

## 2020~2021学年度第二学期期末调研试题(卷)

## 八年级数学参考答案及评分标准

一、选择题(共10小题,每小题3分,计30分。每小题只有一个选项是符合题意的)

1.A 2.C 3.B 4.A 5.D 6.B 7.A 8.C 9.D 10.C

二、填空题(共4小题,每小题3分,计12分)

11. 对角线互相平分的四边形是平行四边形 12. 12 13. 3 14. 40

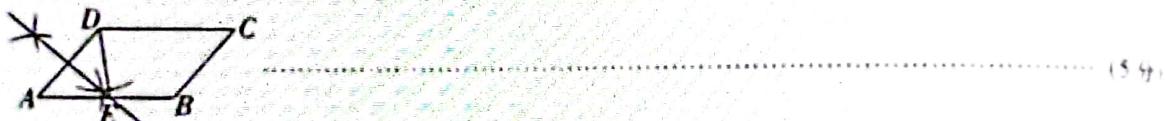
三、解答题(共11小题,计78分。解答应写出过程)

15. 解: 原式 =  $(x^2 + 9 + 6x)(x^2 + 9 - 6x)$  ..... (3分)  
 $= (x+3)^2(x-3)^2$  ..... (5分)

16. 解: 原式 =  $\frac{(m+2)(m-2)+3}{m-2} \cdot \frac{m-2}{m-1}$  ..... (2分)  
 $= \frac{(m+1)(m-1)}{m-2} \cdot \frac{m-2}{m-1}$  ..... (3分)  
 $= m+1$  ..... (4分)

当  $m=3$  时,原式 =  $3+1=4$  ..... (5分)

17. 解: 如图,点 E 即为所求。

18. 证明: ∵  $CD \perp AB$  于点 D,  $C'D' \perp A'B'$  于点  $D'$ ,

$\therefore \angle BDC = \angle B'D'C' = 90^\circ$  ..... (1分)

在  $Rt\triangle BDC$  和  $Rt\triangle B'D'C'$  中,

$$\begin{cases} CD = C'D', \\ BC = B'C', \end{cases}$$
 $\therefore Rt\triangle BDC \cong Rt\triangle B'D'C' (HL)$  ..... (3分)

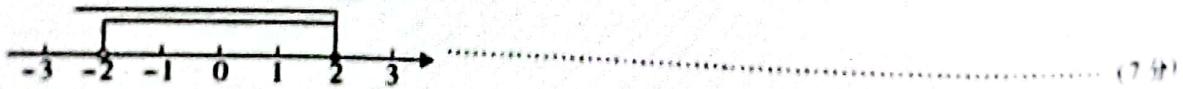
$\therefore BD = B'D'$  ..... (4分)

$\text{又} \because AB = A'B'$  ..... (5分)

$\therefore AD = A'D'$  ..... (5分)

19. 解: 解不等式  $\frac{x}{2} + 3 > 2$ , 得  $x > -2$  ..... (2分)解不等式  $-2(x+2) \geq -8$ , 得  $x \leq 2$  ..... (4分)∴ 不等式组的解集为  $-2 < x \leq 2$  ..... (5分)

将不等式组的解集在数轴上表示如下:



20. 解: 设需要调用 x 辆 B 型车,依题意,得

$30 \times 12 + 25x \geq 800$  ..... (3分)

$\text{解得: } x \geq 17.6$  ..... (5分)

∵ x 为正整数,

∴ x 的最小值为 18.

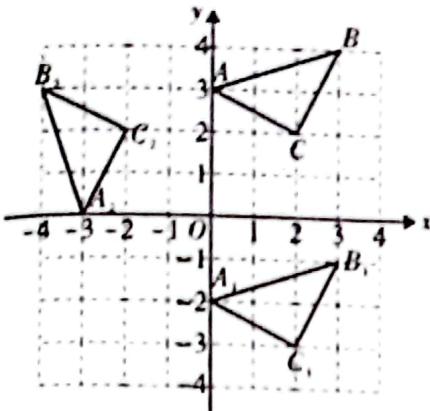
答: 至少需要调用 B 型车 18 辆 ..... (7分)



21. 解:(1)如图,  $\triangle A_1B_1C_1$  为所作. (3分)

(2)如图,  $\triangle A_2B_2C_2$  为所作. (6分)

点  $C$  的对应点  $C_2$  的坐标为  $(-2, 2)$ . (7分)



22. 解: 设  $A$  种茶叶每盒进价为  $x$  元, 则  $B$  种茶叶每盒进价为  $1.4x$  元. (1分)

$$\text{依题意得: } \frac{8400}{1.4x} - \frac{4000}{x} = 10, \quad (4 \text{ 分})$$

$$\text{解得: } x = 200, \quad (6 \text{ 分})$$

经检验,  $x = 200$  是原方程的解, 且符合题意.

