

2022 年秋季学期九年级期末监测卷

数学参考答案

1. C 2. D 3. B 4. A 5. C 6. B 7. D 8. B 9. D 10. A 11. C

12. B 提示: 设 y 与 x 的函数关系式 $y=kx+b$, 把 $(40,120), (50,100)$ 代入, 得

$$\begin{cases} 40k+b=120 \\ 50k+b=100 \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k=-2 \\ b=200 \end{cases}, \therefore y=-2x+200.$$

由题意得 $W=(x-40)y=(x-40)(-2x+200)=-2(x-70)^2+1800$.

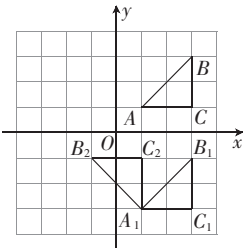
$\because -2<0$, 开口方向向下, \therefore 当 $x<70$ 时, y 随 x 的增大而增大.

又 $\because 40\leq x\leq 60$, $\therefore x=60$ 时, $W_{\max}=-2\times(60-70)^2+1800=1600$ (元). 故选 B.

13. $2m(m-3)$ 14. 41 15. 9 16. 130° 17. $k<1$ 18. 2 或 14

19. 解: (1) 如图, $\triangle A_1B_1C_1$ 即为所求. 3 分

(2) 如图, $\triangle A_1B_2C_2$ 即为所求. 6 分



20. 解: (1) (画树状图亦可) 根据题意, 列表如下:

第一位 第二位	G_1	G_2	G_3	B_1	B_2
G_1		(G_2, G_1)	(G_3, G_1)	(B_1, G_1)	(B_2, G_1)
G_2	(G_1, G_2)		(G_3, G_2)	(B_1, G_2)	(B_2, G_2)
G_3	(G_1, G_3)	(G_2, G_3)		(B_1, G_3)	(B_2, G_3)
B_1	(G_1, B_1)	(G_2, B_1)	(G_3, B_1)		(B_2, B_1)
B_2	(G_1, B_2)	(G_2, B_2)	(G_3, B_2)	(B_1, B_2)	

由表知共有 20 种等可能性结果. 4 分

(2) 由表知, G_1, B_1 中同时被选中的有 $(G_1, B_1), (B_1, G_1)$ 共 2 种结果, 所以 G_1, B_1 他们被同时选中的概率 $P=\frac{2}{20}=\frac{1}{10}$ 7 分

21. 解: (1) 当 $b=a+2$ 时, 原方程为 $ax^2+(a+2)x+1=0$, 1 分

$\therefore \Delta=(a+2)^2-4a\times 1=a^2+4a+4-4a=a^2+4>0$, 3 分

\therefore 当 $b=a+2$ 时, 原方程有两个不相等的实数根. 4 分

(2) 当 $b=2$ 时, 原方程为 $ax^2+2x+1=0$.

∵原方程有两个相等的实数根, ∴ $\Delta=2^2-4a\times 1=0$ 解得 $a=1$, 6 分

∴原方程为 $x^2+2x+1=0$, 解得 $x_1=x_2=-1$ 8 分

22. 解:(1)把点 $A(m,3)$ 代入 $y=-\frac{1}{2}x+2$, 得 $-\frac{1}{2}m+2=3$,

解得 $m=-2$, ∴ $A(-2,3)$ 2 分

设双曲线的解析式为 $y=\frac{k}{x}$, 把点 $A(-2,3)$ 代入, 得 $\frac{k}{-2}=3$, 解得 $k=-6$,

∴双曲线的解析式为 $y=-\frac{6}{x}$ 4 分

(2)令 $y=-\frac{1}{2}x+2=0$, 解得 $x=4$, ∴ $B(4,0)$ 5 分

设点 M 坐标为 $M(a,0)$, ∴ $MB=|a-4|$,

∴ $S_{\triangle AMB}=\frac{1}{2}\times 3\times |a-4|=9$,

解得 $a_1=-2, a_2=10$,

∴点 M 的坐标为 $(-2,0)$ 或 $(10,0)$ 8 分

23. 解:(1)证明:如图,连接 OC .

