

重庆市鲁能巴蜀中学 2019-2020 学年第一次定时作业 初 2020 届（三上）数学试题卷

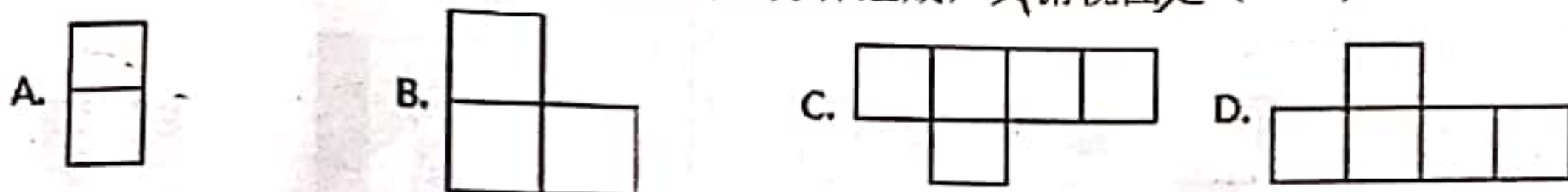
（满分：150 分 时间：120 分钟）

一、选择题（每题 4 分，共 48 分）

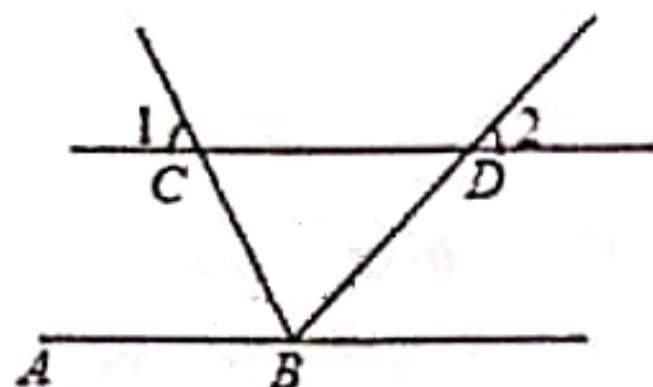
1. 下列实数 -2、0、 $\sqrt{9}$ 、 π 中，无理数是（ ）

- A. -2 B. 0 C. $\sqrt{9}$ D. π

2. 如图所示，几何体由 6 个大小相同的立方体组成，其俯视图是（ ）



2 题图



3 题图

3. 如图， $AB \parallel CD$ ， BC 平分 $\angle ABD$ ， $\angle 1 = 65^\circ$ ，则 $\angle 2$ 的度数是（ ）

- A. 35° B. 45° C. 50° D. 60°

4. 已知 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ，相似比为 2:1，且 $\triangle ABC$ 的面积为 80，则 $\triangle DEF$ 的面积为（ ）

