

西岗区期末测试试卷

九年级数学

2020.01

说明:本试卷共 6 页。满分 150 分。考试时间 120 分钟

一. 选择题: (在每小题给出的四个选项中,只有一个正确答案。本大题共有 10 小题,每小题 3

分,共 30 分)

1.如果在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $\angle B=2\angle A$,则 $\cos B$ 等于 ()

- A. $\sqrt{3}$ B. $\sqrt{3}/3$ C. $\sqrt{3}/2$ D. $1/2$

2.抛物线 $y=-(x+2)^2-3$ 的顶点坐标是()

- A. (2,3) B. (2,-3) C. (-2,3) D. (-2,-3)

3.如图 1, $\triangle ABC$ 中,点 D、E 分别在边 AB、BC 上, $DE \parallel AC$,若 $DB=4$,
 $AB=6$, $BE=3$,则 EC 的长是()

- A. 4 B. 2 C. $3/2$ D. $5/2$

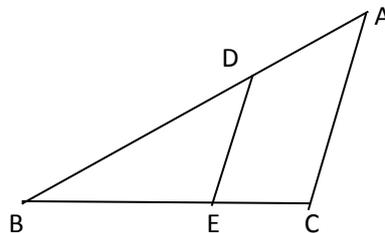


图 1

4.如图 2,点 A、B、C 是 $\odot O$ 上的点, $\angle AOB=70^\circ$,则 $\angle ACB$ 的度数是()

- A. 30° B. 35° C. 45° D. 70°

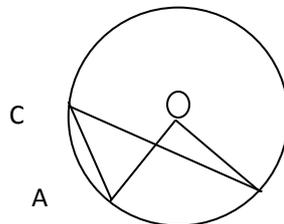


图 2

5.若 $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$,相似比为 1:2,则 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 的面积比为()

- A. 1:2 B. 2:1 C. 1:4 D. 4:1

6.如图 3 所示是二次函数 $y=ax^2-x+a^2-1$ 的图象,则 a 的值是()

- A. $a=1$ B. $a=-1$ C. $a=1/2$ D. $a=1$ 或 $a=-1$

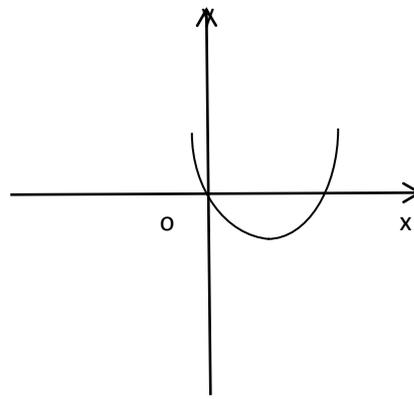


图 3

7.已知一个扇形的半径为 60cm,圆心角为 180° ,若用它做成一个圆锥的侧面,则这个圆锥的底面半径为()

- A. 15cm B. 20cm C. 25cm D. 30cm

8.若某人沿倾斜角为 β 的斜坡前进 100m,则他上升的最大高度是()

- A. $100/\sin \alpha$ m B. $100\sin \beta$ m C. $100/\cos \alpha$ m D. $100\cos \beta$ m

9.已知,二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的图象上部分点的横坐标 x 与纵坐标 y 的对应值如表格所示,那么它的图象与 x 轴的另一个交点坐标是()

x	...	-1	0	1	3	...
y	...	0	3	4	3	

- A. (2,0) B. (3,0) C. (4,0) D. (5,0)

10.中国“一带一路”战略给沿线国家和地区带来很大的经济效益,沿线某地区居民 2018 年年收入 300 美元,预计 2020 年年收入将达到 1500 美元,设 2018 年到 2020 年该地区居民年人均收入平均增长率为 x,可列方程为()

- A. $300(1+x)^2=1500$ B. $300(1+2x)=1500$ C. $300(1-x^2)=1500$ D. $300+2x=1500$

二. 填空题(本题共 6 小题,每小题 3 分,共 18 分)

11.二次函数 $y=3x^2+3$ 的最小值是_____

12.Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $AB=10$, $\cos B=3/5$,则 BC 的长为_____