∵ $CF\perp AD$, ∴ $\angle CED=90^\circ$.

∵ $AB=AD$, ∴ $\angle B=\angle D$ 1 分

∵ $OB=OC$, ∴ $\angle B=\angle OCB$,

∴ $\angle D=\angle OCB, OC\parallel AD$,

∴ $\angle OCE=\angle CED=90^\circ$,

∴ $OC\perp CF$ 3 分

又∵ OC 为 $\odot O$ 的半径,

∴ CF 是 $\odot O$ 的切线. 4 分

(2)如图,连接 AC .

∵ $CF\perp AD, \angle D=30^\circ, CE=\sqrt{3}$,

∴ $CD=2CE=2\sqrt{3}$ 5 分

∵ AB 为直径, ∴ $AC\perp BD$.

又∵ $AB=AD$, ∴ $BC=DC=2\sqrt{3}, \angle B=\angle D=30^\circ$,

∴ $\angle AOC=2\angle B=60^\circ$.

∵在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle B=30^\circ$, ∴ $AB=2AC$.

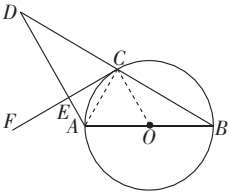
设 $AC=x$, 则 $AB=2x$.

由勾股定理, 得 $AB^2=AC^2+BC^2$,

即 $(2x)^2=x^2+(2\sqrt{3})^2$, 解得 $x=2$ 或 $x=-2$ (舍去),

∴ $AC=2$, ∴ $AB=4$, ∴ $OA=2$ 6 分

∵ $OA=2, \angle AOC=60^\circ$, ∴ $l_{\widehat{AC}}=\frac{60^\circ\times\pi\times 2}{180^\circ}=\frac{2}{3}\pi$ 8 分



24. 解:(1)∵点 $B(3,0)$ 与点 A 关于直线 $x=2$ 对称, ∴点 A 的坐标为 $(1,0)$ 1 分

把点 $A(1,0), B(3,0)$ 代入 $y=x^2+bx+c$, 得
$$\begin{cases} 1+b+c=0 \\ 9+3b+c=0 \end{cases}, \text{解得} \begin{cases} b=-4 \\ c=3 \end{cases},$$

∴抛物线的解析式为 $y=x^2-4x+3$ 3 分

(2)∵点 A, B 关于直线 $x=2$ 对称, ∴如图, 连接 BC 交直线 $x=2$ 于点 P , 此时 $\triangle ACP$ 的周长最小. 4 分

令 $x=0$, 得 $y=3$, ∴ $C(0,3)$. 设直线 BC 的解析式为 $y=kx+n$, 代入 $B(3,0), C(0,3)$, 得
$$\begin{cases} 3k+n=0 \\ n=3 \end{cases}, \text{解得} \begin{cases} k=-1 \\ n=3 \end{cases},$$

∴直线 BC 的解析式为 $y=-x+3$ 5 分

当 $x=2$ 时, $y=-2+3=1$, ∴ $P(2,1)$, ∴当 $\triangle ACP$ 的周长最小时, 点 P 的坐标为 $(2,1)$ 6 分

(3)当 $m+2 \leq 2$ 时, 即 $m \leq 0$, 此时当 $x=m+2$ 时, y 有最小值, 即 $(m+2)^2-4(m+2)+3=3$, 解得 $m=-2$ 或 $m=2$ (舍去); 7 分

当 $m \geq 2$ 时, 此时当 $x=m$ 时, y 有最小值, 即 $m^2-4m+3=3$, 解得 $m=4$ 或 $m=0$ (舍去); 8 分

当 $0 < m < 2$ 时, 此时当 $x=2$ 时, y 有最小值为 $2^2-4 \times 2+3=-1$, 不符合题意, 舍去. 综上所述, 满足条件的 m 的值为 -2 或 4 9 分