- A. 20 B. $\frac{160}{3}$ C. 64 D. 160

5. 下列四个命题是真命题的是（ ）

- A. 对角线相等的四边形是平行四边形
B. 对角线相等的四边形是矩形
C. 对角线互相垂直的四边形是菱形
D. 对角线互相垂直的矩形是正方形

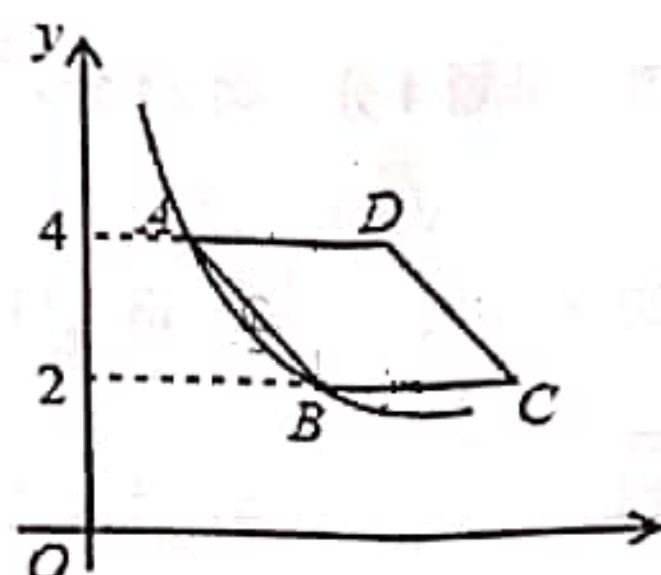
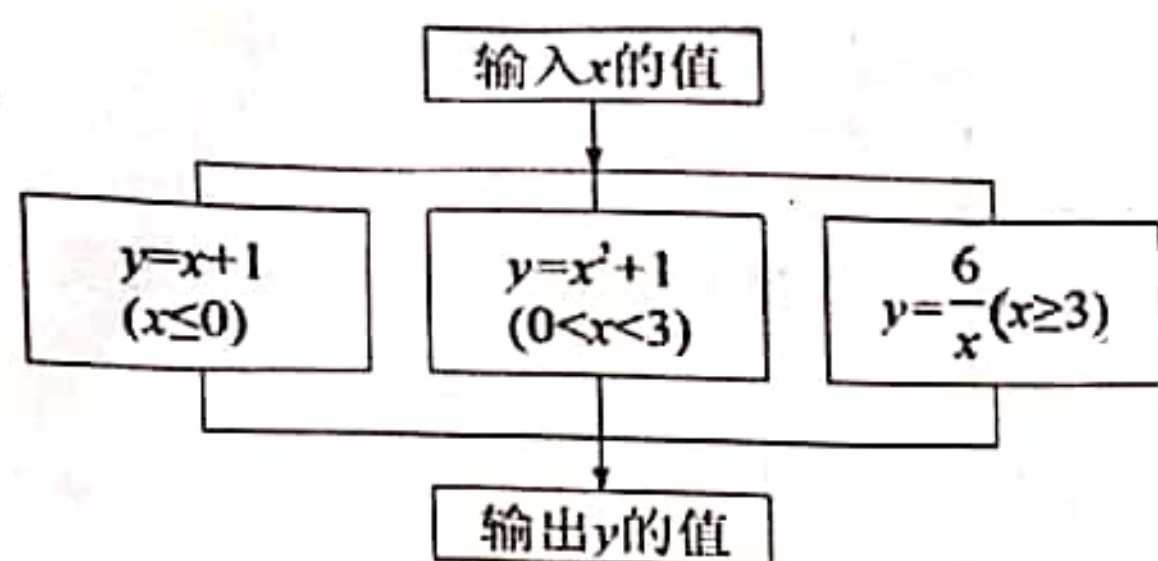
6. 估计 $2\sqrt{5} + 3$ 的运算结果应在（ ）

- A. 5 到 6 之间 B. 6 到 7 之间 C. 7 到 8 之间 D. 8 到 9 之间

7. 《九章算术》中记载：“今有共买羊，人出五，不足四十五；人出七，不足三。问人数、羊价各几何？”其大意是：今有人合伙买羊，若每人出 5 钱，还差 45 钱；若每人出 7 钱，还差 3 钱，问合伙人数、羊价各是多少？设合伙人数为 x 人，羊价为 y 钱，根据题意，可列方程组为（ ）。

- A. $\begin{cases} y = 5x + 45 \\ y = 7x - 3 \end{cases}$ B. $\begin{cases} y = 5x + 45 \\ y = 7x + 3 \end{cases}$ C. $\begin{cases} y = 5x - 45 \\ y = 7x + 3 \end{cases}$ D. $\begin{cases} y = 5x - 45 \\ y = 7x - 3 \end{cases}$

8. 如图是一个运算程序的示意图，若输入 x 的值为 4，则输出的结果为（ ）



9 题图

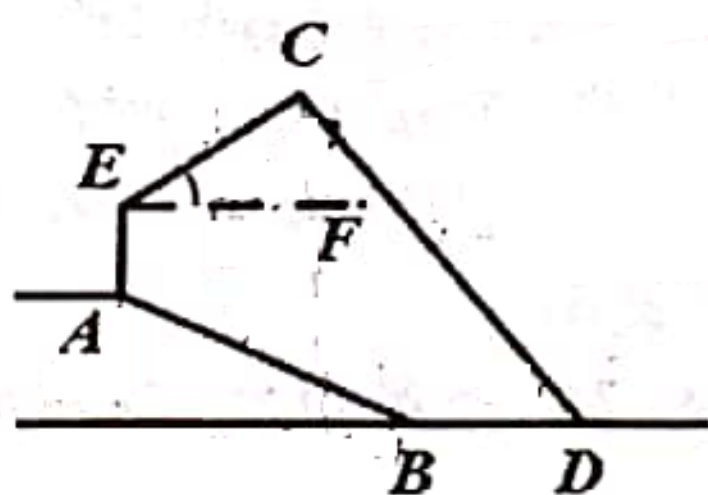
- A. $\frac{3}{2}$ B. 17 C. 5 D. 3

9. 如图，在平面直角坐标系中，菱形 $ABCD$ 在第一象限内，边 BC 与 x 轴平行， A, B 两点的纵坐标分别为 4, 2，反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$) 的图象经过 A, B 两点，若菱形 $ABCD$ 的面积为 $2\sqrt{5}$ ，则 k 的值为 ()