13.如图 4, $\odot O$ 直径 $CD=20$, AB 是 $\odot O$ 的弦, $AB \perp CD$,垂足为 M ,若 $OM:OC=3:5$,则弦 AB 的长为_____

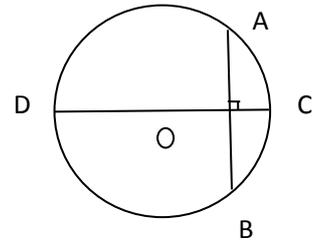


图 4

14.关于 x 的方程 $kx^2+2x-1=0$ 有实数根,则 k 的取值范围是_____

15.某校数学兴趣小组为测量学校旗杆 AC 的高度,在点 F 处竖立一根长为 1.5 米的标杆 DF ,如图 5 所示,量出 DF 的影子 EF 的长度为 1 米,再量出旗杆 AC 的影子 BC 的长度为 6 米,那么旗杆 AC 的高度为_____米

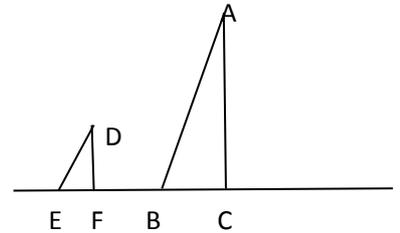


图 5

16.已知函数 $y=x^2-2x-3$,当 $-1 \leq x \leq a$ 时,函数的最小值是 -4,实数 a 的取值范围是_____

三.解答题(本题共 4 小题,17 题 12 分、18 题 10 分,19 题 7 分,20 题 10 分,共 39 分)

17. (1) $3\tan 30^\circ - \tan 45^\circ + 2\sin 60^\circ$ (2) $\sqrt{18} - (\pi-1)^0 - 2\cos 45^\circ + (1/2)^{-1}$

18.用适当的方法解方程

(1) $4(x-1)^2=9$ (2) $x^2-6x-4=0$

19.如图 6, $AB=3AC$, $BD=3AE$,又 $BD \parallel AC$, 点 B, A, E 在同一条直线上.
求证: $\triangle ABD \sim \triangle CAE$

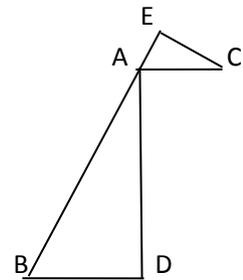


图 6

20.如图 7, 已知抛物线 $y=ax^2+bx+c$ 与 x 轴交于点 $A(1, 0)$, $B(3, 0)$, 且过点 $C(0, -3)$.

- (1) 求抛物线的解析式;
- (2) 若点 $P(4, m)$ 在抛物线上, 求 $\triangle PAB$ 的面积.

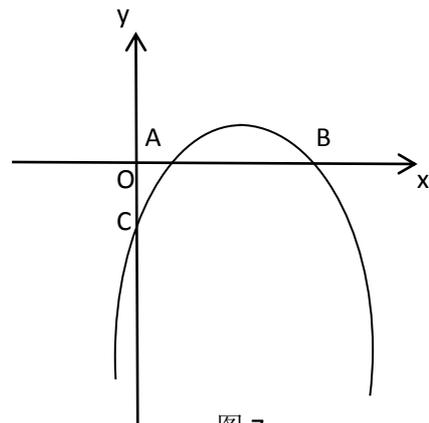


图 7

四. 解答题 (本题共 3 小题, 其中 21 题、22 题各 9 分, 23 题 10 分, 共 28 分)

21. 超速行驶是引发交通事故的主要原因. 上周末, 小明和三位同学尝试用自己所学的知识检测车速, 如图 8, 观测点设在距离中山路为 100 米的点 P 处. 这时, 一辆小轿车由西向东匀速行驶, 测得此车从 A 处行驶到 B 处所用的时间为 6 秒, $\angle APO=60^\circ$, $\angle BPO=45^\circ$

- (1) 求 A、B 之间的路程;
 - (2) 请判断此车是否超过了中山路每小时 60 千米的限制速度?
- (参考数据: $\sqrt{3}=1.73$)

