

泾阳县 2019 ~ 2020 学年(上)期末学生学业水平测试

八年级数学科

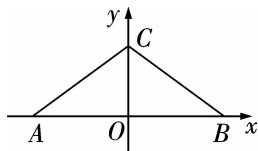
注意事项:

1. 本试卷分为第 I 卷(选择题)和第 II 卷(非选择题)两部分。全卷共 4 页,共三道大题(25 道小题),总分 120 分,考试时间为 90 分钟;
2. 答题前,考生需准确填写自己的姓名、准考证号,并认真核对条形码上的准考证号、姓名及考场号;
3. 所有答案必须在答题卡上指定区域作答;选择题部分必须使用 2B 铅笔填涂;非选择题部分必须使用 0.5 毫米黑色墨水签字笔书写,字体工整、笔迹清楚;
4. 请按照题号在各题目对应的答题区域内作答,超出答题区域书写的答案无效;在草稿纸、试卷上答题无效;
5. 保持卡面清洁,不得折叠、污染、破损等。

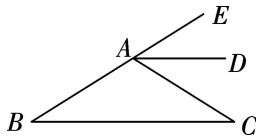
第 I 卷(选择题 共 30 分)

一、选择题(共 10 小题,每小题 3 分,计 30 分.每小题只有一个选项是符合题意的)

- 25 的平方根是
A. ± 5 B. 5 C. -5 D. -25
- 已知 $\begin{cases} x=1, \\ y=-2 \end{cases}$ 是方程 $ax+2y=1$ 的一组解, 则 a 的值是
A. 4 B. -4 C. 5 D. -5
- 某中学初三(1)班的 8 名同学在一次排球垫球测试中的成绩如下:(单位:个)
35, 38, 42, 44, 40, 47, 45, 45
则这组数据的中位数是
A. 44 B. 43 C. 42 D. 40
- 已知过 $A(-1, a)$, $B(2, -2)$ 两点的直线平行于 x 轴, 则 a 的值为
A. -1 B. 1 C. 2 D. -2
- 如图, 将一段橡皮筋放置在 x 轴上, 固定两端 $A(-8, 0)$ 和 $B(8, 0)$, 然后把 O 点沿 y 轴拉至 $C(0, 6)$, 则橡皮筋被拉长了
A. 2 B. 3 C. 5 D. 4



(第 5 题图)



(第 6 题图)

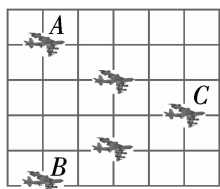
6. 如图, AD 是 $\triangle ABC$ 的外角 $\angle EAC$ 的平分线, $AD \parallel BC$, $\angle B = 32^\circ$, 则 $\angle C$ 的度数是
- A. 30° B. 32° C. 40° D. 64°

7. 下列命题是假命题的是

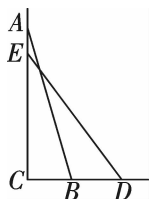
- A. 对顶角相等
B. 两直线平行, 同旁内角互补
C. 两个锐角之和一定是钝角
D. 同角的补角相等

8. 如图, 五架轰炸机组成了一个三角形飞行编队, 且每架飞机都在边长为 1 的正方形网格格点上, 其中 A、C 两架轰炸机对应点的坐标分别为 $A(-2, 1)$ 和 $C(2, -1)$, 那么轰炸机 B 对应点的坐标是

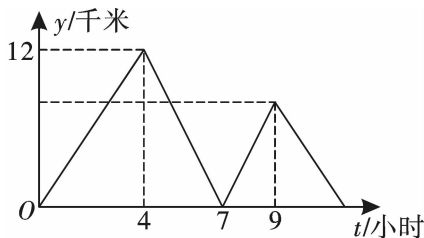
- A. $(-2, -3)$ B. $(4, -2)$ C. $(4, 2)$ D. $(2, 0)$



(第 8 题图)



(第 9 题图)



(第 10 题图)

9. 如图, 一架云梯 AB 长为 25 米, 顶端 A 靠在墙 AC 上, 此时云梯底端 B 与墙角 C 距离为 7 米, 云梯滑动后停在 DE 的位置上, 测得 AE 长为 4 米, 则云梯底端 B 在水平方向滑动了

