

# 重庆市鲁能巴蜀中学 2019-2020 学年第一次定时作业 初 2020 届（三上）数学试题卷

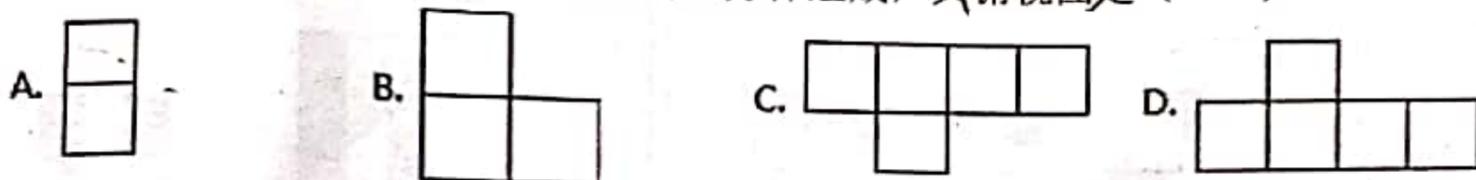
（满分：150 分 时间：120 分钟）

## 一、选择题（每题 4 分，共 48 分）

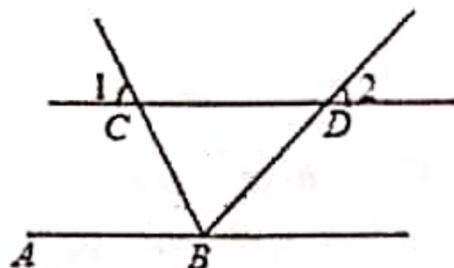
1. 下列实数 -2、0、 $\sqrt{9}$ 、 $\pi$  中，无理数是（ ）

- A. -2                      B. 0                      C.  $\sqrt{9}$                       D.  $\pi$

2. 如图所示，几何体由 6 个大小相同的立方体组成，其俯视图是（ ）



2 题图



3 题图

3. 如图， $AB \parallel CD$ ， $BC$  平分  $\angle ABD$ ， $\angle 1 = 65^\circ$ ，则  $\angle 2$  的度数是（ ）

- A.  $35^\circ$                       B.  $45^\circ$                       C.  $50^\circ$                       D.  $60^\circ$

4. 已知  $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ，相似比为 2:1，且  $\triangle ABC$  的面积为 80，则  $\triangle DEF$  的面积为（ ）

- A. 20                      B.  $\frac{160}{3}$                       C. 64                      D. 160

5. 下列四个命题是真命题的是（ ）

- A. 对角线相等的四边形是平行四边形  
B. 对角线相等的四边形是矩形  
C. 对角线互相垂直的四边形是菱形  
D. 对角线互相垂直的矩形是正方形

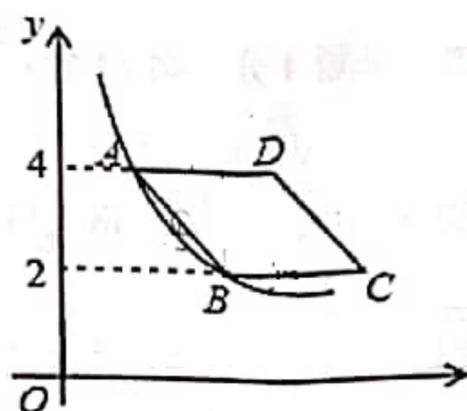
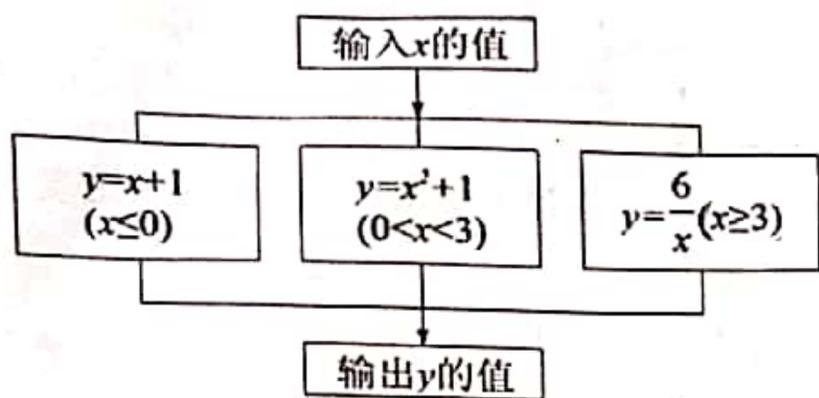
6. 估计  $2\sqrt{5} + 3$  的运算结果应在（ ）

