

# 数学参考答案及评分标准

一、选择题（本题共 10 小题，每小题 3 分，共 30 分）

1. B.    2. D.    3. A.    4. B.    5. C.    6. A.    7. D.    8. C.    9. A.    10. D.

二、填空题（本题共 6 小题，每小题 3 分，共 18 分）

11.  $\frac{1}{2}$ .    12. 0.5.    13.  $\angle PQR = \angle PNM$  (答案不唯一).    14. 50.    15. 5.    16.  $4\sqrt{2}$ .

三、解答题（本题共 4 小题，其中 17、18、19 题各 10 分，20 题 9 分，共 39 分）

17. 解：（1） $x^2 - 5x = 0$ ,  
 $x(x - 5) = 0$ , .....3 分  
 $x = 0$  或  $x - 5 = 0$ , .....4 分  
解得： $x_1 = 0$ ,  $x_2 = 5$ ; .....5 分

（2） $3x^2 - 4x - 2 = 0$ ,  
 $a = 3$ ,  $b = -4$ ,  $c = -2$   
 $b^2 - 4ac = 16 - 4 \times 3 \times (-2) = 40 > 0$ , .....7 分  
方程有两个不相等的实数根, .....8 分

$x = \frac{4 \pm \sqrt{40}}{3 \times 2} = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$ ,  
解得： $x_1 = \frac{2 + \sqrt{10}}{3}$ ,  $x_2 = \frac{2 - \sqrt{10}}{3}$ . .....10 分

18. (1)  $\frac{2}{3}$ ; .....2 分

(2) 解：根据题意，画出如下的树状图：

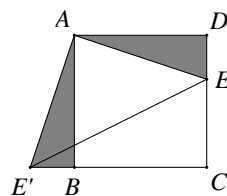


由树状图可以看出，所有可能出现的结果共有 9 种，即 (1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 1), (3, 2), (3, 3)，这些结果出现的可能性相等. ....7 分  
两次取出小球标号相同的结果由 3 种，即 (1, 1), (2, 2), (3, 3), .....9 分

所以  $P(\text{标号相同}) = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$ . ....10 分

19. (1) A, 90; .....2 分

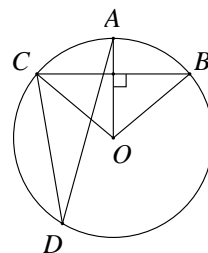
(2) 解: 由题意得,  $\triangle ADE \cong \triangle ABE'$   
 $\therefore AE' = AE, \angle EAE' = 90^\circ$  ..... 4 分  
 $\because$  四边形  $ABCD$  是正方形,  
 $\therefore \angle D = 90^\circ$  ..... 6 分  
 在  $\text{Rt}\triangle ADE$  中,  $AD = 3, DE = 1$   
 $AE = \sqrt{AD^2 + DE^2} = \sqrt{6^2 + 2^2} = 2\sqrt{10}$  ..... 8 分



(第 19 题)

在  $\text{Rt}\triangle AEE'$  中,  
 $EE' = \sqrt{AE'^2 + AE^2} = \sqrt{40 + 40} = 4\sqrt{5}$  ..... 10 分

20. (1) 解:  $\because OA \perp BC$ ,  
 $\therefore AC = BC$  ..... 3 分  
 $\therefore \angle AOB = \angle AOC = \frac{1}{2} \angle BOC = 50^\circ$  ..... 5 分



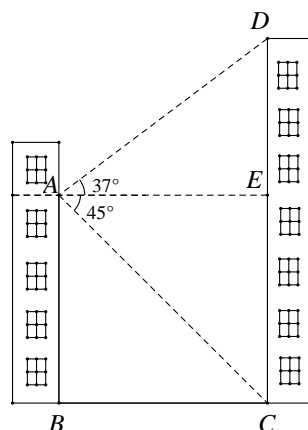
(第 20 题)

(2)  $\because AC = AC$   
 $\angle ADC = \frac{1}{2} \angle AOC = 25^\circ$  ..... 9 分

