

# 2021 年春八年级(下)期末考试

## 数 学 试 题

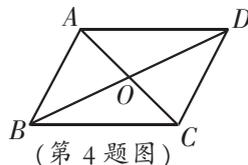
(全卷满分 150 分,考试时间:120 分钟)

一、选择题(本大题共 12 个小题,每小题 4 分,共 48 分)在每个小题的下面,都给出了代号为 A、B、C、D 的四个答案,其中只有一个是正确的,请将答题卡上对应题目的正确答案标号涂黑.

1. 当自变量  $x=3$  时,函数  $y=-x-3$  的函数值为( )  
 A. -6                                      B. 0                                      C. 6                                      D. 9
2. 下列分式是最简分式的是( )  
 A.  $\frac{9y}{12x}$                                       B.  $\frac{x-y}{x^2-y^2}$                                       C.  $\frac{x+y}{x^2-y^2}$                                       D.  $\frac{x+y}{x^2+y^2}$

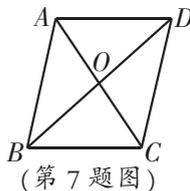
3. 一组数据的方差计算公式是  $s^2 = \frac{1}{10} [(1-6)^2 + (2-6)^2 + \dots + (10-6)^2]$ , 则这组数据的样本容量是( )  
 A. 100                                      B. 36  
 C. 10                                      D. 6

4. 如图,要使  $\square ABCD$  为矩形,则可以添加的条件是( )  
 A.  $AC \perp BD$                                       B.  $AC=BD$   
 C.  $\angle AOB=60^\circ$                                       D.  $AB=BC$



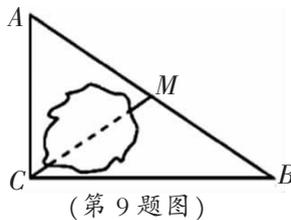
5. 据报道,研究人员通过研究获得了纯化灭活新冠病毒疫苗,该疫苗在低温电镜下呈椭圆形颗粒,最小直径约为 89nm,已经  $1nm=10^{-9}m$ ,则最小直径用科学记数法表示为( )m  
 A.  $8.9 \times 10^{-6}$                                       B.  $8.9 \times 10^{-7}$                                       C.  $8.9 \times 10^{-8}$                                       D.  $8.9 \times 10^{-9}$
6. 某校初二有 7 名同学的体能测试成绩(单位:分)如下:42,46,47,50,47,48,47. 这组数据的众数是( )  
 A. 50                                      B. 47                                      C. 46                                      D. 42

7. 如图,在平行四边形  $ABCD$  中,对角线  $AC$ 、 $BD$  交于点  $O$ ,若  $AC=12$ ,  $BD=16$ ,  $CD=11$ ,则  $\triangle DOC$  的周长为( )  
 A. 39  
 B. 31  
 C. 33  
 D. 25



8. 已知 A、B 两工厂每小时一共能做 9000 个 N95 口罩。两个工厂在工作相同的时间后,A 工厂做了 N95 口罩 960 个,B 工厂做了 N95 口罩 840 个,设 A 工厂每小时能做  $x$  个口罩,根据题意列出分式方程正确的是( )  
 A.  $\frac{960}{x} = \frac{840}{9000-x}$                                       B.  $\frac{840}{x} = \frac{960}{9000-x}$                                       C.  $\frac{960}{x} = \frac{840}{9000+x}$                                       D.  $\frac{840}{x} = \frac{960}{9000+x}$

9. 如图所示,公路  $AC$ 、 $BC$  互相垂直,点  $M$  为公路  $AB$  的中点,为测量湖泊两侧  $C$ 、 $M$  两点间的距离,工人师傅测得  $AC=3\text{km}$ ,  $BC=4\text{km}$ ,则  $M$ 、 $C$  两点间的距离为( )km.  
 A.  $\frac{5}{2}$                                       B. 3                                      C. 4                                      D. 5



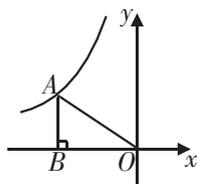
10. 下列语句正确的是( )  
 A. 在平面直角坐标系中,  $(-3,5)$  与  $(5,-3)$  表示两个不同的点

