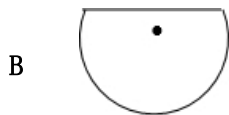


# 九年级数学期中测试

(试卷总分 150 分 测试时间 120 分钟)

一、选择题：(本大题共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分，在每小题所给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的)

1. 下列图案中，可以看作是中心对称图形的是 ( )



2. 已知二次函数的图象经过  $A(0, -2)$ ,  $B(1, 0)$ ,  $C(2, 0)$  三点，则这个二次函数图象的对称轴为 ( )

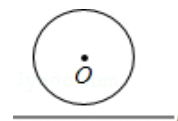
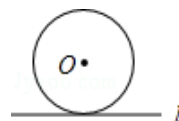
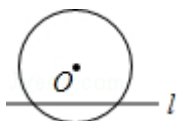
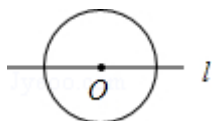
A.  $x = \frac{3}{2}$

B.  $x = -2$

C.  $x = 2$

D.  $x = -\frac{3}{2}$

3. 已知  $\odot O$  的半径为 5，圆心  $O$  到直线  $l$  的距离为 3，则反映直线  $l$  与  $\odot O$  的位置关系的图形是 ( ) .



4. 把抛物线  $y = x^2 + bx + c$  的图象向右平移 3 个单位，再向下平移 2 个单位，所得的函数解析式为  $y = x^2 - 2x + 3$ ，则  $b + c$  的值为 ( )

A. 9

B. 12

C. -14

D. 10

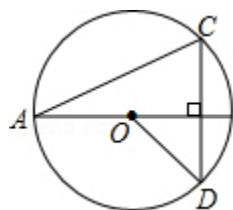
5. 如图，线段  $AB$  是  $\odot O$  的直径，弦  $CD \perp AB$ ， $\angle CAB = 20^\circ$ ，则  $\angle AOD$  等于 ( ) .

A.  $160^\circ$

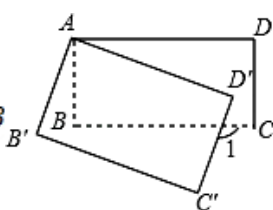
B.  $150^\circ$

C.  $140^\circ$

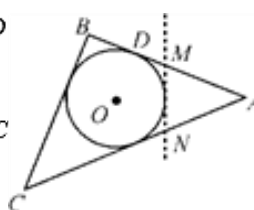
D.  $120^\circ$



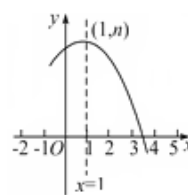
第 5 题



第 6 题



第 9 题



第 10 题

6. 如图所示，将矩形  $ABCD$  绕点  $A$  顺时针旋转到矩形  $AB'C'D'$  的位置，旋转角为  $\alpha$  ( $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ ) . 若  $\angle 1 = 110^\circ$ ，则  $\alpha$  等于 ( )

A.  $20^\circ$

B.  $30^\circ$

C.  $40^\circ$

D.  $50^\circ$

7. 下列说法中，正确的个数有：(1) 垂直于弦的直径平分这条弦并且平分这条弦所对的两条弧；(2) 半圆是弧；(3) 长度相等的弧是等弧；(4) 平分弦的直径垂直于这条弦. ( )

A. 0 个

B. 1 个

C. 2 个

D. 3 个

8. 已知点  $(-4, y_1)$ 、 $(-1, y_2)$ 、 $(\frac{5}{3}, y_3)$  都在函数  $y = -x^2 - 4x + 5$  的图象上，  
则  $y_1, y_2, y_3$  的大小关系为( ).

A.  $y_1 > y_2 > y_3$       B.  $y_3 > y_2 > y_1$       C.  $y_2 > y_1 > y_3$       D.  $y_3 > y_1 > y_2$

9. 如图， $\triangle ABC$  是一张周长为  $17\text{ cm}$  的三角形纸片， $BC = 5\text{ cm}$ ， $\odot O$  是它的内切圆，小明准备用剪刀在  $\odot O$  的右侧沿着与  $\odot O$  相切的任意一条直线  $MN$  剪下  $\triangle AMN$ ，则剪下的三角形的周长为( ).