#### 四、解答题 (本题共 3 小题, 其中 21 题 9 分, 22、23 题各 10 分, 共 29 分)

21. 解: (1) 依题意得:  
 $y = (x - 20)(100 - x)$  ..... 2 分  
 整理得:  $y = -x^2 + 120x - 2000$  ..... 4 分  
 (2)  $y = -x^2 + 120x - 2000 = -(x - 60)^2 + 1600$  ..... 6 分  
 $\because -1 < 0$ ,  
 $\therefore$  当  $x = 60$  时, 二次函数有最大值 1600, ..... 8 分  
 $\therefore$  定价是 60 元时, 利润最大, 最大利润是 1600 元. .... 9 分

22. 解: 如图, 过点  $A$  作  $AE \perp CD$ , 垂足为  $E$ ,  
 $\therefore \angle AEC = \angle AED = 90^\circ$   
 由题意得,  $\angle ABC = \angle BCD = 90^\circ$ ,  
 $\therefore$  四边形  $ABCE$  是矩形,  
 $\therefore CE = AB = 33$  ..... 2 分  
 在  $\text{Rt}\triangle BCE$  中,  $\angle BCE = 45^\circ$ ,  
 $\therefore \angle AEC = \angle ACE = 45^\circ$ ,  
 $\therefore AE = CE = 33$ , ..... 4 分  
 在  $\text{Rt}\triangle ADE$  中,  $\angle DAE = 37^\circ, AE = 33$ ,  
 $\tan \angle DAE = \frac{DE}{AE}$  ..... 5 分  
 $\therefore DE = AE \cdot \tan \angle DAE = 33 \times \tan 37^\circ \approx 24.75$ , ..... 7 分



(第 22 题)

$$\therefore CD = CE + DE = 33 + 24.75 = 57.75 \approx 58, \dots\dots\dots 9 \text{ 分}$$

答：居民楼  $CD$  的高度约为 58m.  $\dots\dots\dots 10 \text{ 分}$

23. (1) 证明：连接  $OC$ ,

$\because CD$  是  $\odot O$  的切线,

$\therefore OC \perp CD$

$\therefore \angle OCD = 90^\circ \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$

$\because OD \perp AB$

$\therefore \angle AOE = 90^\circ$

$\therefore \angle A + \angle AEO = \angle OCE + \angle DCE = 90^\circ \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$

$\because OA = OC$

$\therefore \angle A = \angle OCA \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$

$\therefore \angle AEO = \angle DCE$

$\because \angle AEO = \angle DEC$

$\therefore \angle DEC = \angle DCE$

$\therefore DE = DC \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$

(2) 解：连接  $BF$ , 设  $DE = DC = x$

在  $\text{Rt}\triangle OCD$  中,  $OD = 1 + x$ ,

$$3^2 + x^2 = (x + 1)^2$$

解得:  $x = 4$

$\therefore OD = 5 \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$

在  $\text{Rt}\triangle AOD$  中,

$$AD = \sqrt{OA^2 + OD^2} = \sqrt{3^2 + 5^2} = \sqrt{34} \dots\dots\dots 7 \text{ 分}$$

$\because AB$  是  $\odot O$  的直径

$\therefore \angle AFB = 90^\circ \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$

$\therefore \angle AFB = \angle AOD$

$\because \angle FAB = \angle OAD$

$\therefore \triangle ABF \sim \triangle ADO \dots\dots\dots 9 \text{ 分}$

$$\therefore \frac{AF}{AO} = \frac{AB}{AD}$$

$$AF = \frac{AO \cdot AB}{AD} = \frac{3 \times 6}{\sqrt{34}} = \frac{9\sqrt{34}}{17} \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

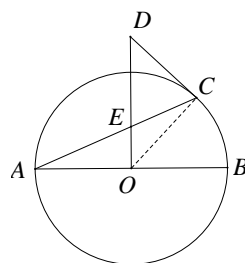
五、解答题 (本题共 3 小题, 其中 24、25 题各 11 分, 26 题 12 分, 共 34 分)

24. (1) 解:  $\because DE \perp AB$ ,

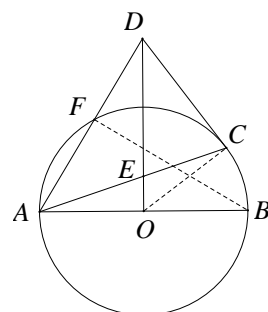
$\therefore \angle EDA = 90^\circ$

又  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $\angle A = \angle A$ ,

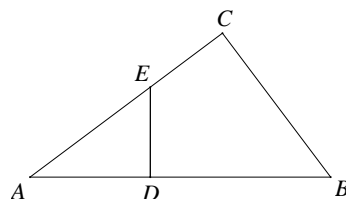
$\therefore \triangle AED \sim \triangle ABC \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$