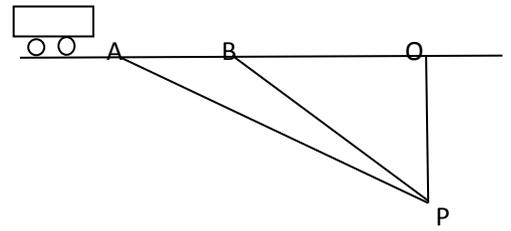


图 8

22. 如图 9, 已知抛物线 $y=x^2+bx+c$ 经过点 A (1, 0) 和 B (0, 3), 其顶点为 D. 设 P 为该抛物线上一点, 且位于抛物线对称轴右侧, 作 $PH \perp$ 对称轴, 垂足为 H, 若 $\triangle DPH$ 与 $\triangle AOB$ 相似

- (1) 求抛物线的解析式
- (2) 求点 P 的坐标

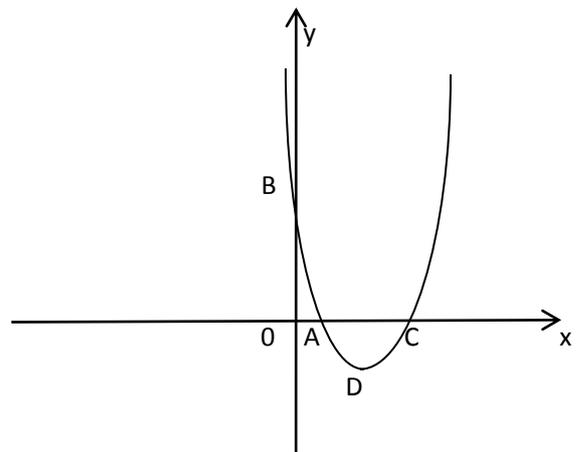


图 9

23. 如图 10, 四边形 ABCD 为菱形, 以 AD 为直径作 $\odot O$ 交 AB 于点 F, 连接 DB 交 $\odot O$ 于点 H, E 是 BC 上的一点, 且 $BE=BF$, 连接 DE

- (1) 求证: DE 是 $\odot O$ 的切线
- (2) 若 $BF=2$, $BD=2\sqrt{5}$, 求 $\odot O$ 的半径

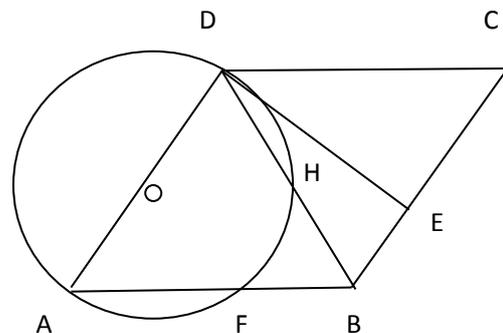


图 10

五、解答题(本题共 3 小题, 其中 24 题 11 分, 25、26 题各 12 分 · 共 35 分)

24.如图 11, $\triangle ABC$ 是等边三角形, 点 D 在 BC 上, $BD=2CD$, 点 F 是射线 AC 上的动点, 点 M 是射线 AD 上的动点, $\angle AMF=\angle DAB$, FM 的延长线与射线 AB 交于点 E, 设 $AM=x$, $\triangle AME$ 与 $\triangle ABD$ 重叠部分的面积为 y , y 与 x 的函数图象如图 12 所示(其中 $0 < x \leq m$, $m < x < n$, $x \geq n$ 时函数的解析式不同)

(1)填空: $AB=$ _____

(2)求出 y 与 x 的函数关系式, 并求出 x 的取值范围

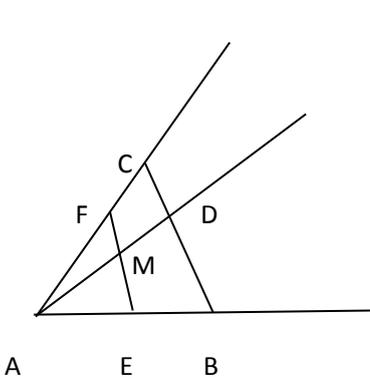


图 11

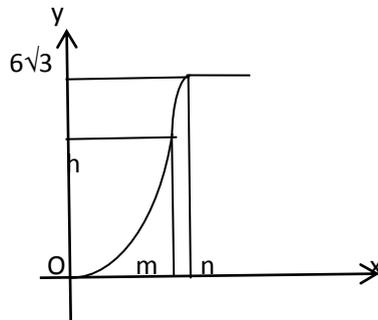


图 12

25.阅读下面的材料

小明同学遇到这样一个问题, 如图 13, $AB=AE$, $\angle ABC=\angle EAD$, $AD=m AC$, 点 P 在线段 BC 上, $\angle ADE=\angle ADP+\angle ACB$, 求 BC/AD 的值.

