

荆门市 2020—2021 学年度上学期期末质量检测

九年级数学参考答案及评分标准

一、选择题(本大题共 12 小题, 每小题 3 分, 共 36 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
答案	C	B	B	C	D	A	C	D	C	B	C	C

二、填空题(本大题共 5 小题, 每小题 3 分, 共 15 分)

13. 2021 14. (0,2) 15. 6m 16. $2\sqrt{2}-2$ 17. $\frac{\sqrt{3}+1}{2}$

(说明: 第 15 题不带单位扣 1 分)

三、解答题(本大题共 7 小题, 共 69 分. 解答时应写出必要的文字说明、证明过程或演算步骤)

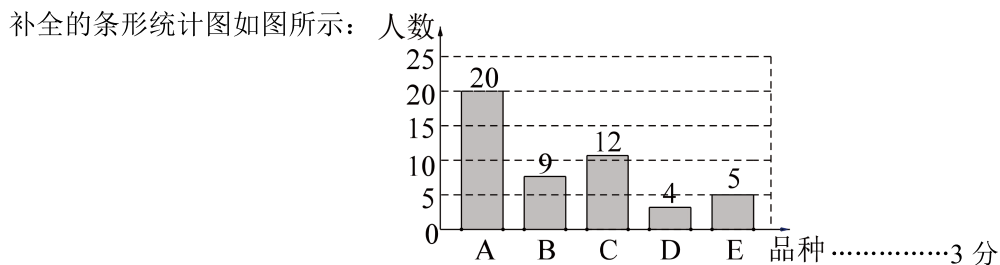
18. (1) $x^2 - 8x = 4$,
 $x^2 - 8x + 16 = 20$,
 $(x-4)^2 = 20$,
 $x-4 = \pm 2\sqrt{5}$,
 $\therefore x_1 = 4 + 2\sqrt{5}$, $x_2 = 4 - 2\sqrt{5}$ 4 分

(2) 方法 1: 设方程的另一个根为 α , 则

$$\begin{cases} \alpha + 2 = 1 - 2m \\ 2\alpha = -3m \end{cases}$$
, 解得: $\begin{cases} \alpha = 3 \\ m = -2 \end{cases}$,
 即 $m = -2$, 方程的另一个根 3.8 分

方法 2: 将 $x=2$ 代入方程, 得: $2^2 + 2(2m-1) - 3m = 0$, 解得: $m = -2$,
 $\therefore x^2 - 5x + 6 = 0$, 解得: $x_1 = 2$, $x_2 = 3$,
 即 $m = -2$, 方程的另一个根 3.8 分

19. (1) 参与投票的人数为 $20 \div 40\% = 50$ 人,
 B 品种的人数有: $50 \times 18\% = 9$ (人), E 品种的人数有: $50 - 20 - 9 - 12 - 4 = 5$ (人),
2 分

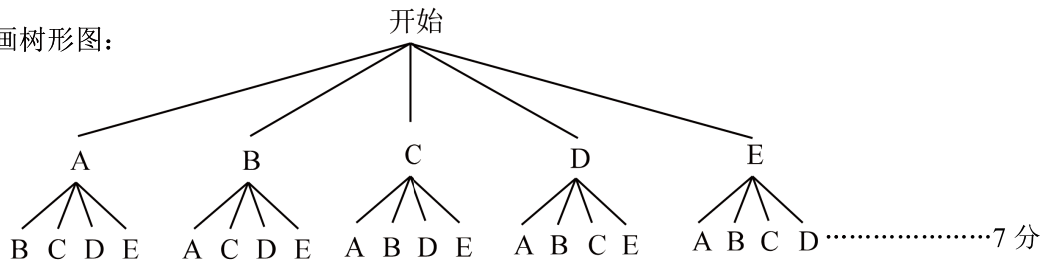


(2) 根据题意得: $1500 \times \frac{5}{50} = 150$ (人),
 \therefore 估计该集市喜爱野生葛粉的人数为 150 人.4 分

(3) 列表如下:

	A	B	C	D	E
A		(A, B)	(A, C)	(A, D)	(A, E)
B	(B, A)		(B, C)	(B, D)	(B, E)
C	(C, A)	(C, B)		(C, D)	(C, E)
D	(D, A)	(D, B)	(D, C)		(D, E)
E	(E, A)	(E, B)	(E, C)	(E, D)	

或画树形图:



∴共有 20 种等可能的结果, 其中, 正好抽到蟠龙菜和石牌香干的结果有 2 种,

$$\therefore P(\text{正好抽到蟠龙菜和石牌香干}) = \frac{2}{20} = \frac{1}{10}. \quad \dots\dots\dots 9 \text{ 分}$$

20. (1) 证明: ∵ $CD \perp AB$, $AC \perp BC$ 得,

$$\therefore \angle A + \angle ACD = 90^\circ, \quad \angle BCD + \angle ACD = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle A = \angle ACD,$$