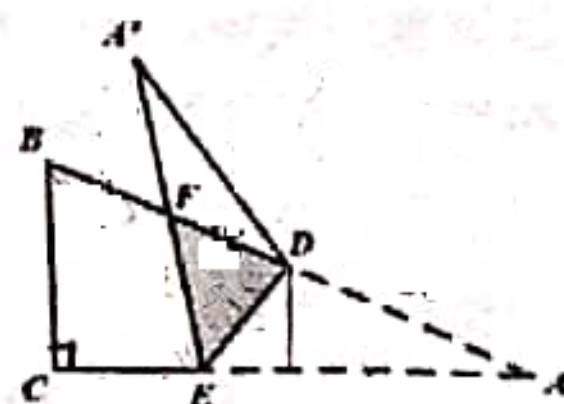
- A. 2 B. 3 C. 4 D. 6

10. 如图，老王在江边垂钓，河堤 AB 的坡度为 1: 2.4， AB 长为 3.9 米，甩杆之后，原地蹲坐等待，眼睛到站立处的距离 AE 为 1 米，此时沿钓竿看向钓竿顶端 C 处，仰角 $\angle CEF$ 为 37° ，钓竿两端点的直线距离 EC 为 4 米，钓线与江面的夹角 $\angle CDB = 52^\circ$ ，则浮漂 D 与河堤下端 B 之间的距离约为 () 米。(参考数据: $\sin 37^\circ \approx \frac{3}{5}$, $\tan 37^\circ \approx \frac{3}{4}$, $\sin 52^\circ \approx 0.79$, $\tan 52^\circ \approx 1.28$, 结果精确到 0.1 米)

- A. 4.6 B. 3.4 C. 2.3 D. 3.6



10 题图



12 题图

11. 若数 a 使关于 x 的不等式组 $\begin{cases} \frac{x-2}{2} \leq -\frac{1}{2}x+2 \\ 7x+4 > -a \end{cases}$ 有且仅有 4 个整数解，且使关于 y 的分式方程 $\frac{2}{y-2} = 2 - \frac{a}{2-y}$ 的解为正整数，则符合条件的所有整数 a 的和为 ()

A. -2 B. 0 C. -5 D. 3

12. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ACB = 90^\circ$ ， $AC = 8$ ， $BC = 4$ ， D 为斜边 AB 上的中点， E 是直角边 AC 上的一点，连接 DE ，将 $\triangle ADE$ 沿 DE 折叠至 $\triangle A'DE$ ， $A'E$ 交 BD 于点 F ，若 $\triangle DEF$ 的面积是 $\triangle ADE$ 面积的一半，则 DE 为 ()

- A. 2 B. $2\sqrt{5}$ C. $2\sqrt{2}$ D. 4

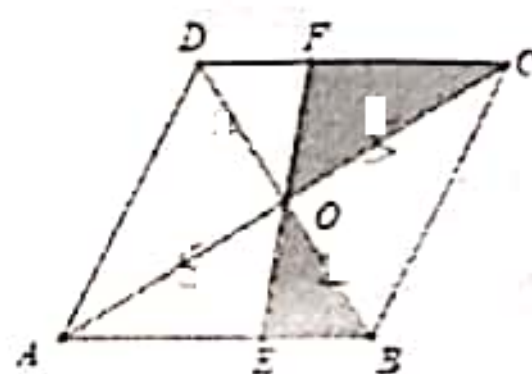
二、填空题（每题4分，共24分）

13. $(\pi - 2020)^0 + \sqrt{9} + \sin 30^\circ =$ _____.

14. 截止 2018 年底，重庆户籍人口约 33 000 000 人，请把数 33 000 000 用科学记数法表示为_____.

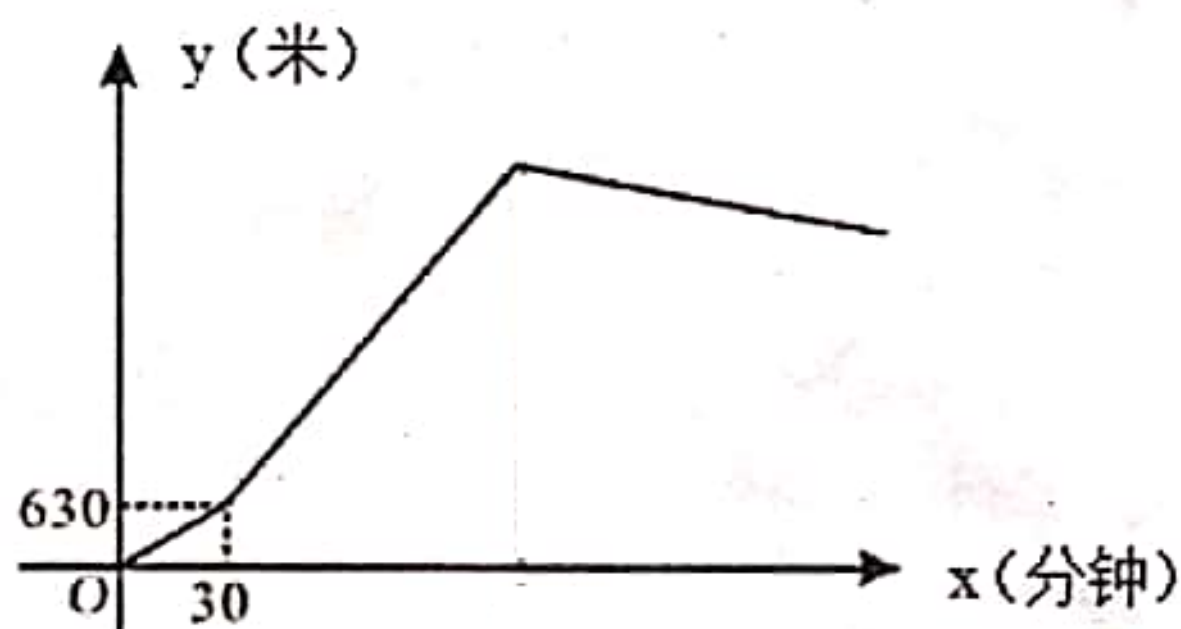
15. 投一枚均匀的小正方体，小正方体的每个面上分别标有数字 1, 2, 3, 4, 5, 6. 每次实验投两次，两次朝上的数字的和为 7 的概率是_____.