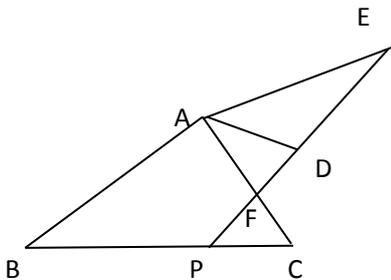


图 13

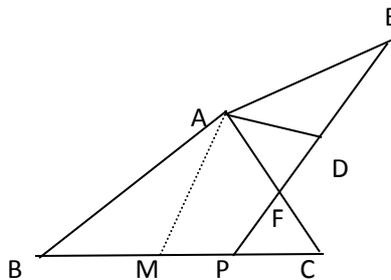


图 14

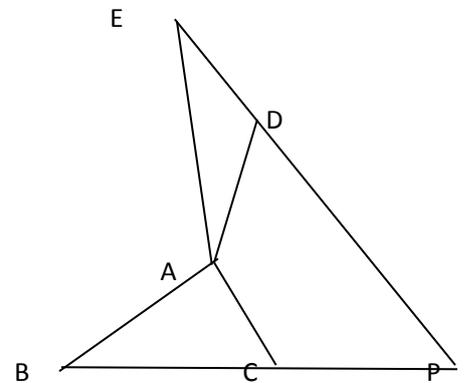


图 15

小明研究发现, 作 $\angle BAM=\angle AED$, 交 BC 于点 M, 通过构造全等三角形, 将线段 BC 转化为用含 AD 的式子表示出来, 从而求得 BC/AD 的值(如图 14)

(1)小明构造的全等三角形是:_____

(2)请你将小明的研究过程补充完整,并求出 BC/AD 的值.

(3)参考小明思考问题的方法,解决问题:

如图 15,若将原题中“ $AB=AE$ ”改为“ $AB=k AE$ ”,“点 P 在线段 BC 上”改为“点 P 在线段 BC 的延长线上,”其他条件不变,若 $\angle ACB=2\alpha$,求: DE/BC 的值 (结果请用含 α, k, m 的式子表示)。

26.如图 16,在平面直角坐标系 xoy 中,直线 l 和抛物线 W 交于 A, B 两点,其中点 A 是抛物线 w 的顶点,当点 A 在直线 l 上运动时,抛物线 W 随点 A 作平移运动,在抛物线平移的过程中,线段 AB 的长度保持不变,应用上面的结论,解决下列问题:

在平面直角坐标系 xoy 中,已知直线 $l_1:y=x-2$.点 A 是直线 l_1 上的一个动点,且点 A 的横坐标为 t ,以 A 为顶点的抛物线 $C_1:y=-x^2+bx+c$ 与直线 l_1 的另一个交点为点 B .

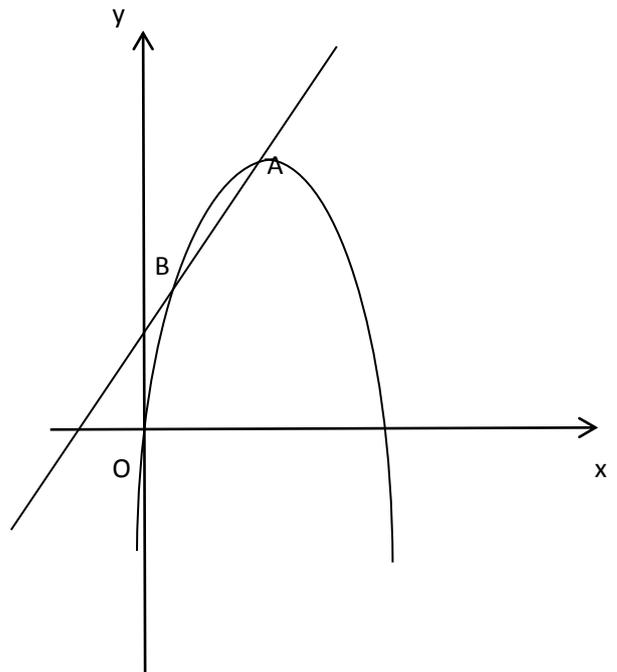
(1)当 $t=0$ 时,求抛物线 C_1 的解析式和 AB 的长;

