

数学试卷

题号	一	二	三					总分
			19	20	21	22	23	
得分								

(满分: 150分 考试时间: 100分钟)



温馨提示: 亲爱的同学们, 今天是展示你才能的时候了, 只要你仔细审题, 认真答题, 把平常的水平发挥出来, 你就会有出色的表现, 放松一点, 相信自己的实力!

一、选择题 (本题共 10 小题, 每小题 4 分, 满分 40 分)

下列各题的四个选项中, 只有一个是正确的, 请将正确答案的字母填在下面的表格中.

题序	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案										

1. 下列二次根式中, 最简二次根式是

- A. $\sqrt{8}$ B. $\sqrt{3}$ C. $\sqrt{1.5}$ D. $\sqrt{\frac{1}{3}}$

2. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, $AD=AC$, $\angle ACD=70^\circ$, 则 $\angle B$ 的度数是

- A. 50° B. 60° C. 70° D. 80°

3. 点 $(a, 4)$ 在一次函数 $y=3x-2$ 的图象上, 则 a 的值是

- A. 2 B. 3 C. 4 D. 5

4. 《义务教育课程标准 (2022 年版)》首次把学生学会炒菜纳入劳动教育课程, 并作出明确规定. 某班有 7 名学生已经学会炒的菜品的种数依次为: 3, 5, 4, 3, 6, 3, 4. 则这组数据的众数和中位数分别是

- A. 3, 3 B. 3, 4 C. 4, 3 D. 4, 4

5. 如图, 小巷左右两侧是竖直的墙, 一架梯子斜靠在左墙时, 梯子底端到左墙角的距离为 0.7 米, 顶端距离地面 2.4 米. 如果保持梯子底端位置不动, 将梯子斜靠在右墙时, 顶端距离地面 2 米, 则小巷的宽度为

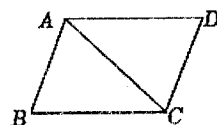
- A. 0.7 米 B. 1.5 米 C. 2.2 米 D. 2.4 米

6. 下列命题是假命题的是

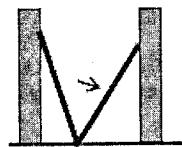
- A. 矩形的对角线互相平分且相等
B. 一次函数 $y=x+4$ 的图象不经过第四象限
C. 若 $(x-2)^2 + \sqrt{y+3} = 0$, 则 $x+y=-1$
D. 若点 $A(-1, y_1)$, $B(2, y_2)$ 在直线 $y=-2x+b$ 上, 则 $b < y_2 < y_1$

7. 下列给出的条件中, 能判定四边形 $ABCD$ 是平行四边形的是

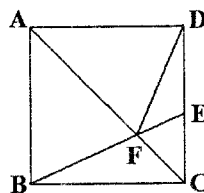
- A. $AB \parallel CD$, $AD=BC$ B. $AB=CD$, $AD=BC$
C. $AB=AD$, $CB=CD$ D. $\angle A=\angle D$, $\angle B=\angle C$



(第 2 题图)



(第 5 题图)



(第 8 题图)

8. 如图, 正方形 $ABCD$ 中, 点 E 为 CD 上一点, BE 与 AC 交于点 F , 连接 DF , 若 $\angle EBC=25^\circ$, 则 $\angle DFE$ 的度数为

- A. 40° B. 45° C. 50° D. 55°

9. 如图, 在同一平面直角坐标系中, 一次函数 $y=ax+b$ 与 $y=mx+n$ ($a < m < 0$) 的图象如图所示, 小聪根据图象得到如下结论:

- ① $2m+n=0$;
② 关于 x, y 的方程组 $\begin{cases} y-mx=n \\ y-ax=b \end{cases}$ 的解为 $\begin{cases} x=-3 \\ y=2 \end{cases}$;
③ 关于 x 的方程 $ax+b=mx+n$ 的解为 $x=-3$;
④ 关于 x 的不等式 $(a-m)x \leq n-b$ 的解集是 $x \leq -3$.

其中结论正确的个数是

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

10. 如图 1, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, 点 P 从点 C 出发, 匀速沿 $C \rightarrow B \rightarrow A$ 运动, 连接 AP , 设点 P 的运动距离为 x , AP 的长为 y , y 关于 x 的函数图象如图 2 所示, 则当点 P 为 BC 中点时, AP 的长为

- A. 5 B. $5\sqrt{2}$ C. $2\sqrt{13}$ D. 8

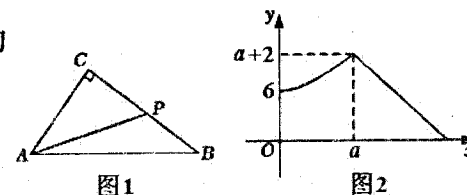


图 1

图 2

(第 10 题图)

二、填空题 (本题共 8 小题, 每小题 5 分, 满分 40 分)

11. 写出在函数 $y=-x+2$ 的图象上的一个点的坐标 _____.

12. 在甲、乙两位射击运动员的 10 次考核成绩中, 两人的考核成绩的平均数相同, 方差分别为 $S^2_{\text{甲}}=1.45$, $S^2_{\text{乙}}=0.85$, 则考核成绩更为稳定的运动员是 _____ (填“甲”或“乙”).

13. 已知 $\square ABCD$ 的周长为 $12\sqrt{3}$, 若 $BC=2AB$, 则 AD 的长为 _____.