A.  $12\text{ cm}$       B.  $7\text{ cm}$       C.  $6\text{ cm}$       D. 随直线  $MN$  的变化而变化

10. 如图是抛物线  $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$  的部分图象，其顶点坐标为  $(1, n)$  且与  $x$  轴的一个交点在点  $(3, 0)$  和  $(4, 0)$  之间. 则下列结论：①  $a - b + c > 0$ ; ②  $3a + b = 0$ ;

③  $b^2 = 4a(c - n)$ ; ④一元二次方程  $ax^2 + bx + c = n - 1$  有两个不相等的实数根. 其中正确结论的个数是( ).

A. 1      B. 2      C. 3      D. 4

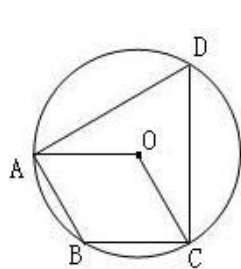
## 二、填空题：（本大题共 8 小题，第 11~13 每小题 3 分，第 14~18 每小题 4 分，共 29 分）

11. 方程  $3x^2 = x$  的解是\_\_\_\_\_.

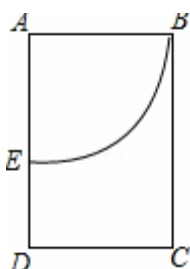
12. 已知正六边形的边长为 2，则它的内切圆的半径为\_\_\_\_\_.

13. 为增强学生身体素质，提高学生足球运动竞技水平，我市开展“海陵杯”足球比赛，赛制为单循环形式（每两队之间赛一场）. 现计划安排 21 场比赛，应邀请多少个球队参赛？设邀请  $x$  个球队参赛，根据题意，可列方程为\_\_\_\_\_.

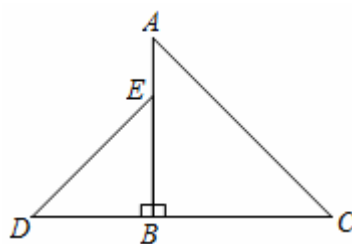
14. 如图，点  $A, B, C, D$  在  $\odot O$  上，点  $O$  在  $\angle D$  的内部，四边形  $OABC$  为平行四边形，则  $\angle OAD + \angle OCD =$  \_\_\_\_\_°.



第 14 题



第 16 题



第 18 题

15. 二次函数  $y = kx^2 - 4x + 1$  与  $x$  轴有交点，则  $k$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

16. 在长方形  $ABCD$  中  $AB = 16$ ，如图所示裁出一扇形  $ABE$ ，将扇形围成一个圆锥（ $AB$  和  $AE$  重合），则此圆锥的底面半径为\_\_\_\_\_.

17. 当  $-2 \leq x \leq 1$  时，二次函数  $y = -(x - m)^2 + m^2 + 1$  有最大值 4，则实数  $m$  的值为\_\_\_\_\_.

18. 如图， $\triangle ABC$ 、 $\triangle BDE$  都是等腰直角三角形， $BA = BC$ ， $BD = BE$ ， $AC = 4$ ， $DE = 2\sqrt{2}$ . 将  $\triangle BDE$  绕点  $B$  逆时针方向旋转后得  $\triangle BD'E'$ ，当点  $E'$  恰好落在线段  $AD'$  上时，则  $CE' =$  \_\_\_\_\_.

三、解答题：（本大题共 8 小题，共 91 分. 解答时应写出必要的文字说明或演算步骤）

19. 解下列方程（10 分）

(1)  $x^2 - 4x = 2$

(2)  $x^2 - 2x - 63 = 0$

20. (10 分) 已知关于  $x$  的一元二次方程  $mx^2 + (1-5m)x - 5 = 0 (m \neq 0)$

(1) 求证：无论  $m$  为任何非 0 的实数，此方程总有两个实数根.

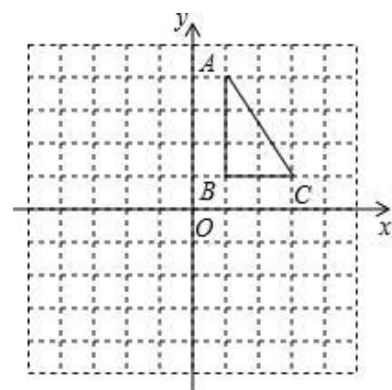
(2) 若抛物线  $y = mx^2 + (1-5m)x - 5 (m \neq 0)$  与  $x$  轴交于  $A(x_1, 0)$ 、 $B(x_2, 0)$  两点，且  $|x_1 - x_2| = 6$ ，求  $m$  的值.