- A. 5 到 6 之间                      B. 6 到 7 之间                      C. 7 到 8 之间                      D. 8 到 9 之间

7. 《九章算术》中记载：“今有共买羊，人出五，不足四十五；人出七，不足三。问人数、羊价各几何？”其大意是：今有人合伙买羊，若每人出 5 钱，还差 45 钱；若每人出 7 钱，还差 3 钱，问合伙人数、羊价各是多少？设合伙人数为  $x$  人，羊价为  $y$  钱，根据题意，可列方程组为（ ）。

- A.  $\begin{cases} y = 5x + 45 \\ y = 7x - 3 \end{cases}$                       B.  $\begin{cases} y = 5x + 45 \\ y = 7x + 3 \end{cases}$                       C.  $\begin{cases} y = 5x - 45 \\ y = 7x + 3 \end{cases}$                       D.  $\begin{cases} y = 5x - 45 \\ y = 7x - 3 \end{cases}$

8. 如图是一个运算程序的示意图，若输入  $x$  的值为 4，则输出的结果为（ ）



9 题图

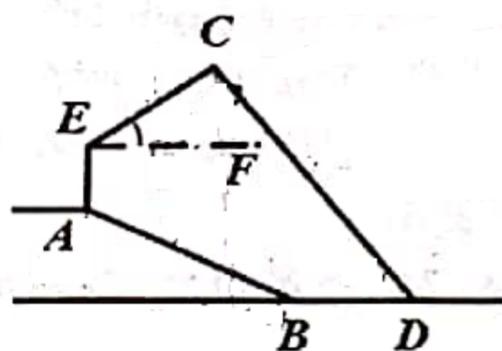
- A.  $\frac{3}{2}$                       B. 17                      C. 5                      D. 3

9. 如图，在平面直角坐标系中，菱形 ABCD 在第一象限内，边 BC 与 x 轴平行，A, B 两点的纵坐标分别为 4, 2，反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $x > 0$ ) 的图象经过 A, B 两点，若菱形 ABCD 的面积为  $2\sqrt{5}$ ，则 k 的值为 ( )

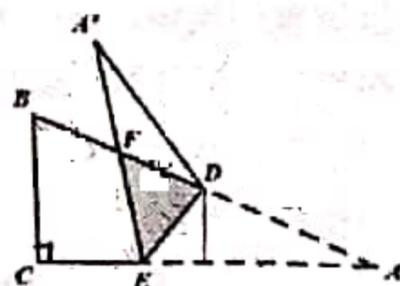
- A. 2                      B. 3                      C. 4                      D. 6

10. 如图，老王在江边垂钓，河堤 AB 的坡度为 1:2.4，AB 长为 3.9 米，甩杆之后，原地蹲坐等待，眼睛到站立处的距离 AE 为 1 米，此时沿钓竿看向钓竿顶端 C 处，仰角  $\angle CEF$  为  $37^\circ$ ，钓竿两端点的直线距离 EC 为 4 米，钓线与江面的夹角  $\angle CDB = 52^\circ$ ，则浮漂 D 与河堤下端 B 之间的距离约为 ( ) 米。(参考数据:  $\sin 37^\circ \approx \frac{3}{5}$ ,  $\tan 37^\circ \approx \frac{3}{4}$ ,  $\sin 52^\circ \approx 0.79$ ,  $\tan 52^\circ \approx 1.28$ , 结果精确到 0.1 米)

- A. 4.6                      B. 3.4                      C. 2.3                      D. 3.6



10 题图



12 题图

11. 若数 a 使关于 x 的不等式组  $\begin{cases} \frac{x-2}{2} \leq -\frac{1}{2}x+2 \\ 7x+4 > -a \end{cases}$  有且仅有 4 个整数解，且使关于 y 的分式方程  $\frac{2}{y-2} = 2 - \frac{a}{2-y}$  的解为正整数，则符合条件的所有整数 a 的和为 ( )