(2)当点 B 到直线 OA 的距离达到最大时,直接写出此时点 A 的坐标;

(3)过点 A 作垂直于 y 轴的直线交直线 $l_2:y=1/2 x$ 于点 C ,以 C 为顶点的抛物线 $C_2:y=-x^2+mx+n$ 与直线 l_2 的另一个交点为点 D .

1.当 $AC \perp BD$ 时,求 t 的值。

2.若以 A, B, C, D 为顶点构成的图形是凸四边形(各个内角度数都小于 180°)时,直接写出满足条件的 t 的取值范围。



西岗区期末测试试卷

九年级数学 答案

2020.01

一、选择题:

- 1、D 2、C 3、C 4、B 5、C
6、A 7、D 8、B 9、C 10、A

二、填空题

- 11、3 12、6 13、16 14、 $k \geq -1$ 15、9 16、 $a \geq 1$

三、解答题

17、(1) $3\tan 30^\circ - \tan 45^\circ + 2\sin 60^\circ$ (2) $(2) \sqrt{18} - (\pi - 1)^0 - 2\cos 45^\circ + \left(\frac{1}{2}\right)^{-1}$

$= 3 \times \frac{\sqrt{3}}{3} - 1 + 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \dots\dots\dots 3$

$= 3\sqrt{2} - 1 - 2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} + 2 \dots\dots\dots 4$

$= \sqrt{3} - 1 + \sqrt{3} \dots\dots\dots 5$

$= 2\sqrt{2} + 1 \dots\dots\dots 6$

$= 2\sqrt{3} - 1 \dots\dots\dots 6$

18、用适当的方法解方程

(1) $4(x-1)^2 = 9$

(2) $x^2 - 6x - 4 = 0$

解: $2(x-1) = \pm 3 \dots\dots\dots 2$

解: $(x-3)^2 = 13 \dots\dots\dots 3$

$\therefore x_1 = -\frac{1}{2} \quad x_2 = -\frac{5}{2} \dots\dots\dots 4$

$x - 3 = \pm \sqrt{13} \dots\dots\dots 4$

$\therefore x_1 = 3 + \sqrt{13} \quad x_2 = 3 - \sqrt{13} \dots\dots 6$

19、如图 7, $AB=3AC$, $BD=3AE$, 又 $BD \parallel AC$, 点 B, A, E 在同一条直线上.
求证: $\triangle ABD \sim \triangle CAE$

证明: $\because AB=3AC, BD=3AE \quad \therefore \frac{AB}{AC} = \frac{BD}{AE} \dots\dots\dots 3$

$\because BD \parallel AC \quad \therefore \angle B = \angle EAC \dots\dots\dots 5$

$\therefore \triangle ABD \sim \triangle CAE \dots\dots\dots 7$

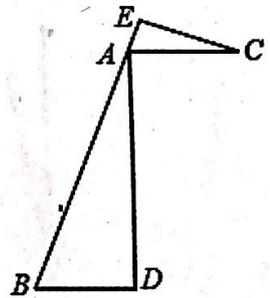


图 7

20、如图 8, 已知抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 与 x 轴交于点 A(1, 0), B(3, 0), 且过点 C(0, -3).

(1) 求抛物线的解析式;

(2) 若点 P(4, m) 在抛物线上, 求 $\triangle PAB$ 的面积.

