y 轴分别相交于点 E 、 F .
- (1) 求抛物线的解析式；
- (2) CF 能否经过抛物线的顶点？若能，求出此时点 E 的坐标；若不能，说明理由；
- (3) 若 $\triangle FDC$ 是等腰三角形，求点 F 的坐标.

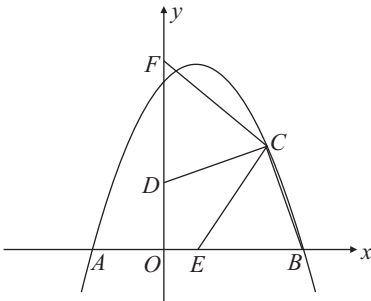


图7

22. (10分) 随着地铁和共享单车的发展，“地铁+单车”已成为很多市民出行的选择，李华从文化宫站出发，先乘坐地铁，准备在离家较近的A，B，C，D，E中的某一站出地铁，再骑共享单车回家，设他出地铁的站点与文化宫距离为 x （单位：千米），乘坐地铁的时间 y_1 （单位：分钟）是关于 x 的一次函数，其关系如下表：

地铁站	A	B	C	D	E
x （千米）	8	9	10	11.5	13
y_1 （分钟）	18	20	22	25	28

- (1) 求 y_1 关于 x 的函数表达式；
- (2) 李华骑单车的时间（单位：分钟）也受 x 的影响，其关系可以用 $y_2 = \frac{1}{2}x^2 - 11x + 78$ 来表示，请问：李华应选择在哪一站出地铁，才能使他从文化宫回到家所需的时间最短？并求出最短时间.

20. (9分) 已知关于 x 的方程 $x^2 + ax + a - 2 = 0$.

- (1) 当该方程的一个根为1时，求 a 的值及该方程的另一根；
- (2) 求证：不论 a 取何实数，该方程都有两个不相等的实数根.

21. (10分) 如图6所示，二次函数 $y = -2x^2 + 4x + m$ 的图象与 x 轴的一个交点为 $A(3, 0)$ ，另一个交点为 B ，且与 y 轴交于点 C .

- (1) 求 m 的值及点 B 的坐标；
- (2) 求 $\triangle ABC$ 的面积；

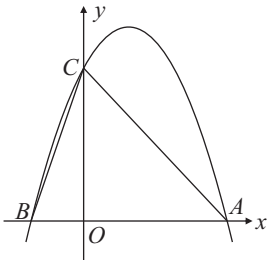


图6

密

（仅供交流）

（内部资料

封

（密封线内不得答题）

线