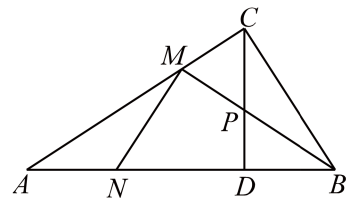
又 ∵ $MN \perp BM$, $AC \perp BC$,

$$\therefore \angle AMN + \angle BMC = 90^\circ, \quad \angle CBM + \angle BMC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle AMN = \angle CBM,$$

$$\therefore \triangle BCP \sim \triangle MAN.$$

.....6 分



(2) $\triangle ACD \sim \triangle ABC$, $\triangle ACD \sim \triangle CBD$, $\triangle BCD \sim \triangle BAC$, $\triangle BDP \sim \triangle BMN$10 分

21. 解: (1) 在 $y = ax - 8a$ ($a \neq 0$) 中, 令 $y = 0$,

$$\text{即 } ax - 8a = 0, \text{ 解得 } x = 8,$$

$$\therefore \text{点 } A \text{ 的坐标为 } (8, 0). \quad \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

(2) 过 C 点作 x 轴的垂线, 垂足为点 D .

$$\because S_{\triangle AOC} = 8, \therefore \frac{1}{2} \times 8 \times CD = 8, \therefore CD = 2,$$

$$\text{又 } \because CD \parallel OB, \therefore \triangle ACD \sim \triangle ABO, \therefore \frac{AC}{AB} = \frac{CD}{OB},$$

$$\because BC = 3AC, \therefore \frac{AC}{AB} = \frac{1}{4}, \therefore \frac{2}{OB} = \frac{1}{4}, \therefore OB = 8,$$

$$\therefore B \text{ 点的坐标为 } (0, 8),$$

将点 $B(0, 8)$ 代入 $y = ax - 8a$ ($a \neq 0$) 中, 得: $-8a = 8$, 解得 $a = -1$.

$$\therefore y = -x + 8.$$

.....6 分

当 $y = 2$ 时, $-x + 8 = 2$, 解得: $x = 6$,

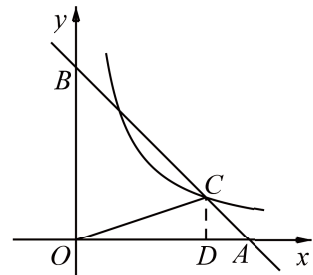
$$\therefore C(6, 2)$$

$$\therefore k = 6 \times 2 = 12,$$

.....8 分

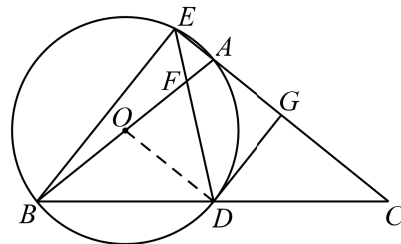
观察函数图象知, 关于 x 的不等式 $ax - 8a < \frac{k}{x}$ 为 $0 < x < 2$ 或 $x > 6$10 分

(说明: 其他解法参照评分)



22. 证明: (1) 连接 OD ,

$\because OB=OD, \therefore \angle B=\angle ODB,$
 $\because AB=AC, \therefore \angle B=\angle C,$
 $\therefore \angle ODB=\angle C, \therefore OD \parallel AC,$
 $\because DG \perp AC, \therefore OD \perp DG,$
 $\therefore DG$ 是 $\odot O$ 的切线;4 分



(2) 由 (1) 可知: $OD \parallel AC$,

$\therefore \angle AEF=\angle ODF,$
 又 $\because \angle AFE=\angle OFD,$

$\therefore \triangle AFE \sim \triangle OFD, \therefore \frac{EF}{FD}=\frac{AE}{OD},$

$\because AE=4, \frac{EF}{FD}=\frac{2}{5}, \therefore \frac{4}{OD}=\frac{2}{5}, \therefore OD=10, \therefore AB=20,$

$\because AB$ 为 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle AEB=90^\circ$

$\therefore BE=\sqrt{AB^2-AE^2}=\sqrt{20^2-4^2}=8\sqrt{6}.$ 10 分

23. 解: (1) y 与 x 的函数关系式为 $y=-5x+800$;2 分

(2) 由题意, 得 $w=(x-60)y=(x-60)(-5x+800)=-5x^2+1100x-48000$

\because 销售单价不低于成本单价, 且物价部门规定这种商品的获利不得高于 50%,

$\therefore \begin{cases} x \geq 60 \\ \frac{x-60}{60} \leq 50\% \end{cases},$ 解得: $60 \leq x \leq 90,$

$\because a=-5, \therefore$ 抛物线 $w=-5x^2+1100x-48000$ 开口向下,

\because 对称轴为直线 $x=110, 60 \leq x \leq 90,$

\therefore 此时函数图象在对称轴的左侧, w 随 x 的增大而增大,

$\therefore x=90$ 时, w 取得最大值, $w_{\text{最大}}=10500$;

