

$-\frac{1}{3}, \frac{3}{4}, 4$ 三个数的循环.

$$x_2 = \frac{1}{1 - (-\frac{1}{3})} = \frac{3}{4} \quad x_3 = \frac{1}{1 - (\frac{3}{4})} = 4 \quad x_4 = \frac{1}{1 - 4} = -\frac{1}{3}$$

$x_1 = -\frac{1}{3}$, x_2 是 x_1 的差倒数, x_3 是 x_2 的差倒数, x_4 是 x_3 的差倒数, 依次类推, 则 x_{2014} 等于 (A)

- A、 $-\frac{1}{3}$ B、 $\frac{2}{3}$ C、 $\frac{4}{5}$ D、 $\frac{1}{4}$ $\frac{3}{2014}$

19. 计算: (每小题 5 分, 共 20 分)

$$(1) (-4.2) - (-2.5) + (-0.5) - (+1.8)$$

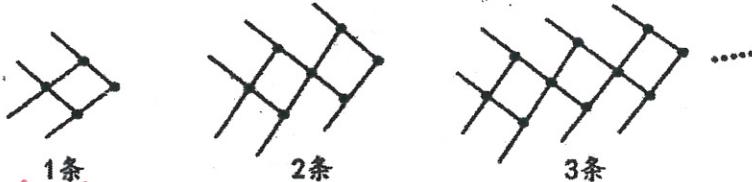
$$\begin{aligned} \text{解: 原式} &= -4.2 + 2.5 - 0.5 - 1.8 \\ &= (-4.2) - 1.8 - 0.5 + 2.5 \\ &= -6.5 + 2.5 \\ &= -4 \end{aligned}$$

$$(2) (-4)^2 + 3 \times (-2) \div (-1)^3$$

$$\begin{aligned} \text{解: 原式} &= 16 - 6 \div (-1) \\ &= 16 + 6 \\ &= 22 \end{aligned}$$

$$(3) (-24) \times \left(\frac{3}{4} - \frac{5}{8} - \frac{5}{12} \right)$$

$$\begin{aligned} \text{解: 原式} &= (-24) \times \frac{3}{4} - \frac{5}{8} \times (-24) - \frac{5}{12} \times (-24) \\ &= -18 + 15 + 10 \\ &= 7 \end{aligned}$$



三、解答题 (共 86 分)

17. (8 分) 把下列各数填入表示它所在的数集的大括号:

$$5, -2.32, 0, -10, -|-3|, -\frac{4}{5}, -(-4)$$

正有理数集合: {5, -(-4)} 负有理数集合: {-2.32, -10, -|-3|, - $\frac{4}{5}$ }

整数集合: {5, 0, -10, -|-3|, -(-4)} 分数集合: {-2.32, - $\frac{4}{5}$ }

18. 化简 (每小题 4 分, 共 8 分)

$$(1) 2a^2b + 3 - 5ab - 3a^2b + bab - 7$$

$$\begin{aligned} \text{解: 原式} &= (2a^2b - 3a^2b) + (-5ab + bab) + (3 - 7) \\ &= -a^2b + ab - 4 \end{aligned}$$

$$(4) -2^2 - [5 - (1 - 0.5) \times \frac{1}{3} \div (-\frac{1}{6})]$$

$$\begin{aligned} \text{解: 原式} &= -4 - [5 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times (-6)] \\ &= -4 - [5 + 1] \\ &= -4 - 6 \\ &= -10 \end{aligned}$$

2022 年下期七年级数学期中测试卷

时间: 120 分钟 满分: 150 分

一、选择题 (每小题 4 分, 共 40 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
选项										

1. 数 5 的相反数和绝对值分别是 (D)

- A、5, 5 B、5, -5 C、-5, -5 D、-5, 5

2. 在-3, 0, 1, 2 这 4 个数中, 最小的是 (A)

- A、-3 B、0 C、1 D、2

3. 单项式 $-2x^2y$ 的系数和次数分别是 (B)