$\frac{2}{y-2} = 2 - \frac{a}{2-y}$  的解为正整数，则符合条件的所有整数 a 的和为 ( )

- A. -2                      B. 0                      C. -5                      D. 3

12. 已知 Rt△ABC 中， $\angle ACB = 90^\circ$ ，AC=8，BC=4，D 为斜边 AB 上的中点，E 是直角边 AC 上的一点，连接 DE，将△ADE 沿 DE 折叠至△A'DE，A'E 交 BD 于点 F，若△DEF 的面积是△ADE 面积的一半，则 DE 为 ( )

- A. 2                      B.  $2\sqrt{5}$                       C.  $2\sqrt{2}$                       D. 4

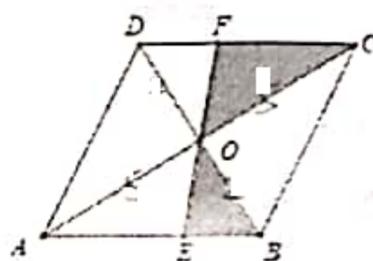
二、填空题 (每题 4 分, 共 24 分)

13.  $(\pi - 2020)^0 + \sqrt{9} + \sin 30^\circ =$  \_\_\_\_\_.

14. 截止 2018 年底, 重庆户籍人口约 33 000 000 人, 请把数 33 000 000 用科学记数法表示为 \_\_\_\_\_.

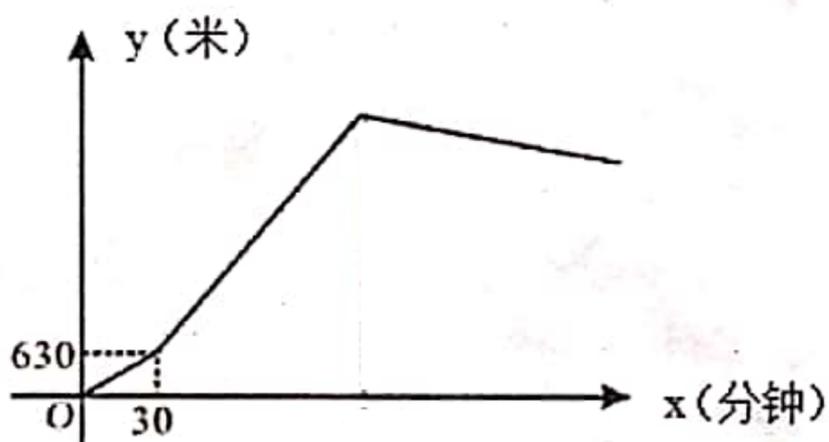
15. 投一枚均匀的小正方体, 小正方体的每个面上分别标有数字 1, 2, 3, 4, 5, 6. 每次实验投两次, 两次朝上的数字的和为 7 的概率是 \_\_\_\_\_.

16. 如图, 菱形 ABCD 的对角线 AC、BD 相交于点 O, 过点 O 作直线 EF 分别与 AB、DC 相交于 E、F 两点, 若 AC=10, BD=4, 则图中阴影部分的面积等于 \_\_\_\_\_.



16 题图

17. 甲、乙两人从 A 地出发在直线道路上匀速步行前往相距 12600 米的 B 地, 若甲出发 30 分钟后, 乙再出发, 120 分钟后两人第一次相遇, 乙到 B 地后立即返回, 并保持原来的速度继续行走, 途中与甲再次相遇. 如图, 甲、乙两人离 A 地的距离之和 y (米) 与甲出发的时间 x (分钟) 的函数关系如图所示, 那么乙到 B 地后再经过 \_\_\_\_\_ 分钟与甲再次相遇.