- A. 4 米 B. 6 米 C. 8 米 D. 10 米

10. 甲乙两人在同一条笔直的公路上步行从 A 地去往 B 地. 已知甲、乙两人保持各自的速度匀速步行, 且甲先出发, 甲乙两人的距离 y (千米) 与甲步行的时间 t (小时) 的函数关系图象如图所示, 下列说法: ①乙的速度为 7 千米/时; ②乙到终点时甲、乙相距 8 千米; ③当乙追上甲时, 两人距 A 地 21 千米; ④ A 、 B 两地距离为 27 千米. 其中正确的个数为

- A. 4 个 B. 3 个 C. 2 个 D. 1 个

第 II 卷 (非选择题 共 90 分)

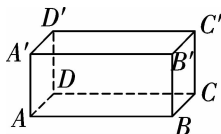
二、填空题 (共 4 小题, 每小题 3 分, 计 12 分)

11. 在平面直角坐标系中, 点 $P(1, 2)$ 关于 y 轴的对称点 Q 的坐标是_____.

12. 若 $\sqrt{x-1}$ 在实数范围内有意义, 则 x 的取值范围是_____.

13. 已知关于 x 、 y 的二元一次方程组 $\begin{cases} y=kx, \\ x+y=n, \end{cases}$ 的解为 $\begin{cases} x=1, \\ y=2, \end{cases}$ 则直线 $y=kx$ 和直线 $y=-x+n$ 的交点坐标是_____.

14. 如图, 长方体 $ABCD-A'B'C'D'$ 中, $AB=12$ cm, $BC=2$ cm, $BB'=3$ cm, 一只蚂蚁从点 A 出发, 以 4 cm/秒的速度沿长方体表面爬行到点 C' , 至少需要_____秒.



(第 14 题图)

三、解答题 (共 11 小题, 计 78 分. 解答应写出过程)

15. (5 分) 计算: $|3-\sqrt{5}| + \sqrt{2} \times \sqrt{10} - (\sqrt{6}-\sqrt{3})(\sqrt{6}+\sqrt{3})$.

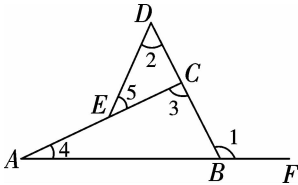
16. (5 分) 解方程组: $\begin{cases} x+3y=5, & \text{①} \\ 3x+y=-1. & \text{②} \end{cases}$

17. (5 分) 某公司招聘一名部门经理, 对 A 、 B 两位候选人进行了三项测试, 包括语言表达、微机操作、商品知识, 各项成绩的权分别是 3, 3, 4, 两人的成绩如下表:

候选人	语言表达	微机操作	商品知识
A	60	80	70
B	50	70	80

请你通过计算分析一下谁会被录取?

18. (5 分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\angle 1$ 是它的一个外角, E 为边 AC 上一点, 延长 BC 到 D , 连接 DE . 求证: $\angle 1 > \angle 2$.



(第 18 题图)

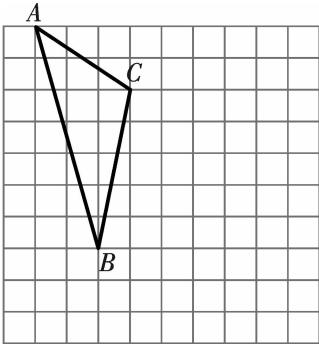
19. (7 分) 已知某正数的两个平方根是 $3a - 14$ 和 $a + 2$, $b - 14$ 的立方根为 -2 . 求 $a + b$ 的算术平方根.

20. (7 分) 已知 y 与 $x + 1$ 成正比例, 且 $x = -2$ 时 $y = 2$.

- (1) 求 y 与 x 之间的函数关系式;
- (2) 设点 $P(a, 4)$ 在 (1) 中的函数图象上, 求点 P 的坐标.

21. (7 分) 如图, 已知 $\triangle ABC$ 的顶点都在网格点上, 其中 A 、 B 两点的坐标分别为 $(-4, 5)$, $(-2, -2)$.

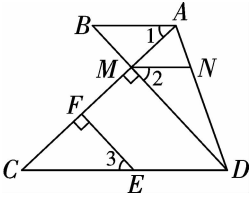
- (1) 根据所给信息, 建立平面直角坐标系, 并写出点 C 的坐标;
- (2) 若 $\triangle ABC$ 各顶点的纵坐标保持不变, 横坐标分别乘 -1 , 再将所得的各个点用线段依次连接起来, 画出所得的 $\triangle A_1B_1C_1$; 所得的 $\triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle ABC$ 有怎样的位置关系?