$$\therefore 1.4x = 280. \quad (7 \text{ 分})$$

答:  $A$  种茶叶每盒进价为 200 元,  $B$  种茶叶每盒进价为 280 元. (7 分)

23. (1) 证明:  $\because AD = CD$ , (1分)

$$\therefore \angle DAC = \angle DCA. \quad (1 \text{ 分})$$

$$\therefore AB \parallel CD, \quad (1 \text{ 分})$$

$$\therefore \angle DCA = \angle CAB, \quad (1 \text{ 分})$$

$$\therefore \angle DAC = \angle CAB, \quad (1 \text{ 分})$$

$\therefore AC$  是  $\angle EAB$  的角平分线. (2分)

$$\therefore CE \perp AE, CB \perp AB, \quad (1 \text{ 分})$$

$$\therefore CE = CB. \quad (3 \text{ 分})$$

(2) 解:  $AC$  垂直平分  $BE$ .

理由: 由(1)知,  $CE = CB$ . (4分)

$$\therefore CE \perp AE, CB \perp AB, \quad (1 \text{ 分})$$

$$\therefore \angle CEA = \angle CBA = 90^\circ. \quad (1 \text{ 分})$$

在  $Rt\triangle CEA$  和  $Rt\triangle CBA$  中,

$$\begin{cases} CE = CB, \\ AC = AC, \end{cases} \quad (6 \text{ 分})$$

$\therefore Rt\triangle CEA \cong Rt\triangle CBA (HL).$  (6分)

$$\therefore AE = AB. \quad (1 \text{ 分})$$

$$\text{又: } CE = CB, \quad (1 \text{ 分})$$

$\therefore$  点  $A$ 、点  $C$  都在线段  $BE$  的垂直平分线上. (1分)

$\therefore AC$  垂直平分  $BE$ . (8分)

24. 解:(1) 根据题意, 得:

$$y_1 = 20 \times 4 + (x - 4) \times 5 = 5x + 60; \quad (2 \text{ 分})$$

$$y_2 = (5x + 20 \times 4) \times 90\% = 4.5x + 72. \quad (4 \text{ 分})$$

$$(2)y_1 - y_2 = 0.5x - 12. \quad (1 \text{ 分})$$



- ①当  $y_1 - y_2 = 0$ , 即  $0.5x - 12 = 0$  时, 解得  $x = 24$ . (6 分)  
 ∴当  $x = 24$  时, 两种优惠方案购票所需费用一样;  
 ②当  $y_1 - y_2 < 0$ , 即  $0.5x - 12 < 0$  时, 解得  $x < 24$ . (8 分)  
 ∴当  $4 < x < 24$  时, 用优惠方案 1 购票所需费用较少;  
 ③当  $y_1 - y_2 > 0$ , 即  $0.5x - 12 > 0$  时, 解得  $x > 24$ . (10 分)  
 ∴当  $x > 24$  时, 用优惠方案 2 购票所需费用较少. (2 分)

25. (1) 解: = .....  
 (2) 证明: ①  $\because PE \parallel AC, DG \parallel AC$ ,  
 $\therefore DG \parallel PE$ . (3 分)  
 又  $\because PF \parallel AB$ ,  
 ① 四边形  $AEPF$ 、四边形  $PDGE$  都是平行四边形. (4 分)  
 ② 四边形  $AEPF$ 、四边形  $PDGE$  都是平行四边形,  
 $\therefore PF = AE, PE = DG, PD = GE$ . (5 分)  
 $\because AB = AC$ ,  
 $\therefore \angle B = \angle C$ .  
 $\because DG \parallel AC$ ,  
 $\therefore \angle GDB = \angle C = \angle B$ ,  
 $\therefore GD = GB$ . (7 分)  
 $\therefore PE = BG$ ,  
 $\therefore PE + PF + PD = BG + AE + GE = AB$ . (9 分)  
 (3) 解:  $PE + PF - PD = AB$ , 理由如下:  
 作  $PG \parallel BC$  交  $AB$  的延长线于点  $G$ , 如图③.  
 又  $\because PE \parallel AC, PF \parallel AB$ ,  
 ① 四边形  $AEPF$ 、四边形  $PDBG$  都是平行四边形,  
 $\therefore PF = AE, PD = BG$ . (11 分)  
 结合(2)易得  $PE = GE$ ,  
 $\therefore PE + PF + PD = GE + AE + BG = AB + 2BG = AB + 2PD$ ,  
即  $PE + PF - PD = AB$ . (12 分)