B. 平行于  $x$  轴的直线上所有点的横坐标都相同

C. 若点  $P(a,b)$  在  $y$  轴上, 则  $b=0$

D. 点  $P(-3,4)$  到  $x$  轴的距离为 3

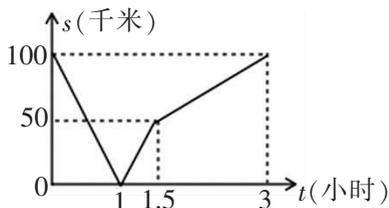
11. 如图, 点  $A$  是反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  图象上的一点,  $AB$  垂直  $x$  轴于点  $B$ , 若  $S_{\triangle ABO} = 5$ , 则反比例函数当  $x=4$  时,  $y$  的值为( )



(第 11 题图)

A. 10      B. -10      C.  $\frac{5}{2}$       D.  $-\frac{5}{2}$

12. 张伟骑摩托车从甲地去乙地, 李亮开汽车从乙地去甲地, 两人同时出发, 匀速行驶, 各自到达终点后停止, 设张伟、李亮两人间的距离为  $s$  (单位: 千米), 张伟行驶的时间为  $t$  (单位: 小时),  $s$  与  $t$  之间的函数关系如图所示, 有下列结论:



(第 12 题图)

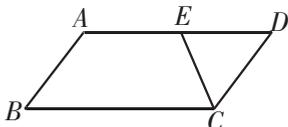
- ①出发 3 小时时, 张伟和李亮同时到达终点;  
②张伟骑摩托车的速度为  $\frac{100}{3}$  千米/小时;  
③李亮开汽车的速度为 60 千米/小时;  
④出发 1.5 小时时, 李亮比张伟多行驶 50 千米;  
上述结论正确的是( )

A. ①②      B. ③④      C. ②④      D. ②③④

二、填空题 (本大题共 6 个小题, 每小题 4 分, 共 24 分) 请将每小題的答案直接填在答题卡中对应的横线上。

13. 某校开展为“希望小学”捐书活动, 以下是 5 名同学捐书的册数: 2, 3, 5, 7, 2, 则这组数据的中位数是 \_\_\_\_\_.

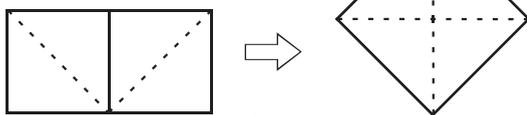
14. 如图, 在平行四边形  $ABCD$  中,  $AD=2AB$ ,  $CE$  平分  $\angle BCD$  交  $AD$  边于点  $E$ , 且  $AE=5$ , 则  $AB$  的长为 \_\_\_\_\_.



(第 14 题图)

15. 小明上学期数学的平时成绩 80 分, 期中成绩 90 分, 期末成绩 85 分, 若学期总评成绩按平时: 期中: 期末 = 3: 3: 4 计算, 则小明上学期数学的总评成绩是 \_\_\_\_\_ 分.

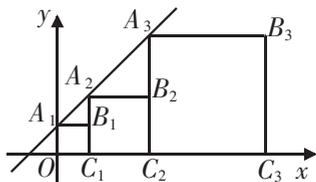
16. 如图, 将两条边长分别为 2 和 4 的长方形如图剪开, 拼成一个正方形, 则该正方形的边长最接近整数 \_\_\_\_\_.



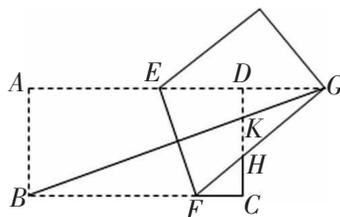
(第 16 题图)

17. 正方形  $A_1B_1C_1O, A_2B_2C_2C_1, A_3B_3C_3C_2, \dots$  按如下图所示的方式放置. 点  $A_1, A_2, A_3, \dots$  和点  $C_1, C_2, C_3, \dots$  分别在直线  $y=kx+b$  ( $k>0$ ) 和  $x$  轴上, 已知正方形  $A_1B_1C_1O$  的边长为 1, 正方形  $A_2B_2C_2C_1$  边长为 2, 则  $A_7$  的坐标是 \_\_\_\_\_.

18. 如图, 矩形纸片  $ABCD$  中,  $AB=3, BC=5$ , 将纸片折叠, 使点  $B$  落在边  $AD$  的延长线上的点  $G$  处, 折痕为  $EF$ , 点  $E, F$  分别在边  $AD$  和边  $BC$  上. 连接  $BG$ , 交  $CD$  于点  $K$ ,  $FG$  交  $CD$  于点  $H$ . 给出以下结论: ①  $GE=BF$ ; ②  $DK < HK$ ; ③ 当点  $F$  与点  $C$  重合时  $EF = \sqrt{13}$ . 其中正确的结论是 \_\_\_\_\_ (填写序号).