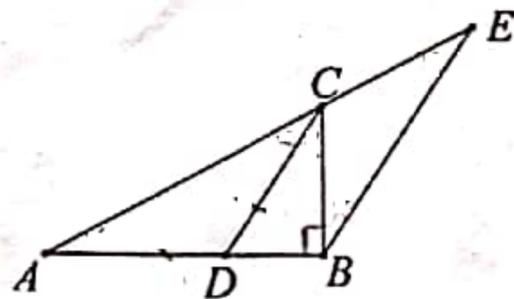
18. 巴蜀中学一年一度的艺术节又要到了, 共有 60 个节目入选, 他们抽到的节目编号分别是 1 号, 2 号, …… , 60 号. 艺术节当天准备在大礼堂, 操场, 景观大道三个场地同时进行, 每个场地节目数若干. 若将在操场表演的 27 号节目调整到大礼堂, 将景观大道表演的 43 号节目调整到操场, 此时大礼堂, 景观大道两个场地节目编号的平均数都将比调整前增加 0.5, 在操场表演的节目编号的平均数将比调整前增加 0.8; 同时在操场表演 37 号节目的某学霸计算发现, 她的节目编号数高于调整前操场节目编号的平均数, 却低于调整后的平均数. 请问调整前共有 \_\_\_\_\_ 个节目在大礼堂表演.

二、解答题 (第 19、20、21、22、23、24、25 题 10 分, 26 题 8 分)

19. 计算 (1)  $(m-2n)(m-n) + (2m-n)^2$       (2)  $(1 - \frac{1}{a-1}) \div \frac{a^2 - 4a + 4}{a^2 - a}$

20. 如图, 已知在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ABC=90^\circ$ , 在 AB 上取点 D, 使得  $AD=CD$ , 在 AC 的延长线上找一点 E, 使得  $CD \parallel BE$ .

- (1) 求证:  $AB=BE$ ;
- (2) 若 CD 平分  $\angle ACB$ , 求  $\angle ABE$  的度数.



21.重庆市教委想把长跑作为中考考察项目,在此之前做了一个调查,来了解我市体育长跑的得分情况,从甲、乙两所学校各随机抽取了20名学生的学生成绩如下.(该项满分10分,学生得分均为整数).甲学校20名学生成绩(单位:分)分别为:

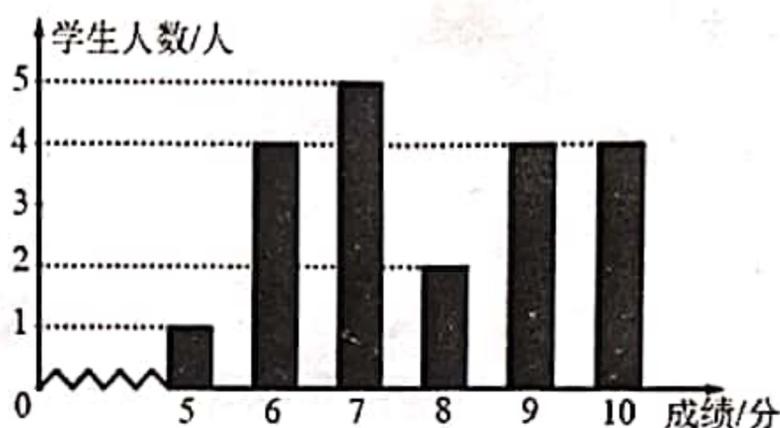
7, 7, 8, 8, 8, 6, 7, 8, 8, 10 7, 9 6, 8, 7, 8, 9, 7, 8, 9

乙学校20名学生成绩的条形统计图如右图所示:

经过对两校这20名学生成绩的整理,得到分析数据如下表:

乙学校20名学生成绩统计图

| 组别 | 极差  | 平均分 | 中位数 | 方差   |
|----|-----|-----|-----|------|
| 甲  | $a$ | 7.8 | 8   | 1.05 |
| 乙  | 5   | $b$ | $c$ | 2.46 |



- 求出表中的  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的值.
- 长跑得分9分及其以上即为优秀,已知甲学校有1800人,请估算甲学校的优秀人数有多少人?
- 根据以上数据,你觉得甲、乙两所学校的学生哪所学校统计题完成得比较好?请说明理由(一条即可).

22. 材料一:《见微知著》谈到:从一个简单的经典问题出发,从特殊到一般,由简单到复杂,从部分到整体,由低维到高维,知识与方法上的类比是探索发展的重要途径,是思想阀门发现新问题、新结论的重要方法.

材料二:恒等变形是代数式求值的一个很重要的方法.利用恒等变形,可以把无理数运算转化为有理数运算,可以把次数较高的代数式转化为次数较低的代数式.

例如当  $x = \sqrt{3} + 1$  时,求  $\frac{1}{2}x^3 - x^2 - x + 2$  的值.为解答这题,若直接把  $x = \sqrt{3} + 1$  代入

所求的式中,进行计算,显然很麻烦,我们可以通过恒等变形,对本题进行解答.