答: 当销售单价 x 为 90 元时, 每月获得的利润最大, 最大利润是 10500 元;
6 分

(3) 根据题意得: $-5x^2+1100x-48000-300=7700$

解得: $x_1=80, x_2=140$

\because 抛物线开口向下, \therefore 当 $80 \leq x \leq 140$ 时, 每月利润不低于 7700 元

又 $\because 60 \leq x \leq 90, \therefore$ 当 $80 \leq x \leq 90$ 时, 每月利润不低于 7700 元,

答: 为了保证捐款后每月利润不低于 7700 元, 该商品的销售单价应该定在 80 元到 90 元之间 (含 80 元、90 元).
10 分

24. (1) 令 $y=0$, 则 $ax^2-2ax-3a=0$, 解得: $x_1=-1, x_2=3$,

$\therefore A(-1,0), B(3,0), \therefore OB=3$,

又 $\because OB=OC, \therefore OC=3, \therefore C(0,3).$ 2 分

$\therefore -3a=3, \therefore a=-1$,

\therefore 抛物线解析式为 $y=-x^2+2x+3.$ 3 分

(2) 设点 P 的坐标为 $(m, 0)$, 则点 D 的坐标为 $(m, -m^2 + 2m + 3)$,

设直线 BC 的解析式为 $y = kx + b$, 将 $B(3, 0)$, $C(0, 3)$ 代入, 得:

$$\begin{cases} 3k + b = 0 \\ b = 3 \end{cases}, \text{解得: } \begin{cases} k = -1 \\ b = 3 \end{cases}, \therefore \text{直线 } BC \text{ 的解析式为 } y = -x + 3,$$

\therefore 点 E 的坐标为 $(m, -m + 3)$,

$$\therefore DE = (-m^2 + 2m + 3) - (-m + 3) = -m^2 + 3m,$$

$$\begin{aligned} \therefore S_{\triangle DCB} &= \frac{1}{2} \cdot DE(OP + PB) = \frac{1}{2} \cdot DE \cdot OB = \frac{1}{2}(-m^2 + 3m) \times 3 = -\frac{3}{2}m^2 + \frac{9}{2}m \\ &= -\frac{3}{2}\left(m - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{27}{8}, \end{aligned}$$

由二次函数的性质可知: 当 $m = \frac{3}{2}$ 时, $S_{\triangle DCB}$ 最大, 此时 $P(\frac{3}{2}, 0)$, 而 $A(-1, 0)$,

$$\therefore PA = \frac{3}{2} - (-1) = \frac{5}{2}, \quad \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

又 \because 点 P 的运动速度为每秒 1 个单位, \therefore 点 P 运动的时间为 $\frac{5}{2}$ 秒,

即当 $\triangle DCB$ 的面积最大时, 点 P 运动的时间为 $\frac{5}{2}$ 秒. $\dots\dots\dots 7 \text{ 分}$

(3) 设点 P 的坐标为 $(n, 0)$, 点 D 的坐标为 $(n, -n^2 + 2n + 3)$, 点 E 的坐标为 $(n, -n + 3)$.

$$\therefore DE = -n^2 + 2n + 3 - (-n + 3) = -n^2 + 3n, \quad PE = -n + 3.$$

$$\therefore \angle BEP = \angle DEC,$$

\therefore 若以点 C, D, E 为顶点的三角形与 $\triangle BPE$ 相似, 则存在 $\triangle PEB \sim \triangle CED$ 和 $\triangle PEB \sim \triangle DEC$ 两种情况.

$$\because OB = OC = 3, \angle BOC = 90^\circ, \therefore BC = 3\sqrt{2}, \angle OBC = 45^\circ,$$

$$\text{又 } \because DP \perp x \text{ 轴}, \therefore \angle PEB = 45^\circ = \angle OBC, \therefore PE = PB = 3 - n,$$

$$\therefore BE = \sqrt{2}(3 - n), \quad CE = 3\sqrt{2} - \sqrt{2}(3 - n) = \sqrt{2}n. \quad \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

$$\text{①当 } \triangle PEB \sim \triangle CED \text{ 时}, \quad \frac{PE}{CE} = \frac{BE}{DE},$$

$$\therefore \frac{-n + 3}{\sqrt{2}n} = \frac{\sqrt{2}(3 - n)}{-n^2 + 3n}, \text{ 解得: } n_1 = 1, \quad n_2 = 3 \text{ (舍去)}$$

$$\therefore E(1, 2) \quad \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

$$\text{②当 } \triangle PEB \sim \triangle DEC \text{ 时}, \quad \frac{PE}{DE} = \frac{BE}{CE},$$

$$\therefore \frac{-n + 3}{-n^2 + 3n} = \frac{\sqrt{2}(3 - n)}{\sqrt{2}n}, \text{ 解得: } n_1 = 2, \quad n_2 = 3 \text{ (舍去)}$$

$$\therefore E(2, 1)$$

综上所述, E 的坐标为 $(1, 2)$ 或 $(2, 1)$. $\dots\dots\dots 12 \text{ 分}$

(说明: 其他解法参照评分)