(第 17 题图)



(第 18 题图)

三、解答题(本大题共 2 个小题,每小题 10 分,共 20 分)解答每小题必须给出必要的演算过程,请将解答过程书写在答题卡中对应的位置上。

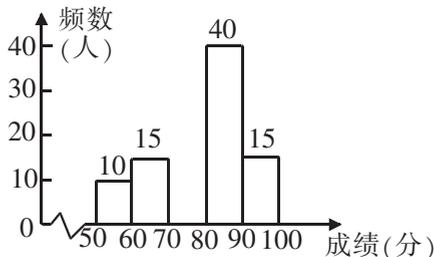
19. 计算:(1)  $(-1)^{2018} + \left(-\frac{1}{2}\right)^{-2} \times (3.14 - \pi)^0 + |-2|$  (2)  $\frac{x^2+2x+1}{2x-6} \div \left(1 + \frac{4}{x-3}\right)$

20. 今年三月初,某市各学校都开展了疫情防控相关知识的宣传教育活动。为了解这次宣传活动的效果,某学校从九年级的 1200 名学生中随机抽取 100 名学生进行知识测试(测试满分 100 分,得分均为整数),并根据这 100 人的测试成绩,制作了如下统计图表。

100 名学生知识测试成绩的频数表

| 成绩 $a$ (分)           | 频数(人) |
|----------------------|-------|
| $50 \leq a < 60$     | 10    |
| $60 \leq a < 70$     | 15    |
| $70 \leq a < 80$     | $m$   |
| $80 \leq a < 90$     | 40    |
| $90 \leq a \leq 100$ | 15    |

100 名学生知识测试成绩的频数直方图



(第 20 题图)

由图表中给出的信息回答下列问题:

- $m = \underline{\hspace{2cm}}$ , 并补全频数直方图;
- 小明在这次测试中成绩为 85 分,你认为 85 分一定是这 100 名学生知识测试成绩的中位数吗? 请简要说明理由;
- 如果 80 分以上(包括 80 分)为优秀,请估计全校 1200 名学生中成绩优秀的人数。

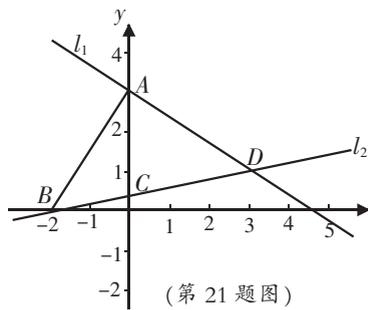
四、解答题(本大题共 5 个小题,每小题 10 分,共 50 分)解答每小题必须给出必要的演算过程或推理步骤,请将解答过程书写在答题卡中对应的位置上。

21. 如图,直线  $l_1: y = -\frac{2}{3}x + b$  与  $y$  轴交于点  $A(0, 3)$ , 直

线  $l_2: y = kx + \frac{2}{5}$  分别与  $x$  轴交于点  $B(-2, 0)$ , 与  $y$  轴

交于点  $C$ , 直线  $l_1$  和  $l_2$  相交于点  $D$ , 连接  $AB$ .

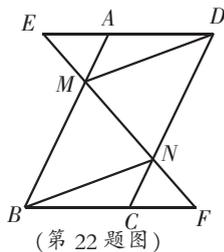
- 求  $b$  与  $k$  的值;
- 求  $\triangle ABD$  的面积。



(第 21 题图)

22. 已知,如图,在平行四边形  $ABCD$  中,延长  $DA$  到点  $E$ 、延长  $BC$  到点  $F$ ,使得  $AE = CF$ ,连接  $EF$ ,分别交  $AB, CD$  于点  $M, N$ , 连接  $DM, BN$ . 求证:

- $AM = CN$ ;
- 求证:  $DM \parallel BN$ .