方法一:将条件变形,因  $x = \sqrt{3} + 1$ ,得  $x - 1 = \sqrt{3}$ .再把所求的代数式变形为关于  $(x - 1)$

$$\text{的表达式.原式} = \frac{1}{2}(x^3 - 2x^2 - 2x) + 2 = \frac{1}{2}[x^2(x-1) - x(x-1) - 3x] + 2$$

$$= \frac{1}{2} [x(x-1)^2 - 3x] + 2 = \frac{1}{2} (3x - 3x) + 2 = 2$$

方法二：先将条件化成整式，再把等式两边同时平方，把无理数运算转化为有理数运算。

由  $x-1=\sqrt{3}$ ，可得  $x^2-2x-2=0$ ，即  $x^2-2x=2$ ， $x^2=2x+2$ 。

$$\text{原式} = \frac{1}{2} x(2x+2) - x^2 - x + 2 = x^2 + x - x^2 - x + 2 = 2$$

请参照以上的解决问题的思路和方法，解决以下问题：

(1) 若  $a^2 - 3a + 1 = 0$ ，求  $2a^3 - 5a^2 - 3 + \frac{3}{a^2 + 1}$  的值；

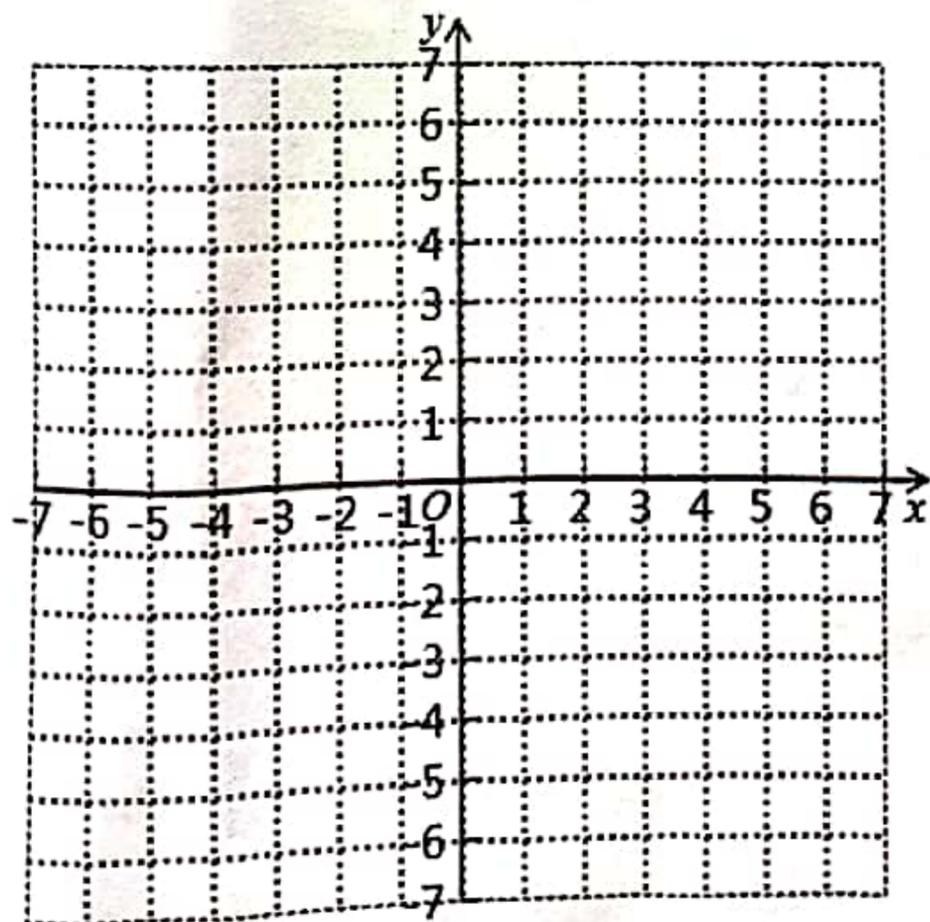
(2) 已知  $x = 2 + \sqrt{3}$ ，求  $\frac{x^4 - x^3 - 9x^2 - 5x + 5}{x^2 - 4x + 3}$  的值。