解: (1) \because 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 与 x 轴交于点 A(1, 0), B(3, 0)

\therefore 设抛物线解析式为 $y = a(x-1)(x-3) \dots\dots\dots 2$

\because 过点 C(0, -3)

$\therefore 3a = -3 \dots\dots\dots 3$

$a = -1 \dots\dots\dots 4$

\therefore 抛物线解析式为 $y = -(x-1)(x-3) \dots\dots\dots 5$

$= -x^2 + 4x - 3 \dots\dots\dots 6$

(2) \because 点 P(4, m) 在抛物线上

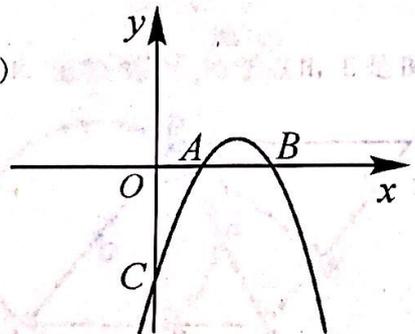


图 8

$\therefore y_P = -16 + 16 - 3 = -3$ 7

$AB = 2$ 8

$\therefore S_{\Delta PAB} = \frac{1}{2} \times AB \times |y_P|$ 9

$= 3$ 10

四、解答题(本题共 3 小题, 其中 21 题、22 题各 9 分, 23 题 10 分, 共 28 分)

21、解: (1) 根据题意, 得

$OP = 100, \angle AOP = 90^\circ$ 2

$\therefore \angle APO = 60^\circ, \angle BPO = 45^\circ$

$\therefore OB = 100, OA = 100\sqrt{3} = 100 \times 1.73 = 173$ 4

$\therefore AB = OA - OB = 173 - 100 = 73$ 5

故 A、B 之间的路程为 73 米;6

(2) 根据题意, 得

6 秒 = $\frac{6}{3600} = \frac{1}{600}$ 小时, 73 米 = 千米

$\frac{6}{3600} = \frac{1}{600}$

此车的行驶速度为

$0.073 \div \frac{1}{600} = 43.8$ 千米/小时7

43.8 千米/小时 < 60 千米/小时8

故此车没有超过限制速度.9

22、如图 10, 已知抛物线 $y = x^2 + bx + c$ 经过点 A(1, 0) 和 B(0, 3), 其顶点为 D. 设 P 为该抛物线

上一点, 且位于抛物线对称轴右侧, 作 $PH \perp$ 对称轴, 垂足为 H, 若 ΔDPH 与 ΔAOB 相似

(1) 求抛物线的解析式

(2) 求点 P 的坐标10

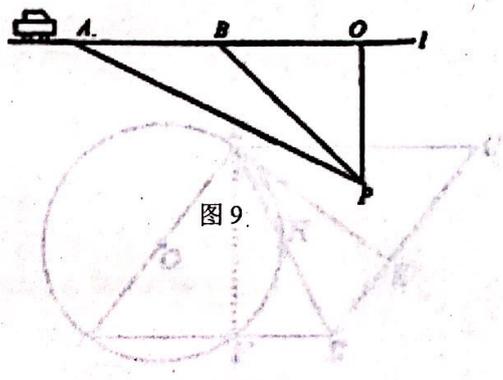


图 9

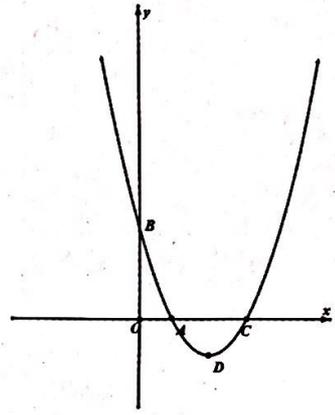


图 10

23、如图 11, 四边形 ABCD 为菱形, 以 AD 为直径作 $\odot O$ 交 AB 于点 F, 连接 DB 交 $\odot O$ 于点 H, E 是 BC 上的一点, 且 $BE = BF$, 连接 DE.

(1) 求证: DE 是 $\odot O$ 的切线.

(2) 若 $BF = 2, BD = 2\sqrt{5}$, 求 $\odot O$ 的半径.