21. (9 分) 如图，正方形网格中，每个小正方形的边长都是一个单位长度，在平面直角坐标系内， $\triangle ABC$  的三个顶点坐标分别为  $A(1, 4)$ ， $B(1, 1)$ ， $C(3, 1)$

(1) 画出  $\triangle ABC$  关于  $x$  轴对称的  $\triangle A_1B_1C_1$ ；

(2) 画出  $\triangle ABC$  绕点  $O$  逆时针旋转  $90^\circ$  后的  $\triangle A_2B_2C_2$ ；

(3) 在 (2) 的条件下，求线段  $BC$  扫过的面积（结果保留  $\pi$ ）.



22. (12 分) 某超市销售一种文具，进价为 5 元/件，售价为 6 元/件时， 当天的销售量为 100 件，在销售过程中发现：售价每上涨 0.5 元，当天的销量就减少 5 件，设当天销售单价统一为  $x$  元 ( $x \geq 6$ ，且  $x$  是按 0.5 的倍数上涨)，当天的销售利润为  $y$  元.

(1) 求  $y$  与  $x$  之间的函数解析式 (不要求写出自变量的取值范围) .

(2) 要使当天的销售利润不低于 240 元，求  $x$  的取值范围.

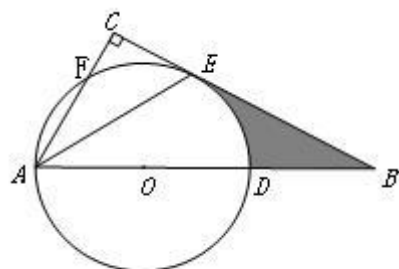
(3) 若每件文具的利润不超过 80%，要想当天获得的利润最大，每件文具的售价为多少元？并求出最大利润.

23. (12 分) 如图，在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中， $\angle C=90^\circ$ ，点  $D$  在  $AB$  上，以  $AD$  为直径的  $\odot O$  与  $BC$  相交于点  $E$ ，与  $AC$  交于  $F$ ，且  $AE$  平分  $\angle BAC$ .

(1) 求证：  $BC$  是  $\odot O$  的切线.

(2) 若  $\angle EAB=30^\circ$ ， $OD=3$ ，求图中阴影部分的面积.

(3) 若  $AD=5$ ， $AE=4$ ，求  $AF$ .

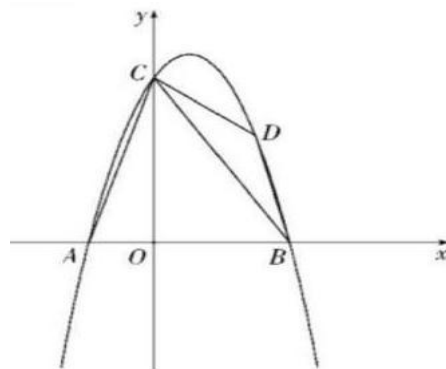


24. (12 分) 如图, 抛物线  $y = ax^2 + bx + 6$  经过点  $A(-2, 0)$ ,  $B(4, 0)$ , 于  $y$  轴交于点  $C$ . 点  $D$  是抛物线上的一个动点, 设点  $D$  的横坐标为  $m$  ( $1 < m < 4$ ), 连接  $AC$ ,  $BC$ ,  $DB$ ,  $DC$ .

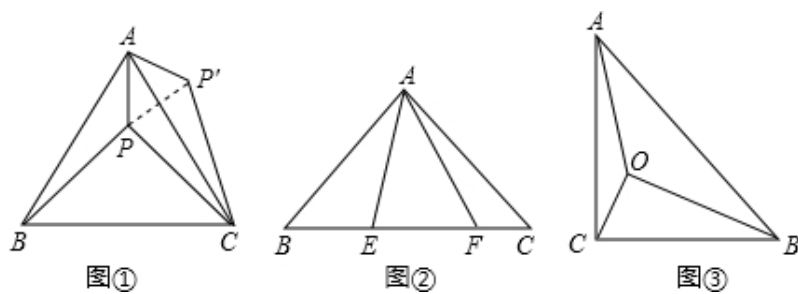
(1) 求抛物线的解析式.

