

初二数学试题答案

1-9 ACCBBCAAD, 10.AC

11. ± 6 12. $x \leq 1$ 13. $\frac{25\pi}{4} - 16$ 14. $\frac{3}{2}$

15. 解: $3 - (x + 2) = 2(x - 1)$ 1分 解: $3 + x(x - 3) = x^2 - 9$ 1分

$$3 - x - 2 = 2x - 2$$

$$3 + x^2 - 3x = x^2 - 9$$

$$3x = 3$$

$$3x = 12$$

$$x = 1$$

$$x = 4$$

经检验 $x = 1$ 是原方程增根4分 经检验 $x = 4$ 是原方程的解4分
原方程无解

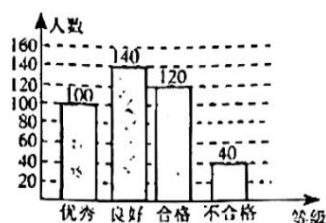
16. 解: 原式 $= x^2 - 2xy + y^2 + x^2 + 3xy$ 1分

$$= 2x^2 + xy + y^2$$
4分

解: 原式 $= \left[\frac{a + (a + 1)}{a + 1} - \frac{a^2 - 2}{a + 1} \right] \cdot \frac{a^2 + 2a + 1}{a^2 - 4}$ 1分

$$= \frac{a^2 + a - a^2 + 2}{a + 1} \cdot \frac{(a + 1)^2}{(a + 2)(a - 2)}$$

$$= \frac{a + 1}{a - 2}$$
4分



17. 解: (1)2分

(2) 60, 36° 5分

(3) 估计成绩优秀的学生大约有: $5000 \times \frac{100}{400} = 1250$ (名)8分

18. (1) 设乙工程队每天修路 x 千米, 由题意得:

$$\frac{2.4}{1.5x} = \frac{2.4}{x} - 4 \quad \text{解得 } x = 0.2$$
 3分

经检验, $x = 0.2$ 是原方程的解 4分

$$\text{甲: } 1.5x = 0.2 \times 1.5 = 0.3$$

答：甲工程队每天修路 0.3 千米，乙工程队每天修路 0.2 千米. 5 分

(2) 设安排乙工程队施工 m 天，则甲工程队需施工 $\frac{120-2m}{3}$ 天，由题意得

$$\frac{120-2m}{3} + 0.6m \leq 38, \text{ 解得 } m \geq 30 \quad \dots\dots 9 \text{ 分}$$

答：至少安排乙工程队施工 30 天. 10 分

19. (1) 证明：

$\because E, F$ 分别为 AD, AB 的中点

$$\therefore EF \parallel \frac{1}{2}BD \text{ 且 } EF = \frac{1}{2}BD \quad \dots\dots 2 \text{ 分}$$

$$\text{又 } CD = \frac{1}{2}BD \quad \therefore CD \parallel EF \text{ 且 } CD = EF \quad \dots\dots 4 \text{ 分}$$

\therefore 四边形 $ECFD$ 是平行四边形 5 分

(2) 解： \because 四边形 $ECFD$ 是平行四边形且 $EF = 2$

$$\therefore CD = EF = 2, BD = 4, BC = 6$$

$$\text{在 } Rt\triangle ACD \text{ 中, } \angle ACB = 90^\circ \therefore AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = 3\sqrt{13} \quad \dots\dots 7 \text{ 分}$$

$$\because F \text{ 为 } AB \text{ 的中点} \therefore CF = \frac{1}{2}AB = \frac{3}{2}\sqrt{13} \quad \dots\dots 9 \text{ 分}$$

\because 四边形 $ECFD$ 是平行四边形

$$\therefore OF = \frac{1}{2}CF = \frac{3}{4}\sqrt{13} \quad \dots\dots 10 \text{ 分}$$

20. A 21. ACD 22. 16 23. $7 + \sqrt{13}$ (见学力第 90 页第 12 题) 24. 22:27

$$25. (1) \text{ 由题意得: } K(m, n) = \frac{2m+n}{4m-n}$$

$$\because K(-2, b) = 0 \quad \therefore -4 + b = 0, b = 4 \quad \dots\dots 1 \text{ 分}$$

$$\because K(a, -4) = \frac{2a+4}{4a+4} \text{ 无意义} \quad \therefore 4a+4=0, a=-1, \quad K(-1, 4) = -\frac{1}{4} \quad \dots\dots 3 \text{ 分}$$

$$(2) \because K(x+1, 3x-2) = \frac{5x}{x+6} = 5 - \frac{30}{x+6} \text{ 为整数, } x \text{ 为正整数}$$

$$\therefore x+6 = 10, 15, 30 \quad \dots\dots 5 \text{ 分}$$

$$\therefore x = 4, 9, 24 \quad \dots\dots 6 \text{ 分}$$

$$(3) \text{ 由题意得: } 9m^2 + 6m - n^2 = 134 \quad \therefore (3m+1)^2 - n^2 = 135,$$

$$(3m+1+n)(3m+1-n) = 135 = 1 \times 135 = 3 \times 45 = 9 \times 15 = 5 \times 27 \quad \dots\dots 8 \text{ 分}$$

$$\therefore \begin{cases} m=5 \\ n=-11 \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} m=5 \\ n=11 \end{cases} \therefore K(m,n) = -\frac{1}{31} \text{ 或 } \frac{7}{3} \text{ 或 } -\frac{7}{53} \text{ 或 } \frac{113}{25} \quad \dots\dots 10 \text{ 分}$$

26. (1) 直线 BC 与 x 轴、 y 轴交于 B 、 C 点

$$\therefore B(-12, 0), C(0, 16)$$

$$\therefore BC=20$$

$$\therefore BC=AC$$

$$\therefore AC=20, A(8, 0)$$

直线 AC 的解析式为 $y=-2x+16$.