23. 已知函数  $y = y_1 - y_2$ ，其中  $y_1$  与  $x-2$  成反比例， $y_2 = 1$ ，且  $y$  关于  $x$  的函数的图象经过点  $(1, -2)$ 。

(1) 根据条件可知  $y$  关于  $x$  的函数的解析式为\_\_\_\_\_，自变量的取值范围是\_\_\_\_\_。

(2) 函数图象探究：

① 根据该函数解析式，画出该函数图像：



(3) 观察图象后填空：

①该函数的图象关于点(\_\_\_\_, \_\_\_\_ )成中心对称;

②若直线 $y = -x + b$  与该函数图像有交点, 求 $b$ 的取值范围.

24.为庆祝国庆70周年, 计划在街道旁绿化带中移栽树月季和微型玫瑰两种鲜花共2430盆, 其中树月季的价格为39元一盆, 微型玫瑰的价格是26元一盆.

(1)初步计划购需要树月季的数量是微型玫瑰的2倍还少810盆, 则购买树月季和微型玫瑰各多少盆?

(2)工作人员实地考察后, 为保证实际效果, 树月季的数量在初步计划上增加 $m\%$ , 微型玫瑰的数量在初步计划上减少 $m\%$ . 实际采购时, 因为天气回暖, 花价有所调整, 树月季的价格

下降了 $\frac{2}{5}m\%$ , 微型玫瑰的价格上涨了 $\frac{1}{2}m\%$ , 实际购买鲜花的总金额在初步计划的基础上上

涨了 $\frac{2}{23}m\%$ , 求 $m$ 的值.

25.如图, 在平行四边形ABCD中,  $CE \perp BC$ 交AD于点E, 连接BE, 点F是BE上一点, 连接CF.

(1)如图1, 若 $\tan \angle ECD = \frac{1}{3}$ ,  $BC=BF=4$ ,  $DC=\sqrt{10}$ , 求EF的长.

(2)如图2, 若 $BC=EC$ , 连接BE, 在BE上取点F, 使 $\angle FCD = 45^\circ$ , 过点E作 $EM \perp CF$ 交CF延长线于点M, 延长ME、CD相交于点G, 连接BG交CM于点N. 求证:  $EG=2MN$ .