(第 21 题图)

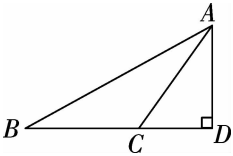
22. (7 分)如图,已知 $EF \perp AC$,垂足为点 F , $DM \perp AC$,垂足为点 M , DM 的延长线交 AB 于点 B ,且 $\angle 1 = \angle C$,点 N 在 AD 上,且 $\angle 2 = \angle 3$.

求证: $AB \parallel MN$.



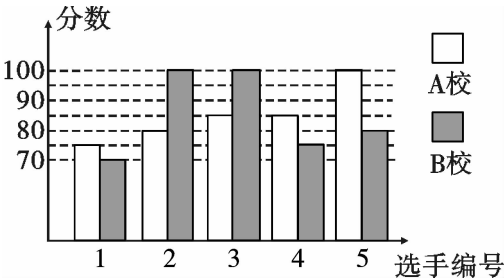
(第 22 题图)

23. (8 分)如图,在钝角 $\triangle ABC$ 中, $BC = 9$, $AB = 17$, $AC = 10$, $AD \perp BC$,交 BC 延长线于 D ,求 CD 的长.



(第 23 题图)

24. (10 分)某市举行知识大赛, A 校、 B 校各派出 5 名选手组成代表队参加决赛,两校派出选手的决赛成绩如图所示.



(第 24 题图)

(1)根据图示填写下表:

	平均数/分	中位数/分	众数/分
A 校	_____	85	_____
B 校	85	_____	100

(2)已知 A 校决赛成绩的方差 $s_A^2 = 70$,请你计算 B 校决赛成绩的方差,并判断哪个学校代表队选手成绩较为稳定?

25. (12 分)为了美化城市环境,某街道重修了路面,准备将老旧的路灯换成 LED 太阳能路灯,计划购买海螺臂 和 A 字臂两种型号的太阳能路灯共 100 只,经过市场调查:购买海螺臂太阳能路灯 1 只, A 字臂太阳能路灯 2 只共需 2 300 元;购买海螺臂太阳能路灯 3 只, A 字臂太阳能路灯 4 只共需 5 400 元.

(1)求海螺臂太阳能路灯和 A 字臂太阳能路灯的单价;

(2)设购买海螺臂太阳能路灯 $m(40 \leq m \leq 60)$ 只,且购买路灯的总费用为 w 元.

①求出 w 与 m 之间的函数关系式;

②购买海螺臂 和 A 字臂两种型号的太阳能路灯各多少只时,才能使总费用最少,并求出最少总费用.

泾阳县 2019 ~ 2020 学年(上)期末学生学业水平测试

八年级数学试题参考答案及评分标准

一、选择题(共 10 小题,每小题 3 分,计 30 分. 每小题只有一个选项是符合题意的)

1. A 2. C 3. B 4. D 5. D 6. B 7. C 8. A 9. C 10. B

二、填空题(共 4 小题,每小题 3 分,计 12 分)

11. $(-1,2)$ 12. $x \geq 1$ 13. $(1,2)$ 14. $\frac{13}{4}$

三、解答题(共 11 小题,计 78 分. 解答应写出过程)

15. 解:原式 $= 3 - \sqrt{5} + 2\sqrt{5} - 3$ (3 分)
 $= \sqrt{5}$ (5 分)

16. 解:① $\times 3$ - ②得: $8y = 16$, 解得: $y = 2$ (2 分)
 将 $y = 2$ 代入①得: $x = -1$ (4 分)
 \therefore 原方程组的解为: $\begin{cases} x = -1, \\ y = 2. \end{cases}$ (5 分)

17. 解:A 成绩的平均数: $\frac{60 \times 3 + 80 \times 3 + 70 \times 4}{3 + 3 + 4} = 70$ (分). (2 分)

B 成绩的平均数是: $\frac{50 \times 3 + 70 \times 3 + 4 \times 80}{3 + 3 + 4} = 68$ (分). (4 分)

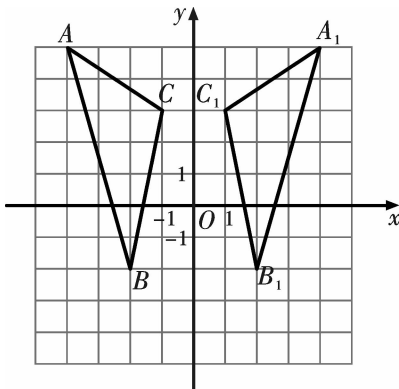
$\therefore 70 > 68$,
 $\therefore A$ 会被录取. (5 分)