16. 如图，菱形 ABCD 的对角线 AC、BD 相交于点 O，过点 O 作直线 EF 分别与 AB、DC 相交于 E、F 两点，若 AC=10，BD=4，则图中阴影部分的面积等于_____.



16 题图

17. 甲、乙两人从 A 地出发在直线道路上匀速步行前往相距 12600 米的 B 地，若甲出发 30 分钟后，乙再出发，120 分钟后两人第一次相遇，乙到 B 地后立即返回，并保持原来的速度继续行走，途中与甲再次相遇。如图，甲、乙两人离 A 地的距离之和 y（米）与甲出发的时间 x（分钟）的函数关系如图所示，那么乙到 B 地后再经过_____分钟与甲再次相遇.



18. 巴蜀中学一年一度的艺术节又要到了，共有 60 个节目入选，他们抽到的节目编号分别是 1 号，2 号，……，60 号。艺术节当天准备在大礼堂，操场，景观大道三个场地同时进行，每个场地节目数若干。若将在操场表演的 27 号节目调整到大礼堂，将景观大道表演的 43 号节目调整到操场，此时大礼堂，景观大道两个场地节目编号的平均数都将比调整前增加 0.5，在操场表演的节目编号的平均数将比调整前增加 0.8；同时在操场表演 37 号节目的某学霸计算发现，她的节目编号数高于调整前操场节目编号的平均数，却低于调整后的平均数。请问调整前共有_____个节目在大礼堂表演。

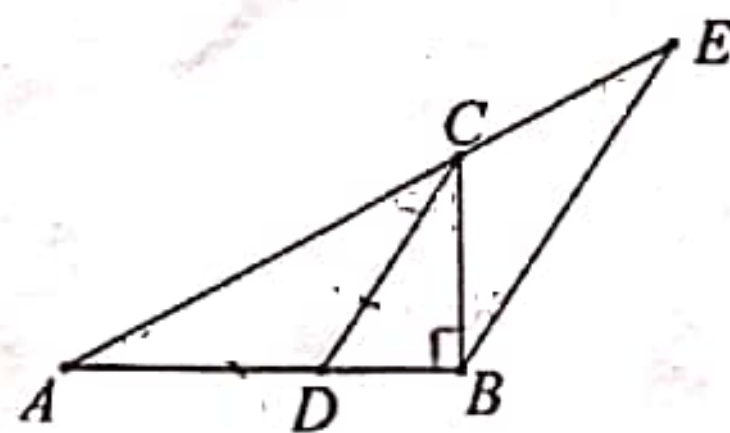
二、解答题（第 19、20、21、22、23、24、25 题 10 分，26 题 8 分）

19. 计算 (1) $(m-2n)(m-n) + (2m-n)^2$ (2) $(1 - \frac{1}{a-1}) \div \frac{a^2-4a+4}{a^2-a}$

20. 如图，已知在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ABC=90^\circ$ ，在 AB 上取点 D，使得 $AD=CD$ ，在 AC 的延长线上找一点 E，使得 $CD \parallel BE$.

(1) 求证：AB=BE;

(2) 若 CD 平分 $\angle ACB$ ，求 $\angle ABE$ 的度数.