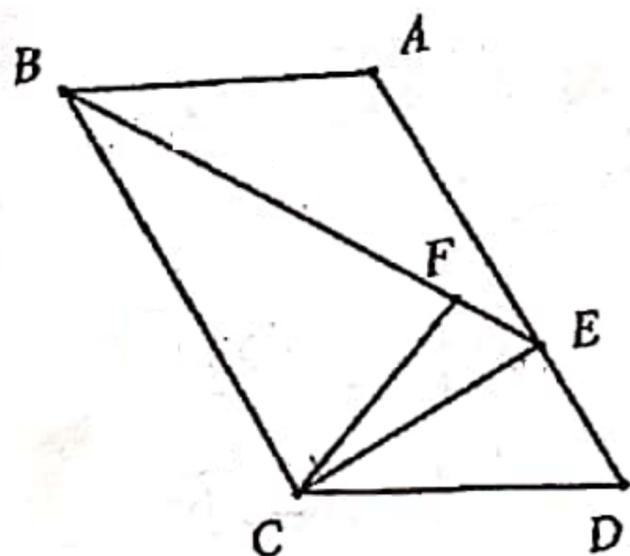


图1

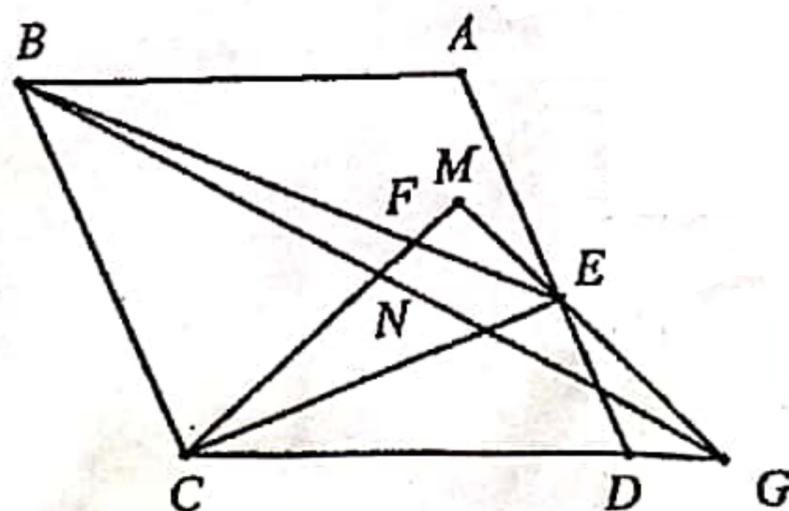


图2

26.如图, 直线 $l: y = ax + b$ 与双曲线 $y = -\frac{12}{x}$ 的图像交于 $A(-2, m)$ 、 $B(6, n)$ 两点 与  $x$ 轴交于  $C$  点, 与  $y$  轴交于点  $D$ .

(1) 在  $A$  点左侧的双曲线上有一点  $P$ , 其中 $S_{\triangle ABP} = 20$ . 点  $Q$  是  $x$  轴上的一个动点, 当 $PQ + \frac{\sqrt{2}}{2}QC$  最小时, 求出此时  $Q$  点坐标, 并求出最小值.

(2) 点  $E$  为  $OC$  的中点, 连结  $DE$ , 将  $\triangle ODE$  绕点  $O$  逆时针方向旋转到  $\triangle OD_1E_1$  的位置, 点  $E_1$  恰好落在  $DE$  上. 然后将  $\triangle OD_1E_1$  沿着  $y$  轴平移到  $\triangle O_1D_2E_2$ , 直线  $O_1D_2$  与  $x$  轴交与点  $N$ , 在双曲线上是否存在点  $M$ , 使得  $\triangle O_1MN$  为等腰直角三角形. 若存在, 请直接写出点  $M$  的坐标; 若不存在请说明理由.

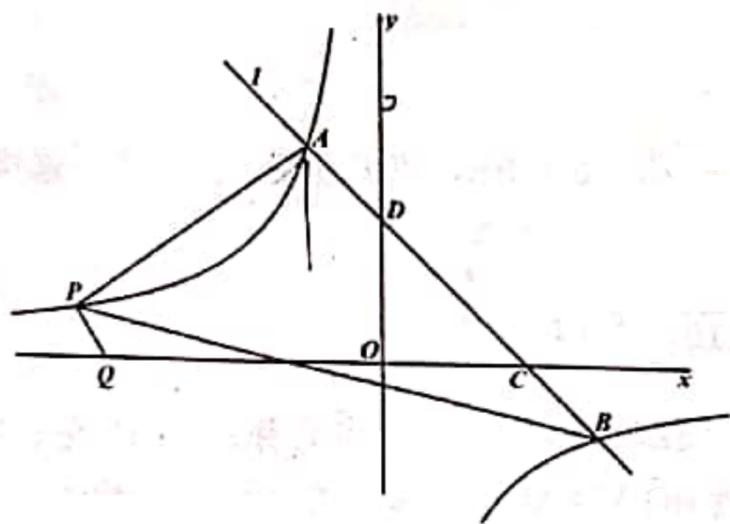


图 1

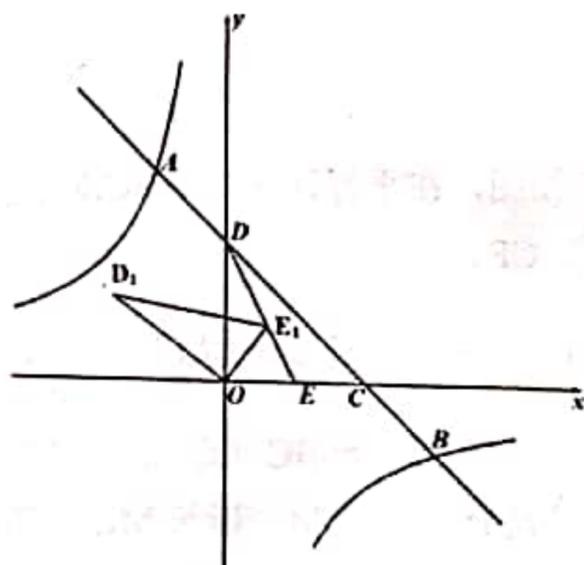


图 2