

2021-2022 学年度第一学期期末考试卷

贴条形码处

八年级数学

满分:120分

题号	一	二	三	总分
得分				

请在各题目的答题区域内作答,超出黑色矩形边框限定区域的答案无效

一. 选择题.(每题只有一个正确答案,请将正确答案填在下面的表格里.每题3分,共30分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案										

1. 下列各分式中,是最简分式的是

A. $\frac{x^2}{2x}$ B. $\frac{x^2+2x+1}{x+1}$ C. $\frac{x+1}{x}$ D. $\frac{x-1}{x^2-1}$

2. 民间剪纸是中国古老的传统民间艺术,它历史悠久,风格独特,深受国内外人士所喜爱,下列剪纸作品中,是轴对称图形的为



3. 下列运算正确的是

A. $(a^2)^3=a^5$ B. $a^2 \cdot a^4=a^8$ C. $a^6 \div a^3=a^2$ D. $(ab)^2=a^2b^2$

4. 若一个三角形的三个内角度数之比为1:3:4,则这个三角形是

A. 锐角三角形 B. 直角三角形 C. 钝角三角形 D. 等腰三角形

5. “柳条初弄绿,已觉春风驻.”每到春天,人们在欣赏柳绿桃红的同时,也被飞舞的柳絮所烦恼,据了解,柳絮纤维的直径约为0.00105cm,数据0.00105用科学记数法可以表示为

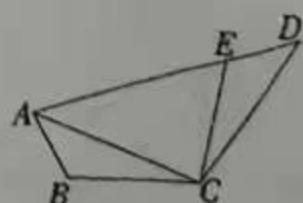
A. -1.05×10^3 B. 1.05×10^{-3} C. 1.05×10^{-4} D. 105×10^{-5}

6. 如图,在四边形ABCD中,点E在边AD上, $\angle BCE=\angle ACD$, $\angle BAC=\angle D=40^\circ$, $AB=DE$,则 $\angle BCE$ 的度数为

- A. 80° B. 90°
C. 100° D. 110°

7. 若关于x的分式方程 $\frac{kx}{x-1}-\frac{2k-1}{1-x}=2$ 无解,则k的值为

- A. $k=-\frac{1}{3}$ B. $k=1$ C. $k=\frac{1}{3}$ D. $k=0$

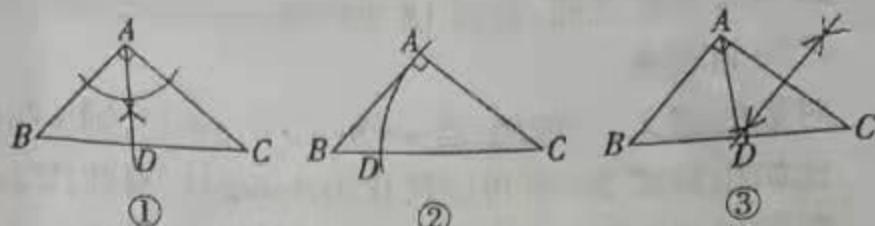


6题图

请在各题目的答题区域内作答,超出黑色矩形边框限定区域的答案无效

8. 在 $\triangle ABC$ 中,已知 $\angle BAC=90^\circ$, $AB \neq AC$,若用无刻度的直尺和圆规在 BC 上找一点D,使 $\triangle ACD$ 是等腰三角形,则下列作法中,正确的有

- A. ②③
B. ①②
C. ①③
D. ①②③



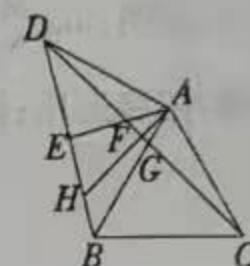
8题图

9. 为迎接建党一百周年,某校举行唱歌比赛.某班啦啦队买了两种价格的加油棒助威,其中缤纷棒共花费30元,荧光棒共花费40元,缤纷棒比荧光棒少20根,缤纷棒的单价是荧光棒的1.5倍,若设荧光棒的单价为x元,依题意可列方程

A. $\frac{40}{1.5x} - \frac{30}{x} = 20$ B. $\frac{40}{x} - \frac{30}{1.5x} = 20$ C. $\frac{30}{x} - \frac{40}{1.5x} = 20$ D. $\frac{30}{1.5x} - \frac{40}{x} = 20$