(第 23 题图 1)



(第 23 题图 2)



(第 24 题图 1)

$$\therefore \frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC}$$

$$\therefore AE = \frac{AD \cdot AB}{AC} = \frac{4 \times 10}{8} = 5 \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

在  $\text{Rt}\triangle ADE$  中,

$$\therefore DE = \sqrt{AE^2 - AD^2} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3 \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$

(2) 当  $5 \leq t \leq 8$  时, 如图 2, 过点  $P$  作  $PF \perp AB$  于点  $F$ ,

$$\therefore \angle AFP = \angle ADE = 90^\circ$$

又  $\angle A = \angle A$

$$\therefore \triangle ADE \sim \triangle AFP \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$\frac{PF}{DE} = \frac{AP}{AE} = \frac{AF}{AD}$$

$$\therefore AP = t$$

$$\therefore PF = \frac{3}{5}t, AF = \frac{4}{5}t \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

$$\therefore BD = 10 - 4 = 6$$

$$\therefore S = \frac{1}{2} \times 6 \times \frac{3}{5}t = \frac{9}{5}t \dots\dots\dots 7 \text{ 分}$$

当  $0 < t < 5$  时, 如图 3

$$\therefore \angle PFB = \angle GDB = 90^\circ$$

又  $\angle PBF = \angle GBD$

$$\therefore \triangle PFB \sim \triangle GDB$$

$$\frac{DG}{PF} = \frac{BD}{BF}$$

$$\therefore PF = \frac{3}{5}t, BF = 10 - \frac{4}{5}t,$$

$$\therefore DG = \frac{9t}{25 - 2t}, \therefore S = \frac{1}{2} \times 6 \times \frac{9t}{25 - 2t} = \frac{27t}{25 - 2t}$$

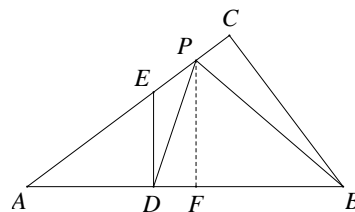
$$\text{综上 } S = \begin{cases} \frac{9}{5}t, & 5 \leq t \leq 8 \\ \frac{27t}{25 - 2t}, & 0 < t < 5 \end{cases} \dots\dots\dots 11 \text{ 分}$$

25. (1) 解: 在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $AC=8$ ,  $BC=4$

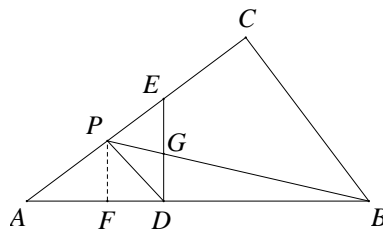
$$AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{8^2 + 4^2} = 4\sqrt{5} \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$$

$\therefore F$  是  $BD$  的中点, 点  $D$  与点  $A$  重合,

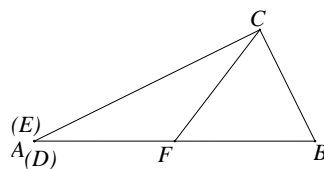
$\therefore$  点  $F$  是  $AB$  的中点,



(第 24 题图 2)



(第 24 题图 3)



(第 25 题图 1)

$$\therefore CF = \frac{1}{2} AB = 2\sqrt{5} \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