$\dots\dots 3 \text{ 分}$

(2) 情况一: $OA=OM=8$

$$\therefore \angle ONA = \angle CAB$$

$$\therefore MN \perp AC \quad \therefore \angle NMA = 90^\circ$$

$$\therefore \angle ONA + \angle NMO = 90^\circ, \angle CAB + \angle MNA = 90^\circ$$

$$\therefore \angle NMO = \angle MNA \quad \therefore ON = OM = 8 \quad \text{故 } N(-8, 0)$$

$\dots\dots 5 \text{ 分}$

情况二: $OA=AM=8$

$$\therefore MN \perp AC \quad \therefore \angle NMA = 90^\circ \quad \therefore \angle NMA = \angle COA \quad \text{易得 } \triangle NMA \cong \triangle COA$$

$$\therefore NA = CA = 8\sqrt{5} \quad \therefore NO = NA - OA = 8\sqrt{5} - 8 \quad \therefore N(8 - 8\sqrt{5}, 0)$$

$\dots\dots 7 \text{ 分}$

$$(3) G_1(\frac{106}{5}, \frac{128}{5}), G_2(-\frac{46}{5}, -\frac{8}{5}), G_3(-\frac{34}{5}, \frac{8}{5})$$

$$BC \text{ 平移后 } y = \frac{4}{3}x + 12 \quad \text{联立 } \begin{cases} y = \frac{4}{3}x + 12 \\ y = -2x + 16 \end{cases} \text{ 得 } P(\frac{6}{5}, \frac{68}{5})$$

$$AC \text{ 平移后 } y = -2(x+2) + 16 = -2x + 12$$

与 y 轴交于 Q 点 $(0, 12)$ 由题意得此时 N 坐标为 $(-8, 0)$

根据对角线分为以下三种情况讨论:

$$\text{① } PQ \text{ 为对角线 } G_1(\frac{106}{5}, \frac{128}{5}) \quad \text{② } QN \text{ 为对角线 } G_2(-\frac{46}{5}, -\frac{8}{5})$$

$$\text{③ } PN \text{ 为对角线 } G_3(-\frac{34}{5}, \frac{8}{5})$$

$\dots\dots 10 \text{ 分}$

$$27. (1) \because CE \perp BC \quad \therefore \angle ECF = 90^\circ$$

不妨令 $\angle GCF = a$

$$\therefore \angle ECG = 90^\circ - a, \text{ 且 } \angle 1 = \angle BGC + \angle GCB = 45^\circ + a$$

$$\because \text{平行四边形 } ABCD \quad \therefore AB \parallel CD$$

$$\therefore \angle DCB = \angle 1 = 45^\circ + a$$

$$\therefore \angle ECD = \angle DCB - \angle ECG - \angle GCF = 45^\circ + a - (90^\circ - a) - a = a - 45^\circ$$

$$\therefore \angle GEC = 2\angle ECD = 2a - 90^\circ$$

$$\text{又 } \because \angle FGC = \angle GEC + \angle ECF = (2a - 90^\circ) + (90^\circ - a) = a$$

$$\therefore \angle FGC = \angle GCF = a \quad \therefore GF = FC$$

$\dots\dots 4 \text{ 分}$

(2) $CE=GE+BC$, 理由如下
 在 GF 上取一点 B' , 使 $GB'=BC$

$$\because FG=FC$$

$$\therefore \angle FGC = \angle GCF$$

在 $\triangle B'GC$ 与 $\triangle BCG$ 中

$$\begin{cases} B'G = BC \\ \angle FGC = \angle FCG \\ GC = CG \end{cases}$$

$$\therefore \triangle B'GC \cong \triangle BCG$$

当 $\angle GCF = \angle FGC = a$ 时, $\angle F = 180^\circ - 2a$

$$\therefore \angle CBG = 180^\circ - \angle BGC - \angle GCF = 135^\circ - a$$

$$\because \triangle B'GC \cong \triangle BCG$$

$$\therefore \angle CB'G = \angle GBC = 135^\circ - a$$

$$\therefore \angle B'CF = \angle CB'G - \angle F = a - 45^\circ$$

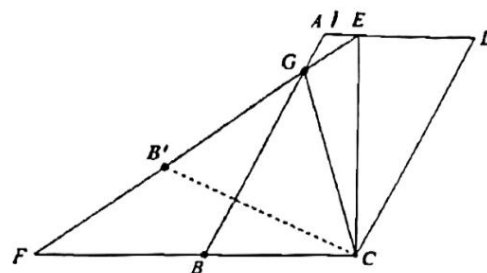
$$\therefore \angle ECB' = \angle ECF - \angle B'CF = 135^\circ - a$$

$$\angle CB'G = \angle ECB'$$

$$\therefore B'E = EC$$

$$\because B'E = EG + B'G$$

$$\therefore CE = GE + BC$$



.....8 分

$$(3) \frac{324}{25}$$

.....10 分