21.重庆市教委想把长跑作为中考考察项目，在此之前做了一个调查，来了解我市体育长跑的得分情况，从甲、乙两所学校各随机抽取了 20 名学生的学生成绩如下. (该项满分 10 分，学生得分均为整数)。甲学校 20 名学生成绩（单位：分）分别为：
 7, 7, 8, 8, 8, 6, 7, 8, 8, 10 7, 9 6, 8, 7, 8, 9, 7, 8, 9
 乙学校 20 名学生成绩的条形统计图如右图所示：
 经过对两校这 20 名学生成绩的整理，得到分析数据如下表：

组别	极差	平均分	中位数	方差
甲	a	7.8	8	1.05
乙	5	b	c	2.46

乙学校 20 名学生成绩统计图



- (1) 求出表中的 a 、 b 、 c 的值.
- (2) 长跑得分 9 分及其以上即为优秀，已知甲学校有 1800 人，请估算甲学校的优秀人数有多少人？
- (3) 根据以上数据，你觉得甲、乙两所学校的学生哪所学校统计长跑题完成得比较好？请说明理由（一条即可）。

22. 材料一：《见微知著》谈到:从一个简单的经典问题出发,从特殊到一般,由简单到复杂,从部分到整体,由低维到高维,知识与方法上的类比是探索发展的重要途径,是思想阀门发现新问题、新结论的重要方法.

材料二：恒等变形是代数式求值的一个很重要的方法.利用恒等变形，可以把无理数运算转化为有理数运算，可以把次数较高的代数式转化为次数较低的代数式。

例如当 $x = \sqrt{3} + 1$ 时，求 $\frac{1}{2}x^3 - x^2 - x + 2$ 的值。为解答这题题，若直接把 $x = \sqrt{3} + 1$ 代入

所求的式中，进行计算，显然很麻烦，我们可以通过恒等变形，对本题进行解答.

方法一： 将条件变形，因 $x = \sqrt{3} + 1$ ，得 $x - 1 = \sqrt{3}$.再把所求的代数式变形为关于 $(x - 1)$

的表达式.原式= $\frac{1}{2}(x^3 - 2x^2 - 2x) + 2 = \frac{1}{2}[x^2(x - 1) - x(x - 1) - 3x] + 2$

$$= \frac{1}{2} [x(x-1)^2 - 3x] + 2 = \frac{1}{2} (3x - 3x) + 2 = 2$$

方法二：先将条件化成整式，再把等式两边同时平方，把无理数运算转化为有理数运算。

由 $x-1=\sqrt{3}$ ，可得 $x^2-2x-2=0$ ，即 $x^2-2x=2$ ， $x^2=2x+2$ 。

$$\text{原式} = \frac{1}{2} x(2x+2) - x^2 - x + 2 = x^2 + x - x^2 - x + 2 = 2$$

请参照以上的解决问题的思路和方法，解决以下问题：

(1) 若 $a^2 - 3a + 1 = 0$ ，求 $2a^3 - 5a^2 - 3 + \frac{3}{a^2 + 1}$ 的值；

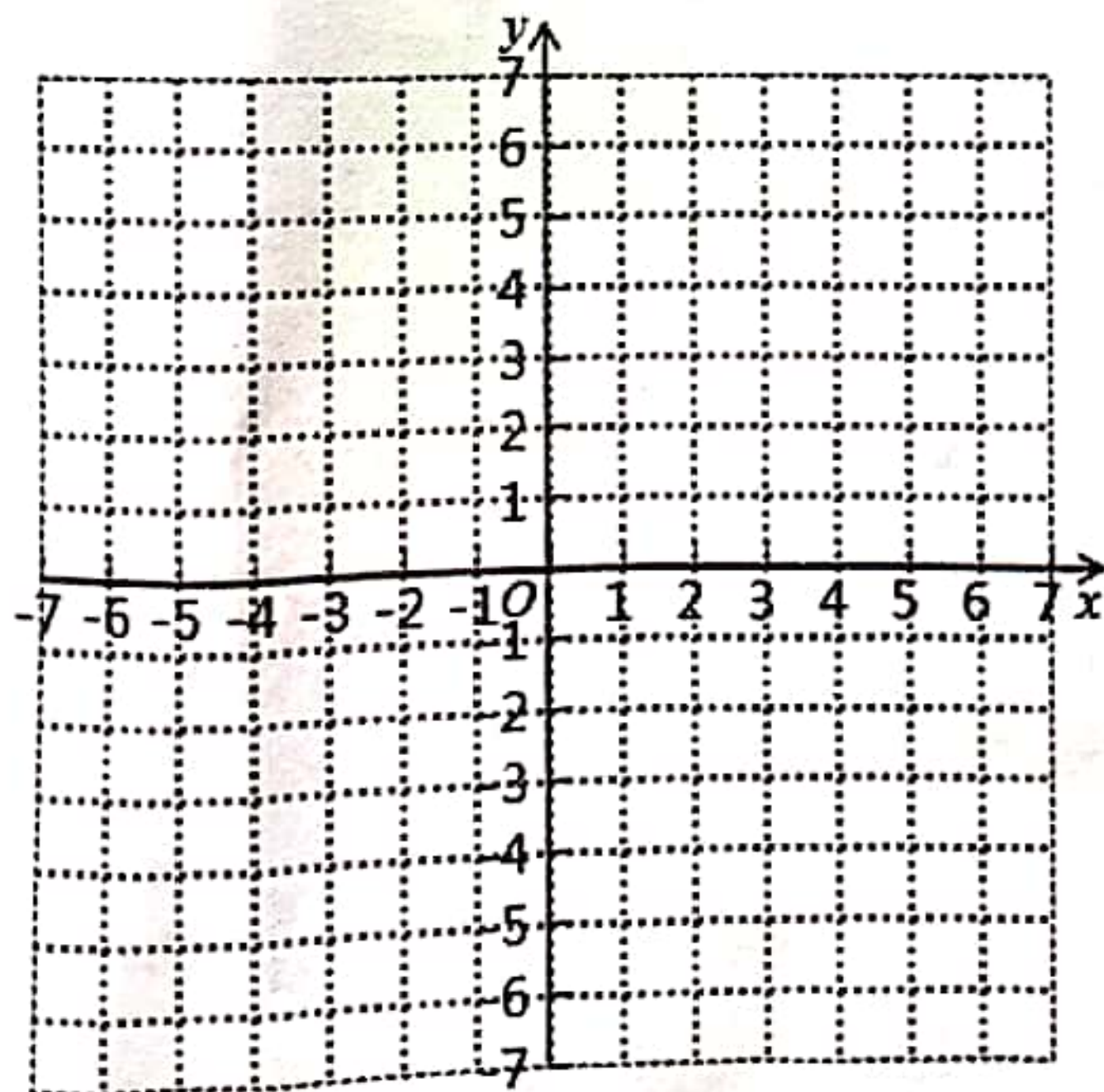
(2) 已知 $x = 2 + \sqrt{3}$ ，求 $\frac{x^4 - x^3 - 9x^2 - 5x + 5}{x^2 - 4x + 3}$ 的值。