- A、-2, 2 B、-2, 3 C、-2, 1 D、2, 3

4. 数轴上在数 3 的右边且离 3 距离为 2 的数是 (A)

- A、5 B、-5 C、1 D、-1

5. 下列计算正确的是 (D)

A、 $a+a=a^2$ B、 $3x^2-x^2=2$

C、 $-2a^2b^2-4a^2b^2=-2a^2b^2$ D、 $3a+2a=5a$

6. 若 $(x+2)^2 + |y-3|=0$ 的绝对值, 则 $xy=$ (C)

- A、5 B、-1 C、-6 D、6

7. 下列各式计算正确的是 (C)

A、 $-3^2=9$ B、 $-3-2\times 3=-15$

C、 $-2^4 \div \frac{4}{9}=-36$ D、 $(-8) \times (-2)=16$

8. 有理数 a、b 在数轴上如图所示, 下列式子错误的是 (D)



A、 $a < 0 < b$

B、 $|a| > |b|$

C、 $a+b < 0$

D、 $ab > 0$

9. 某超市苹果单价 a 元/kg, 梨子 b 元/kg, 小华买了 xkg 苹果, ykg 的梨子, 则小华买的苹果与梨子的平均单价为 (D) 元/kg

A、 $\frac{a+b}{2}$ B、 $\frac{x+y}{2}$ C、 $\frac{ax+by}{a+b}$ D、 $\frac{ax+by}{x+y}$

10. 若 x 是不等于 1 的有理数, 我们把 $\frac{1}{1-x}$ 称为 x 的差倒数,

如 2 的差倒数是 $\frac{1}{1-2}=-1$, -1 的差倒数是 $\frac{1}{1-(-1)}=\frac{1}{2}$, 现已知

20、先化简，再求值。（每小题6分，共12分）

(1) $4(x-2y) - (2x-3y+2)$ 其中 $x=2, y=-1$;

解：原式 = $4x-8y-2x+3y-2$
= $2x-5y-2$

当 $x=2, y=-1$ 时，原式 = $2 \times 2 - 5 \times (-1) - 2$
= $4 + 5 - 2$
= 7

(2) $3x^2y - [2x^2y - 3(2xy - x^2y) - xy]$ 其中 $x=-1, y=3$;

解：原式 = $3x^2y - [2x^2y - 6xy + 3x^2y - xy]$
= $3x^2y - [5x^2y - 7xy]$
= $3x^2y - 5x^2y + 7xy$
= $-2x^2y + 7xy$

当 $x=-1, y=3$ 时，原式 = $-2 \times (-1)^2 \times 3 + 7 \times (-1) \times 3$
= $-6 - 21$
= -27

21、已知代数式 $A=x^2+xy-2y$, $B=2x^2-2xy+x-1$, 若 $2A-B$ 的值与 x 的取值无关，求 y^2-4y+4 的值（8分）

解：由题意可得：

$2A-B=2(x^2+xy-2y)-(2x^2-2xy+x-1)$
= $2x^2+2xy-4y-2x^2+2xy-x+1$

= $4xy-x-4y+1=(4y-1)x-4y+1$

∴ $2A-B$ 的值与 x 的取值无关

$\therefore 4y-1=0 \quad \therefore y=\frac{1}{4}$

$\therefore y^2-4y+4=\frac{1}{16}-1+4=3\frac{1}{16}=\frac{49}{16}$

22、一辆公交车上原有 $(6a-6b)$ 人，中途下去一半，又上来若干人，现车上有乘客 $(10a-6b)$ 人，问上车的乘客有多少人？当 $a=3, b=2$ 时，上车的乘客是多少人？（8分）

解：由题意可得：

上车乘客人数 = $(10a-6b) - \frac{6a-6b}{2}$
= $10a-6b-(3a-3b)$
= $10a-6b-3a+3b$
= $7a-3b$

当 $a=3, b=2$ 时，上车乘客人数 = $7 \times 3 - 3 \times 2 = 15$ (人)