(2)  $EF=CF$ .....3 分

证明：如图，延长  $EF$ ， $CB$  交于点  $G$ ，

$\because ED \parallel CB$ ,

$\therefore \angle EDF = \angle GBF$

$\angle DEF = \angle FGB$

$\because F$  是  $BD$  的中点

$\therefore DF = BF$

$\therefore \triangle EFD \cong \triangle GFB$ ,

$\therefore EF = FG$ .....5 分

$\because \angle ACG = 90^\circ$

$$\therefore CF = \frac{1}{2} EG$$

$\therefore EF = CF$ .....6 分

(3) 如图，连接  $PD$ ， $PB$ ，过  $F$  作  $FH \perp AC$ ，

$\because F$  是  $BD$  中点， $FP \perp AB$ ，

$\therefore PD = PB$

$\because DE \parallel BC$ ,

$\therefore \angle DEC + \angle ECB = 180^\circ$

$\because \angle ACB = 90^\circ$

$\therefore \angle ACB = \angle DEP = 90^\circ$

又  $DE = CP$

$\therefore \text{Rt} \triangle PED \cong \text{Rt} \triangle BCP$

$\therefore \angle EPD = \angle CBP$

$\because \angle CBP + \angle CPB = 90^\circ$

$\therefore \angle EPD + \angle BPC = 90^\circ$

$\therefore \angle DPB = 90^\circ$

$\because F$  是  $BD$  中点

$\therefore FP = FD$

$\because FE = FC$ ,  $ED = CP$

$\triangle FED \cong \triangle FCP$

$\therefore \angle FED = \angle FCP$

$\because FE = FC$

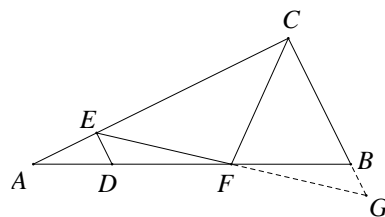
$\therefore \angle FEC = \angle FCE$

$\therefore \angle FED = \angle FEC = \angle FCE = 45^\circ$

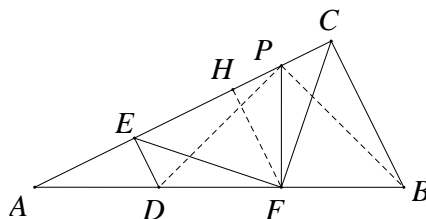
$\therefore \angle EFC = 90^\circ$ .....9 分

$\because FE = FC$ ,  $FH \perp CE$

$\therefore FH = EH = CH$



(第 25 题图 2)



(第 25 题图 3)

$$\because \angle AHF = \angle ACB = 90^\circ$$

$$\text{又 } \angle A = \angle A$$

$$\therefore \triangle AFH \sim \triangle ABC$$

$$\frac{FH}{BC} = \frac{AH}{AC}$$

$$\therefore AH = 2FH$$

$$\therefore EH = FH = \frac{8}{3}$$

$$\therefore EF = \frac{8\sqrt{2}}{3} \dots\dots\dots 11 \text{ 分}$$

26. 解：(1) 当  $y=0$  时， $-x^2+2x+3=0$ ，解方程，得  $x_1=-1$ ， $x_2=3$ 。

$\therefore$  点  $A$  在点  $B$  的左侧，

$\therefore$  点  $B$  的坐标为  $(3, 0)$ 。

当  $x=0$  时， $y=-3$ 。

$\therefore$  点  $C$  的坐标为  $(0, -3)$  .....2 分

直线  $BC$  的解析式为  $y=-x+3$  .....3 分

(2) 四边形  $DEQP$  是平行四边形

如图 1， $\because$  点  $P$  的横坐标为  $m$ ， $PQ \parallel DE$

$$\therefore P(m, -m^2+2m+3), Q(m, -m+3)$$

$$\therefore d_1 = -m^2+2m+3 - (-m+3) = -m^2+3m, d_2 = m \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$\therefore d = d_1 + d_2 = -m^2+3m+m = -m^2+4m = -(m-2)^2+4 \quad (0 < m < 3) .$$

$\therefore$  当  $m=2$  时， $S$  有最大值. ....5 分

$$\therefore d_1 = 2$$

$$\because y = -x^2+2x+3 = (x-1)^2+4,$$

$\therefore$  抛物线的顶点  $D$  的坐标为  $(1, 4)$  .....6 分

$$\text{当 } x=1 \text{ 时, } y=-1+3=2$$

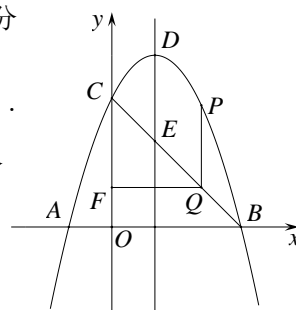
$$\therefore DE = 4-2=2$$

$$\therefore DE = PQ,$$

$$\therefore DE \parallel PQ$$

$\therefore$  四边形  $DEQP$  是平行四边形.....7 分

$$(3) m = \frac{3+\sqrt{5}}{2} \text{ 或 } m = \frac{3-\sqrt{5}}{2} \text{ 或 } m = \frac{1+\sqrt{5}}{2} \dots\dots\dots 12 \text{ 分}$$



(第 26 题)