18. 证明: $\because \angle 1$ 是 $\triangle ABC$ 的一个外角,
 $\therefore \angle 1 > \angle 3$ (2 分)
 $\because \angle 3$ 是 $\triangle DEC$ 的一个外角,
 $\therefore \angle 3 > \angle 2$ (4 分)
 $\therefore \angle 1 > \angle 2$ (5 分)

19. 解:由题意得, $3a - 14 + a + 2 = 0$, (2 分)
 解得: $a = 3$ (3 分)
 $b - 14 = -8$, (5 分)
 解得: $b = 6$ (6 分)
 $a + b = 9$,
 $\therefore a + b$ 的算术平方根是 3. (7 分)

20. 解:(1) 设 y 与 x 之间的函数关系式为 $y = k(x + 1)$ ($k \neq 0$),
 将 $(-2, 2)$ 代入 $y = k(x + 1)$, 得: $2 = k(-2 + 1)$ (1 分)
 解得: $k = -2$ (2 分)
 $\therefore y$ 与 x 之间的函数关系式为 $y = -2(x + 1)$, 即 $y = -2x - 2$ (4 分)
 (2) 当 $y = 4$ 时, $-2(a + 1) = 4$, 解得: $a = -3$, (6 分)
 \therefore 点 P 的坐标为 $(-3, 4)$ (7 分)

21. 解:(1) 如图所示. (2 分)
 点 C 的坐标为: $(-1, 3)$ (3 分)
 (2) 如图所示, $\triangle A_1B_1C_1$ 即为所画. (6 分)
 $\triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle ABC$ 关于 y 轴对称. (7 分)



22. 证明: $\because EF \perp AC, DM \perp AC,$
 $\therefore EF \parallel DM.$ (2 分)
 $\therefore \angle 3 = \angle CDM.$ (3 分)
 $\because \angle 3 = \angle 2,$
 $\therefore \angle 2 = \angle CDM.$
 $\therefore MN \parallel CD.$ (5 分)
 $\therefore \angle 1 = \angle C,$
 $\therefore AB \parallel CD.$ (6 分)
 $\therefore AB \parallel MN.$ (7 分)

23. 解: 设 $CD = x$, 则 $BD = 9 + x$.
 在 $\text{Rt}\triangle ADC$ 中, $AD^2 = AC^2 - CD^2 = 10^2 - x^2.$ (2 分)
 在 $\text{Rt}\triangle ADB$ 中, $AD^2 = AB^2 - BD^2 = 17^2 - (9 + x)^2.$ (4 分)
 则 $10^2 - x^2 = 17^2 - (9 + x)^2,$ (6 分)
 解得 $x = 6$, 即 $CD = 6.$ (8 分)

24. 解: (1) 填表如下: (6 分)

	平均数/分	中位数/分	众数/分
A 校	<u>85</u>	85	<u>85</u>
B 校	85	<u>80</u>	100

(2) B 校的方差 $s_B^2 = \frac{1}{5} \times [(70 - 85)^2 + (100 - 85)^2 + (100 - 85)^2 + (75 - 85)^2 + (80 - 85)^2] = 160.$

..... (9 分)

$\therefore s_A^2 < s_B^2.$

因此, A 校代表队选手成绩较为稳定. (10 分)

25. 解: (1) 设海螺臂太阳能路灯的单价为 x 元/只, A 字臂太阳能路灯的单价为 y 元/只, (1 分)

可列方程: $\begin{cases} x + 2y = 2\,300, \\ 3x + 4y = 5\,400. \end{cases}$ (3 分)

解得: $\begin{cases} x = 800, \\ y = 750. \end{cases}$ (5 分)

\therefore 海螺臂太阳能路灯的单价为 800 元/只, A 字臂太阳能路灯的单价为 750 元/只. (6 分)

(2) ① $w = 800m + 750(100 - m) = 50m + 75\,000.$ (8 分)

② $\because 50 > 0,$

$\therefore w$ 随 m 的增大而增大. (9 分)

$\because 40 \leq m \leq 60,$

\therefore 当 $m = 40$ 时, w 取得最小值, $w_{\text{最小}} = 50 \times 40 + 75\,000 = 77\,000$ (元),

$100 - 40 = 60$ (只). (11 分)

\therefore 购买 40 只海螺臂太阳能路灯, 60 只 A 字臂太阳能路灯时, 才能使总费用最少, 最少总费用为 77 000 元.

..... (12 分)