答：---

23、找规律计算：（10分）

① 因为 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}, \frac{1}{2} = \frac{1}{2}, \frac{1}{3} = \frac{1}{2 \times 3}, \frac{1}{3} = \frac{1}{2 \times 3}, \frac{1}{4} = \frac{1}{3 \times 4}, \dots$

所以 $\frac{1}{1 \times 2} = 1 - \frac{1}{2}, \frac{1}{2 \times 3} = \frac{1}{2} - \frac{1}{3}, \frac{1}{3 \times 4} = \frac{1}{3} - \frac{1}{4}, \dots$

由上述式子存在的规律计算：

$$\frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \frac{1}{4 \times 5} + \dots + \frac{1}{99 \times 100}$$

解：原式 = $1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{4} - \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{99} - \frac{1}{100}$

$$= 1 - \frac{1}{100}$$

$$= \frac{99}{100}$$

② 因为 $\frac{1}{2} \times (1 - \frac{1}{3}) = \frac{1}{3}, \frac{1}{2} \times (\frac{1}{3} - \frac{1}{5}) = \frac{1}{3 \times 5}, \frac{1}{2} \times (\frac{1}{5} - \frac{1}{7}) = \frac{1}{5 \times 7}, \dots$

所以 $\frac{1}{1 \times 3} = \frac{1}{2} \times (1 - \frac{1}{3}), \frac{1}{3 \times 5} = \frac{1}{2} \times (\frac{1}{3} - \frac{1}{5}), \frac{1}{5 \times 7} = \frac{1}{2} \times (\frac{1}{5} - \frac{1}{7}), \dots$

由上述式子存在的规律计算：

$$\frac{1}{1 \times 3} + \frac{1}{3 \times 5} + \frac{1}{5 \times 7} + \dots + \frac{1}{99 \times 101}$$

解：原式 = $\frac{1}{2} \left(\frac{2}{1 \times 3} + \frac{2}{3 \times 5} + \frac{2}{5 \times 7} + \dots + \frac{2}{99 \times 101} \right)$

$$= \frac{1}{2} \cdot (1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots + \frac{1}{99} - \frac{1}{101})$$

$$= \frac{1}{2} \cdot (1 - \frac{1}{101})$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{100}{101}$$

$$= \frac{50}{101}$$

24、阅读下列材料：

我们知道 $|a|$ 的几何意义是在数轴上表示数 a 的点与原点的距离， $|a|=|a-0|$ 也就是表示数 a 与数 0 的两点之间的距离， $|a-b|$ 表示数轴上表示数 a 与数 b 的两点之间的距离。



例 1、已知 $|x|=2$, 求 x 的值

解：在数轴上与原点距离为 2 的点对应数是为 -2 和 2, 即 x 的值为 -2 和 2

例 2、已知 $|x-1|=2$, 求 x 的值

解：在数轴上与 1 的距离为 2 的点对应数为 3 和 -1, 即 x 的值为 3 和 -1

依照阅读材料的解法，完成下列各题：

(1) 若 $|x|=3$, 则 $x=$ 3 或 -3, 若 $|x+2|=4$, 则 $x=$ 2 或 -6

(2) $|x+1|+|x-2|$ 的最小值是 3

若 $|x+1|+|x-2|=5$, 则 $x=$ -2 或 3

$|x-(-1)|+|x-2|=5$

(3) 代数式 $|x+11|+|x-3|+|x-5|$ 的最小值为 16

$|x-(-1)|+|x-3|+|x-5|$ 当 $x=-3$ 时有最小值

(4) 求代数式 $|x-1|+|x-2|+|x-3|+\dots+|x-100|$ 的值（共 12 分）

解：当 $50 \leq x \leq 51$ 时有最小值。

可取 $x=50$ 时原式 = $49+48+47+\dots+1+2+\dots+50$

$$= \frac{(1+49) \times 49}{2} + 50$$

$$= 1225 + 50$$

$$= \boxed{1275}$$