23. 已知函数 $y = y_1 - y_2$ ，其中 y_1 与 $x-2$ 成反比例， $y_2 = 1$ ，且 y 关于 x 的函数的图象经过点 $(1, -\frac{1}{2})$ 。

(1) 根据条件可知 y 关于 x 的函数的解析式为_____，自变量的取值范围是_____。

(2) 函数图象探究：

①根据该函数解析式，画出该函数图像：



(3) 观察图象后填空：

①该函数的图象关于点(____, ____)成中心对称;

②若直线 $y = -x + b$ 与该函数图像有交点, 求 b 的取值范围.

24.为庆祝国庆 70 周年, 计划在街道旁绿化带中移栽树月季和微型玫瑰两种鲜花共 2430 盆, 其中树月季的价格为 39 元一盆, 微型玫瑰的价格是 26 元一盆.

(1) 初步计划购需要树月季的数量是微型玫瑰的 2 倍还少 810 盆, 则购买树月季和微型玫瑰各多少盆?

(2) 工作人员实地勘察后, 为保证实际效果, 树月季的数量在初步计划上增加 $m\%$, 微型玫瑰的数量在初步计划上减少 $m\%$. 实际采购时, 因为天气回暖, 花价有所调整, 树月季的价格

下降了 $\frac{2}{5}m\%$, 微型玫瑰的价格上涨了 $\frac{1}{2}m\%$, 实际购买鲜花的总金额在初步计划的基础上上

涨了 $\frac{2}{23}m\%$, 求 m 的值.

25.如图, 在平行四边形 ABCD 中, $CE \perp BC$ 交 AD 于点 E, 连接 BE, 点 F 是 BE 上一点, 连接 CF.

(1) 如图 1, 若 $\tan \angle ECD = \frac{1}{3}$, $BC=BF=4$, $DC=\sqrt{10}$, 求 EF 的长.

(2) 如图 2, 若 $BC=EC$, 连接 BE, 在 BE 上取点 F, 使 $\angle FCD = 45^\circ$, 过点 E 作 $EM \perp CF$ 交 CF 延长线于点 M, 延长 ME、CD 相交于点 G, 连接 BG 交 CM 于点 N. 求证: $EG=2MN$.