10. 如图, $\triangle ABC$ 是等边三角形, $\triangle ABD$ 是等腰直角三角形, $\angle BAD=90^\circ$, $AE \perp BD$ 于点E,连接CD,分别交AE、AB于点F、G,过点A作 $AH \perp CD$ 交BD于点H, $EH=2$,则下列结论:
① $\angle ADC=15^\circ$;② $\triangle AFG$ 是等腰三角形;③ $\triangle ADF \cong \triangle BAH$;
④ $\angle CGB=75^\circ$;⑤ $DF=4$.其中正确的有

- A. ①②③④ B. ①③④⑤
C. ①②④⑤ D. ②③④⑤



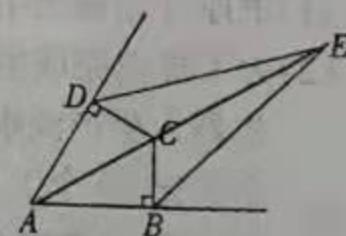
10题图

二. 填空题.(每题3分,共15分)

11. 若分式 $\frac{x^2-1}{x-1}$ 的值为0,则 $x=$ _____.

12. 分解因式: $3x^2-6x+3=$ _____.

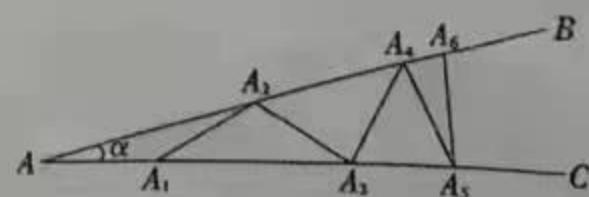
13. 如图,在四边形ABCD中, $\angle BAD=60^\circ$, $CD \perp AD$, $CB \perp AB$,
AC的延长线与 $\angle ADC$ 、 $\angle ABC$ 相邻的两个角的平分线交
于点E,若 $CD=CB$,则 $\angle CED$ 的度数为_____.



13题图

14. 关于x的分式方程 $\frac{ax-3}{x-2}+1=\frac{3x-1}{2-x}$ 的解是正数,则a的取值范围是_____.

15. 某数学兴趣小组开展了一次数学活动,其过程如下:如图,设 $\angle BAC=\alpha(0^\circ < \alpha < 90^\circ)$.现把小棒依次摆放在两射线AB、AC之间,并使小棒两端分别落在两条射线上,从点 A_1 开始,用等长的小棒依次向右摆放,其中 A_1A_2 为第1根小棒,且 $A_1A_2=AA_1$,若只能摆放5根相同的
小棒,则 α 的取值范围是_____.



15题图

三. 解答题. (本大题 8 小题, 共 75 分)

16. (8 分)解方程: $\frac{2}{x+1} + 1 = \frac{x}{x-1}$

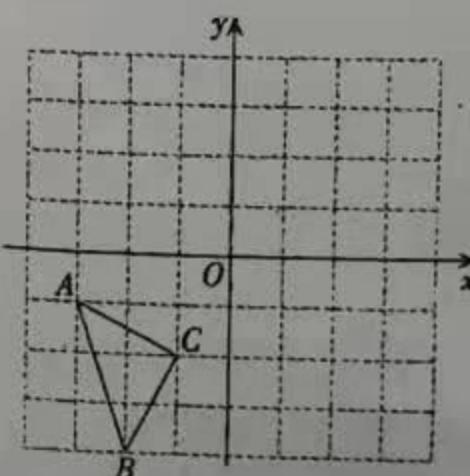
17. (10 分)计算: (1) $[(3x+1)(x+3)-3(6x+1)] \div x$

(2) $\left(\frac{2}{ab}\right)^4 \cdot \left(\frac{-3b^2}{4a}\right)^2 \div \frac{2}{a^5b^6}$

18. (8 分)在如图所示的直角坐标系中, $\triangle ABC$ 为格点三角形(顶点都是格点), 每个小方格都是边长为 1 个单位长度的正方形, 点 C 的坐标是 $(-1, -2)$.

(1) 将 $\triangle ABC$ 沿 y 轴正方向平移 3 个单位长度得到 $\triangle A_1B_1C_1$, 画出 $\triangle A_1B_1C_1$;

(2) 画出 $\triangle A_1B_1C_1$ 关于 y 轴对称的 $\triangle A_2B_2C_2$, 并求出 $\triangle A_2B_2C_2$ 的面积.



19. (8分)已知 AC、BD 相交于点 O, OA=OC, OB=OD.

(1)求证: $\triangle AOB \cong \triangle COD$;

(2)连接 BC, 若 AB=8, BC=10, 求 OB 的取值范围.