(1) 证明: 如图 1, 连接 DF,

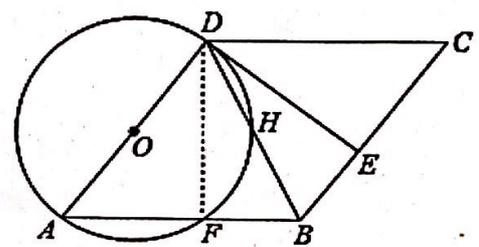


图 1

∵ 四边形 ABCD 为菱形,

∴ $AB=BC=CD=DA$, $AD \parallel BC$, $\angle DAB = \angle C$,1

∴ $BF=BE$,

∴ $AB - BF = BC - BE$,

即 $AF=CE$,2

∴ $\triangle DAF \cong \triangle DCE$ (SAS),3

∴ $\angle DFA = \angle DEC$,

∵ AD 是 $\odot O$ 的直径,

∴ $\angle DFA = 90^\circ$,

∴ $\angle DEC = 90^\circ$ 4

∵ $AD \parallel BC$,

∴ $\angle ADE = \angle DEC = 90^\circ$,

∴ $OD \perp DE$,5

∵ OD 是 $\odot O$ 的半径,

∴ DE 是 $\odot O$ 的切线;6

(2) 解: 如图 2,

∵ AD 是 $\odot O$ 的直径,

∴ $\angle DFA = 90^\circ$,

∴ $\angle DFB = 90^\circ$,7

在 $Rt\triangle ADF$ 和 $Rt\triangle BDF$ 中,

∴ $DF^2 = AD^2 - AF^2$, $DF^2 = BD^2 - BF^2$,

∴ $AD^2 - AF^2 = DB^2 - BF^2$,

∴ $AD^2 - (AD - BF)^2 = DB^2 - BF^2$,8

∴ $AD^2 - (AD - 2)^2 = (2\sqrt{5})^2 - 2^2$,9

∴ $AD = 5$.

∴ $\odot O$ 的半径为 $\frac{5}{2}$10

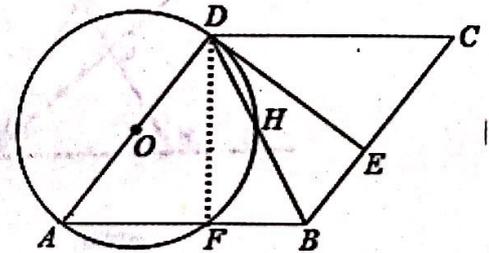


图2

五、解答题（本题共 3 小题，其中 24 题 11 分，25、26 题各 12 分，共 35 分）

24. 如图 12, $\triangle ABC$ 是等边三角形, 点 D 在 BC 上, $BD=2CD$, 点 F 是射线 AC 上的动点, 点 M 是射线 AD 上的动点, $\angle AFM = \angle DAB$, FM 的延长线与射线 AB 交于点 E , 设 $AM=x$, $\triangle AME$ 与 $\triangle ABD$ 重叠部分的面积为 y , y 与 x 的函数图象如图 13 所示 (其中 $0 < x \leq m$, $m < x < n$, $x \geq n$ 时, 函数的解析式不同).

(1) 填空: $AB = \underline{\hspace{2cm}}$;

(2) 求出 y 与 x 的函数关系式, 并求出 x 的取值范围.

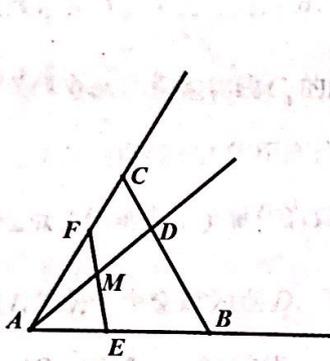


图 12

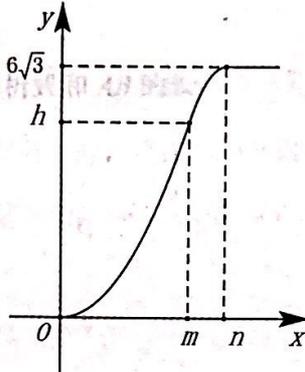
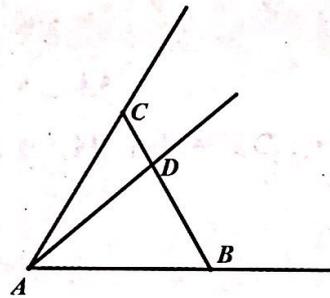


图 13



备用图

25. 阅读下面的材料:

小明同学遇到这样一个问题, 如图 14, $AB=AE$, $\angle ABC = \angle EAD$, $AD=mAC$, 点 P 在线段 BC 上, $\angle ADE = \angle ADP + \angle ACB$, 求 $\frac{BC}{AD}$ 的值.