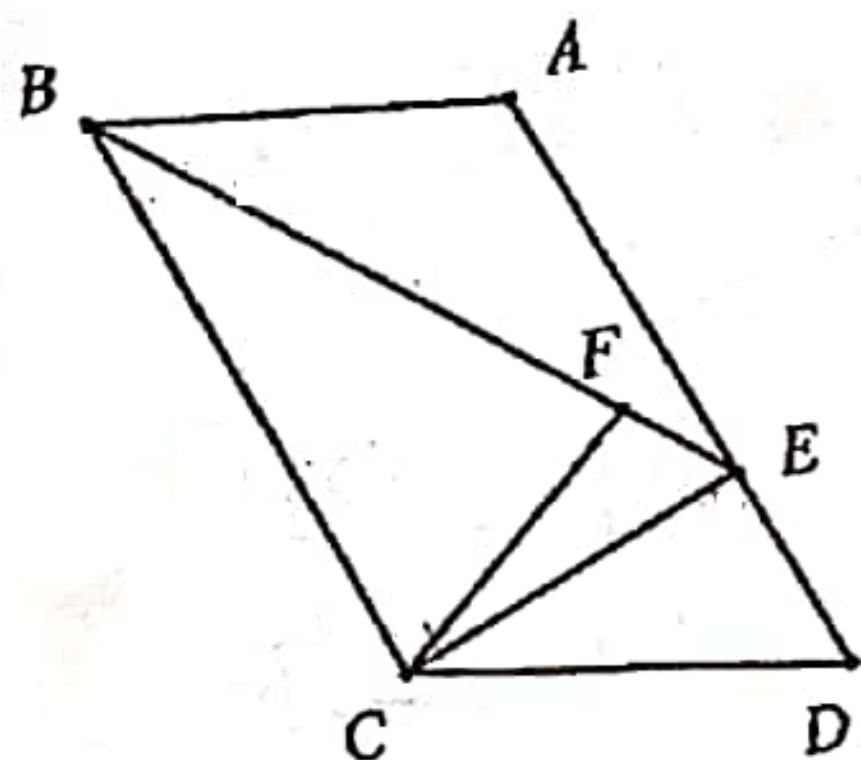


图 1

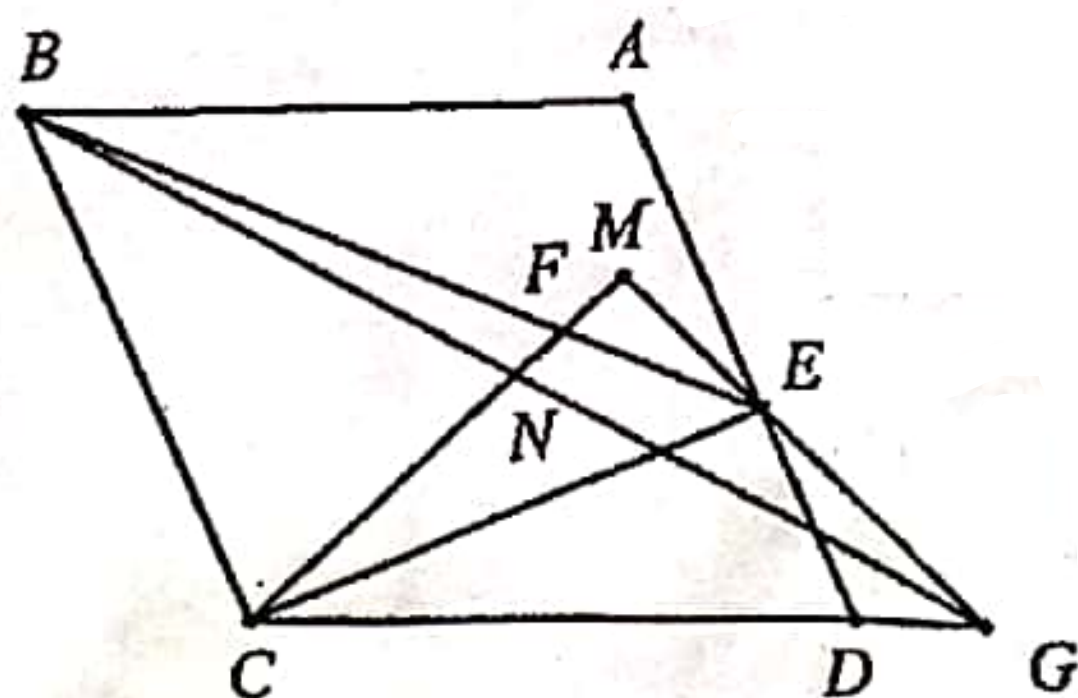


图 2

26.如图，直线 $l: y = ax + b$ 与双曲线 $y = -\frac{12}{x}$ 的图像交于 $A(-2, m)$ 、 $B(6, n)$ 两点 与 x 轴交于 C 点，与 y 轴交于点 D .