(第 22 题图)

23. 小奥根据学习函数的经验,对函数  $y = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$  的图象进行了探究.下面是小奥的探究过程,请补充完整:

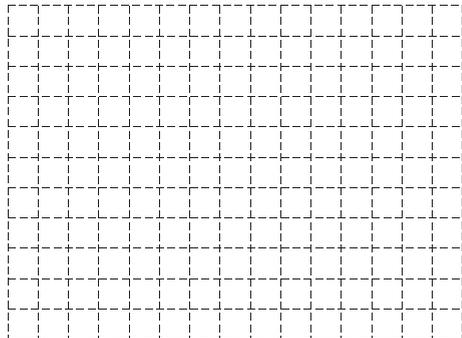
- 函数  $y = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$  的自变量  $x$  的取值范围是  $\underline{\hspace{2cm}}$ ;

(2)下表是 $y$ 与 $x$ 的几组对应值,则  $m$  的值为 \_\_\_\_\_,  $n$  的值为 \_\_\_\_\_;

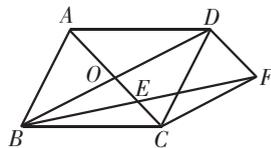
|     |     |                  |                |                 |    |                |                 |                |               |   |     |               |                 |     |
|-----|-----|------------------|----------------|-----------------|----|----------------|-----------------|----------------|---------------|---|-----|---------------|-----------------|-----|
| $x$ | ... | -5               | $m$            | -3              | -2 | -1             | $-\frac{1}{2}$  | $\frac{1}{2}$  | 1             | 2 | 3   | 4             | 5               | ... |
| $y$ | ... | $-\frac{29}{10}$ | $-\frac{5}{2}$ | $-\frac{13}{6}$ | -2 | $-\frac{5}{2}$ | $-\frac{17}{4}$ | $\frac{17}{4}$ | $\frac{5}{2}$ | 2 | $n$ | $\frac{5}{2}$ | $\frac{29}{10}$ | ... |

(3)描点、连线

在下面的格点图中,建立适当的平面直角坐标系  $xOy$  中,描出上表中各对对应值为坐标的点(其中  $x$  为横坐标, $y$  为纵坐标),并根据描出的点画出该函数的图象:



24. 如图,  $\square ABCD$  的对角线  $AC, BD$  交于点  $O$ , 分别过点  $C, D$  作  $CF \parallel BD, DF \parallel AC, CF$  与  $DF$  交于点  $F$ , 连接  $BF$  交  $AC$  于点  $E$ .



(第 24 题图)

(1)求证:  $\triangle FCE \cong \triangle BOE$ ;

(2)当  $\angle ADC$  等于多少度时, 四边形  $OCFD$  为菱形?

请说明理由.

25. 在“创建文明城市”行动中, 某社区计划对面积为  $2280\text{m}^2$  的区域进行绿化. 经投标, 由甲、乙两个工程队来完成, 已知甲队每天能完成绿化的面积是乙队每天能完成绿化面积的 3 倍, 并且两个工程队在独立完成面积为  $540\text{m}^2$  区域的绿化时, 甲队比乙队少用 6 天.

(1)求甲、乙两工程队每天能完成绿化的面积;

(2)若甲队每天绿化费用是 0.9 万元, 乙队每天绿化费用为 0.4 万元, 且甲、乙两队施工的总天数不超过 26 天, 则如何安排甲乙两队施工的天数(取整数), 使刚好完成  $2280\text{m}^2$  绿化任务的施工总费用最低? 并求出最低费用.

五、解答题(本大题共 8 分)解答时必须给出必要的演算过程或推理步骤, 请将解答过程书写在答题卡中对应的位置上.

26. 如图 1, 在矩形  $OACB$  中, 点  $A, B$  分别在  $x$  轴、 $y$  轴正半轴上, 点  $C$  在第一象限,  $OA=8, OB=6$ .

(1)请直接写出点  $C$  的坐标.

(2)如图 2,  $AF$  平分  $\angle BAC$  交  $BC$  于点  $F$ , 求  $\triangle ACF$  的面积.

(3)如图 3, 动点  $P(x, y)$  在第一象限, 且点  $P$  在直线  $y=2x-4$ , 点  $D$  在线段  $AC$  上, 是否存在直角顶点为  $P$  的等腰直角三角形  $BDP$ , 若存在, 请求出直线  $PD$  的解析式; 若不存在, 请说明理由.

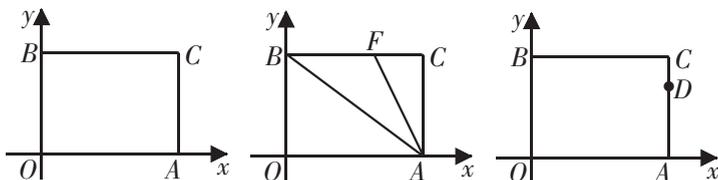


图 1

图 2

图 3

(第 26 题图)