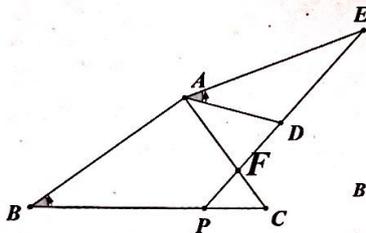


图 14

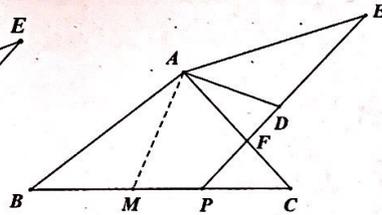


图 15

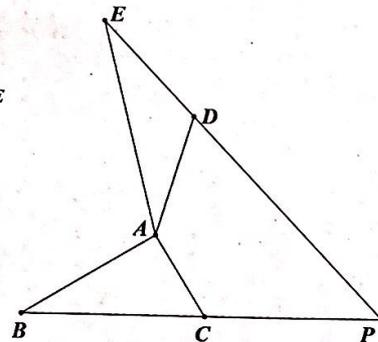


图 16

小明研究发现, 作 $\angle BAM = \angle AED$, 交 BC 于点 M , 通过构造 $\triangle ABM \cong \triangle EAD$, 将线段 BC 转化为用含 AD 的式子表示出来, 从而求得 $\frac{BC}{AD}$ 的值 (如图 15).

(1) 请你将小明的研究过程补充完整, 并求出 $\frac{BC}{AD}$ 的值.

(2) 参考小明思考问题的方法, 解决问题:

如图 16, 若将原题中 “ $AB=AE$ ” 改为 “ $AB=kAE$ ”, “点 P 在线段 BC 上” 改为 “点 P 在线段 BC 的延长线上”, 其它条件不变, 若 $\angle ACB = 2\alpha$, 求: $\frac{DE}{BC}$ 的值 (结果请用含 α, k, m 的式子表示).

26、如图 17，在平面直角坐标系 xOy 中，直线 l 和抛物线 W 交于 A, B 两点，其中点 A 是抛物线 W 的顶点。当点 A 在直线 l 上运动时，抛物线 W 随点 A 作平移运动。在抛物线平移的过程中，线段 AB 的长度保持不变。应用上面的结论，解决下列问题：

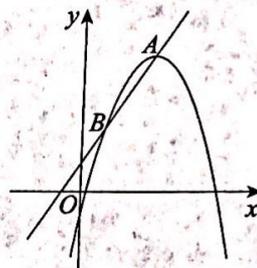


图 17

在平面直角坐标系 xOy 中，已知直线 $l_1: y = x - 2$ 。点 A 是直线 l_1 上的一个动点，且点 A 的横坐标为 t 。以 A 为顶点的抛物线 $C_1: y = -x^2 + bx + c$ 与直线 l_1 的另一个交点为点 B 。

- (1) 当 $t = 0$ 时，求抛物线 C_1 的解析式和 AB 的长；
- (2) 当点 B 到直线 OA 的距离达到最大时，直接写出此时点 A 的坐标；
- (3) 过点 A 作垂直于 y 轴的直线交直线 $l_2: y = \frac{1}{2}x$ 于点 C 。以 C 为顶点的抛物线 $C_2: y = x^2 + mx + n$ 与直线 l_2 的另一个交点为点 D 。
 - ① 当 $AC \perp BD$ 时，求 t 的值；
 - ② 若以 A, B, C, D 为顶点构成的图形是凸四边形，直接写出满足条件的 t 的取值范围、 b 的取值范围。