- (1) 在 A 点左侧的双曲线上有一点 P ，其中 $S_{\triangle ABP} = 20$ 。点 Q 是 x 轴上的一个动点，当 $PQ + \frac{\sqrt{2}}{2}QC$ 最小时，求出此时 Q 点坐标，并求出最小值。
- (2) 点 E 为 OC 的中点，连结 DE ，将 $\triangle ODE$ 绕点 O 逆时针方向旋转到 $\triangle OD_1E_1$ 的位置，点 E_1 恰好落在 DE 上。然后将 $\triangle OD_1E_1$ 沿着 y 轴平移到 $\triangle O_1D_2E_2$ ，直线 O_1D_2 与 x 轴交与点 N ，在双曲线上是否存在点 M ，使得 $\triangle O_1MN$ 为等腰直角三角形。若存在，请直接写出点 M 的坐标；若不存在请说明理由。

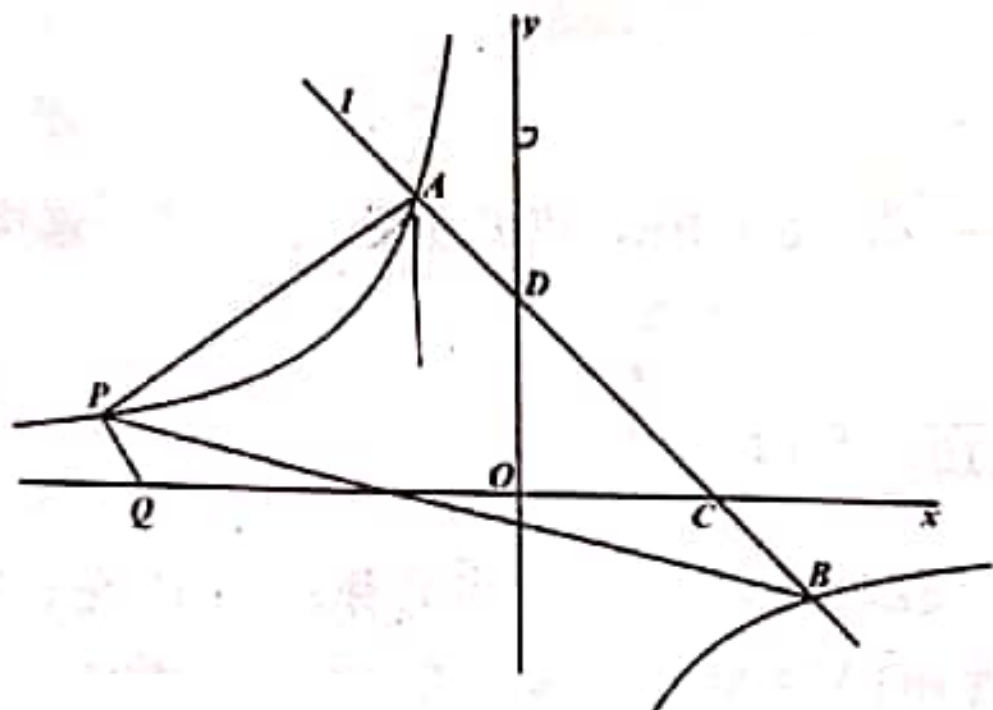


图 1

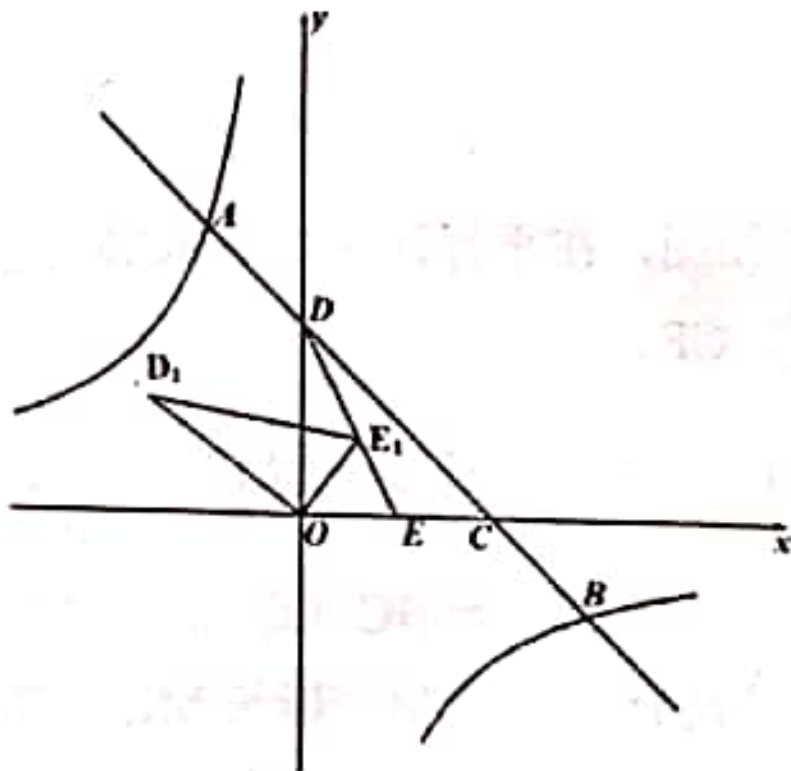


图 2