14. 每年的 4 月 23 日是“世界读书日”, 某校为了解 4 月份八年级学生的读书情况, 随机调查了八年级 50 名学生读书的册数, 数据整理如统计表:

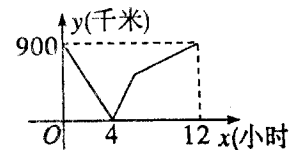
册数	0	1	2	3	4
人数	9	3	20	15	3

由此估计该校八年级学生 4 月份人均读书 _____ 册.

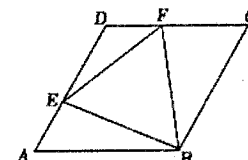
15. 若 m 为 $\sqrt{2}$ 的小数部分, 则 m^2+m-1 的值为 _____.16. 将直线 $y=3x-1$ 平移, 使其经过点 $(-1, 2)$, 则平移后所得直线的解析式为 _____.

17. 一列快车从甲地驶往乙地, 一列慢车从乙地驶往甲地, 两车之间的距离 y (千米) 与慢车行驶的时间 x (小时) 之间的函数关系如图所示, 则快车到达乙地时慢车离乙地的距离为 _____ 千米.

18. 如图, 菱形 $ABCD$ 的边长为 4, $\angle BAD=60^\circ$, 点 E 是 AD 边上一动点 (不与 A, D 重合), 点 F 是 CD 边上一动点, 且 $AE=DF$.

① $\angle EBF$ 的度数为 _____;② $\triangle BEF$ 面积的最小值为 _____.

(第 17 题图)



(第 18 题图)

三、计算与解答 (本大题共 70 分)

19. 计算: (每小题 8 分, 共 16 分)

(1) $\sqrt{12} \div \sqrt{3} - 6\sqrt{\frac{1}{2}} + \sqrt{8}$

【解】

(2) $(\sqrt{5}+1)^2 - \sqrt{5}(\sqrt{5}+1)$

【解】

20. (本题满分 10 分) 已知 y 是关于 x 的一次函数, 且当 $x=-4$ 时, $y=3$; 当 $x=2$ 时, $y=0$.

(1) 求一次函数的解析式;

(2) 当 $y=-3$ 时, 求自变量 x 的值.

【解】

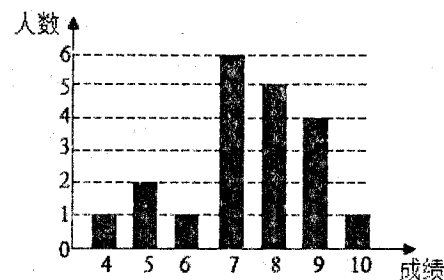
21. (本题满分 14 分) 每年的 4 月 15 日是我国全民国家安全教育日. 某中学在全校七、八年级共 800 名学生中开展“国家安全法”知识竞赛, 并从七、八年级学生中各抽取 20 名学生, 统计这部分学生的竞赛成绩 (竞赛成绩均为整数, 满分 10 分, 6 分及以上为合格). 相关数据统计、整理如下:

八年级抽取的学生的竞赛成绩:

4, 4, 6, 6, 6, 6, 7, 7, 7, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 9, 9, 9, 10, 10.

七年级抽取的学生的竞赛成绩条形统计图

七、八年级抽取的学生的竞赛成绩统计表



年级	七年级	八年级
平均数	a	7.4
中位数	b	8
众数	7	c
合格率	85%	90%

根据以上信息, 解答下列问题:

(1) 填空: $a=$ _____; $b=$ _____; $c=$ _____.

(2) 估计该校七、八年级共 800 名学生中竞赛成绩不合格的人数;

【解】

(3) 在这次“国家安全法”知识竞赛中, 你认为哪个年级的学生成绩更优异? 请说明理由 (一条理由即可).

【解】

22. (本题满分 14 分) 在“一带一路”战略的影响下, 某茶叶经销商准备把“茶路”融入“丝路”, 经计算, 他销售每千克 A 级茶、B 级茶的利润分别为 100 元、150 元. 若该经销商决定购进 A、B 两种级别的茶叶共 200 千克用于出口, 设购进 A 级茶 x 千克, 销售总利润为 y 元.

(1) 求 y 与 x 之间的函数关系式;

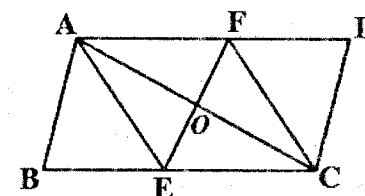
(2) 若其中 B 级别茶叶的进货量不超过 A 级别茶叶的 4 倍, 请你帮该经销商设计一种进货方案使销售总利润最大, 并求出总利润的最大值.

【解】

23. (本题满分 16 分) 如图, 在四边形 ABCD 中 $AD \parallel BC$, O 为对角线 AC 的中点, 过点 O 作直线分别与边 BC, AD 交于 E, F 两点, 连接 AE, CF.

(1) 求证: 四边形 AECF 是平行四边形;

【证明】



(第 23 题图)

(2) 当 EF 平分 $\angle AEC$ 时,

① 试说明四边形 AECF 是菱形;

② 当四边形 ABCD 是矩形时, 若 $BC=8$, $AC=4\sqrt{5}$, 求 EF 的长.

【解】