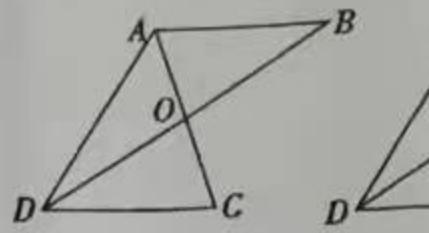


图 1

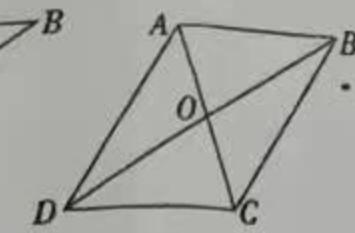


图 2

20. (9分)先化简 $\left(\frac{x}{x-5} - \frac{x}{5-x}\right) \div \frac{2x}{x^2-25}$, 然后从不等式 $\begin{cases} -x-2 \leq 3 \\ 2x < 12 \end{cases}$ 的解集中, 选取一个你认为符合题意的整数 x 的值代入求值.

21. (10分)阅读以下材料:

对数的创始人是苏格兰数学家纳皮尔(J.Nplcr,1550-1617年),纳皮尔发明对数是在指数书写方式之前,直到18世纪瑞士数学家欧拉(Evlcr,1707-1783)才发现指数与对数之间的联系.

对数的定义:一般地,若 $a^x=N(a>0,a\neq 1)$,则 x 叫做以 a 为底 N 的对数,记作: $x=\log_a N$.
比如指数式 $2^4=16$ 可以转化为 $4=\log_2 16$,对数式 $2=\log_5 25$ 可以转化为 $5^2=25$.

我们根据对数的定义可得到对数的一个性质:

$\log_a(M \cdot N)=\log_a M+\log_a N(a>0,a\neq 1,m>0,n>0)$,理由如下:

设 $\log_a M=m$, $\log_a N=n$,则 $M=a^m$, $N=a^n$,

所以 $M \cdot N=a^m \cdot a^n=a^{m+n}$,由对数的定义,得 $m+n=\log_a(M \cdot N)$.

又因为 $m+n=\log_a M+\log_a N$,所以 $\log_a(M \cdot N)=\log_a M+\log_a N$.

解决以下问题:

(1)将指数 $3^4=81$ 转化为对数式:_____;

(2)证明: $\log_a \frac{M}{N}=\log_a M-\log_a N(a>0,a\neq 1,m>0,n>0)$;

(3)拓展运用:计算 $\log_6 9+\log_6 8-\log_6 2=$ _____.

22. (10分)某工厂计划在规定时间内生产24 000个零件,若每天比原计划多生产30个零件,则在规定时间内可以多生产300个零件.

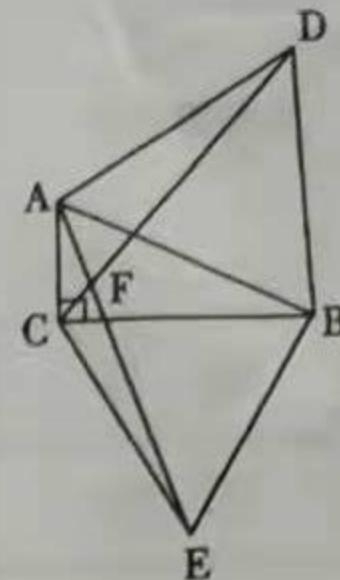
(1)求原计划每天生产的零件个数和规定的天数;

(2)为了提前完成生产任务,工厂在安排原有工人按原计划正常生产的同时,引进5组机器人生产流水线共同参与零件生产.已知每组机器人生产流水线每天生产零件的个数比20个工人原计划每天生产的零件总数还多20%,若按此测算,恰好提前两天完成24 000个零件的生产任务,求原计划安排工人的人数.

请在各题目的答题区域内作答,超出黑色矩形边框限定区域的答案无效

23. (12分)如图,在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $\angle ABC=30^\circ$, 以 AB 为一边向上作等边三角形 ABD, 点 E 在 BC 垂直平分线上, 且 $EB \perp AB$, 连接 CE、AE、CD.

- (1) 判断 $\triangle CBE$ 的形状, 并说明理由;
(2) 求证: $AE=DC$;
(3) ①若 AE、CD 相交于点 F, 求 $\angle AFD$ 的度数;
②在射线 AB 上有一动点 P, 若 $\triangle PBC$ 为等腰三角形,
则 $\angle ACP$ 的度数为 _____.



密

封

线

请在各题目的答题区域内作答,超出黑色矩形边框限定区域的答案无效