(2) 当  $\triangle BCD$  的面积等于  $\triangle AOC$  的面积的  $\frac{3}{4}$  时, 求  $m$  的值;

(3) 在抛物线的对称轴上是否存在一点  $Q$ , 使得  $\triangle QAC$  的周长最小, 若存在, 求出点  $Q$  的坐标.



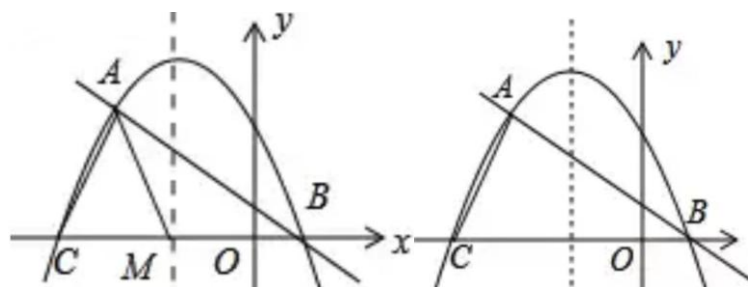
25. (12 分) 阅读下面材料, 并解决问题: (1) 如图①等边  $\triangle ABC$  内有一点  $P$ , 若点  $P$  到顶点  $A$ 、 $B$ 、 $C$  的距离分别为 3, 4, 5, 求  $\angle APB$  的度数. 为了解决本题, 我们可以将  $\triangle ABP$  绕顶点  $A$  旋转到  $\triangle ACP'$  处, 此时  $\triangle ACP' \cong \triangle ABP$ , 这样就可以利用旋转变换, 将三条线段  $PA$ 、 $PB$ 、 $PC$  转化到一个三角形中, 从而求出  $\angle APB =$  \_\_\_\_\_;



(2) 基本运用: 请你利用第 (1) 题的解答思想方法, 解答下面问题: 已知如图②,  $\triangle ABC$  中,  $\angle CAB = 90^\circ$ ,  $AB = AC$ ,  $E$ 、 $F$  为  $BC$  上的点且  $\angle EAF = 45^\circ$ , 求证:  $EF^2 = BE^2 + FC^2$ ;

(3) 能力提升: 如图③, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $AC = 1$ ,  $\angle ABC = 30^\circ$ , 点  $O$  为  $Rt\triangle ABC$  内一点, 连接  $AO$ ,  $BO$ ,  $CO$ , 且  $\angle AOC = \angle COB = \angle BOA = 120^\circ$ , 求  $OA + OB + OC$  的值.

26. (14 分) 在平面直角坐标系中，我们定义直线  $y=ax-a$  为抛物线  $y=ax^2+bx+c$  ( $a, b, c$  为常数,  $a \neq 0$ ) 的“衍生直线”；有一个顶点在抛物线上，另有一个顶点在  $y$  轴上的三角形为其“衍生三角形”。已知抛物线  $y=-\frac{2\sqrt{3}}{3}x^2-\frac{4\sqrt{3}}{3}x+2\sqrt{3}$  与其“衍生直线”交于  $A, B$  两点 (点  $A$  在点  $B$  的左侧)，与  $x$  轴负半轴交于点  $C$ 。



备用图

- (1) 填空：该抛物线的“衍生直线”的解析式为\_\_\_\_\_，点  $A$  的坐标为\_\_\_\_\_，点  $B$  的坐标为\_\_\_\_\_；
- (2) 如图，点  $M$  为线段  $CB$  上一动点，将  $\triangle ACM$  以  $AM$  所在直线为对称轴翻折，点  $C$  的对称点为  $N$ ，若  $\triangle AMN$  为该抛物线的“衍生三角形”，求点  $N$  的坐标；
- (3) 当点  $E$  在抛物线的对称轴上运动时，在该抛物线的“衍生直线”上，是否存在点  $F$ ，使得以点  $A, C, E, F$  为顶点的四边形为平行四边形？若存在，请直接写出点  $E, F$  的坐标；若不存在，请说明理由。