

2023年河北省初中毕业生升学文化课模拟考试数学试卷(冲刺型)参考答案

说明:本答案仅供参考,若考生答案与本答案不一致,只要正确,同样得分.

一、

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
选项	C	C	B	D	A	C	C	B	B	B
题号	11	12	13	14	15	16				
选项	A	D	B	B	C	D				

二、17. 9 18. (1) $\frac{1}{7}$ (2) $\frac{2}{5}$ 19. (1) 2 4-x (2) $m=9, n=-5$ 或 $m=-5, n=9$

三、20. 解:(1) $(ax^2+6x+8)-(6x+5x^2+2)=ax^2+6x+8-6x-5x^2-2=(a-5)x^2+6$.

\therefore 整式化简后是常数, $\therefore a-5=0$, 解得 $a=5$.

(2) 当 $a=1, x=2$ 时, $(a-5)x^2+6=(1-5)\times 2^2+6=(-4)\times 4+6=-16+6=-10$.

(3) $\because x=1$, 原式的值为 4, $\therefore (a-5)\times 1^2+6=4$, 解得 $a=3$.

21. 解:(1) 144 提示: $360^\circ \times (1-10\%-10\%-20\%-20\%)=144^\circ$, 乙车间收入“5千元”的人数 $10-5-2-1=2$, 补全的“5千元”的条形统计图如图1所示;

乙车间4月份10名员工月工资

收入情况条形统计图

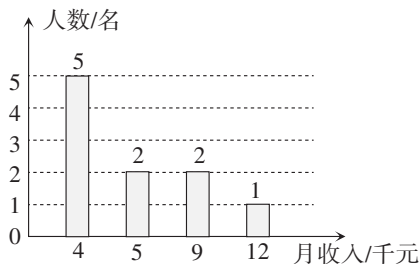


图1

(2) 甲的平均工资为 $\frac{1}{10} \times (20\% \times 10 \times 5 + 10\% \times 10 \times 4 + 10\% \times 10 \times 8 + 20\% \times 10 \times 7 + 40\% \times 10 \times 6) = 6$ (千元), 甲的方差为 $\frac{1}{10} \times [2 \times (5-6)^2 + (4-6)^2 + (8-6)^2 + 2 \times (7-6)^2 + 4 \times (6-6)^2] = 1.2$.

$\therefore 1.2 < 7.6$, \therefore 甲车间工资收入比较稳定.

(3) \because 甲车间原来的中位数为 $\frac{6+6}{2}=6$, 且新数据的中位数小于原甲车间工资的中位数, $\therefore n$ 取最小值为 4, 要使 n 名员工的工资和的最大值, 放入的四个为 4, 4, 5, 5, 其和为 18.

22. 解: 验证 (1) $\because 52=14^2-12^2, 68=18^2-16^2, 76=20^2-18^2$, $\therefore 52$ 是奇巧数, 72 不是奇巧数.

(2) $\because (2n+2)^2-(2n)^2=(2n+2+2n)(2n+2-2n)=4(2n+1)$,

\therefore 这两个连续偶数构造的奇巧数不是 8 的倍数.

探究 证明: $\because [(2n+2)^2-(2n)^2]-[(2n+4)^2-(2n+2)^2]=(2n+2+2n)(2n+2-2n)-(2n+4+2n+2) \cdot (2n+4-2n-2)=4(2n+1)-4(2n+3)=8n+4-8n-12=-8$,

\therefore 任意两个连续“奇巧数”之差是同一个数.

23. 解:(1) \because 抛物线与 y 轴交点为 $D(0, 3)$, $\therefore c=3$. 令 $y_2=0$, 则 $x=-3$, $\therefore A(-3, 0)$. 将 $A(-3, 0)$ 的坐标代入 $y_1=ax^2-2x+3$, 得 $9a+6+3=0$. 解得 $a=-1$. \therefore 抛物线的解析式为 $y=-x^2-2x+3$.

(2) 联立方程组 $\begin{cases} y = -x - 3, \\ y = -x^2 - 2x + 3, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} x = 2, \\ y = -5 \end{cases}$ 或 $\begin{cases} x = -3, \\ y = 0. \end{cases}$

$\therefore C(2, -5)$. 由图象可知当 $-3 < x < 2$ 时, $y_1 > y_2$.

(3) \because 点 E 的横坐标 x_E , $\therefore E(x_E, 0)$. 由题可知, $F(x_E, -4), G(x_E+4, -4), H(x_E+4, 0)$. 当点 F 在抛物线上时, $-x_E^2-2x_E+3=-4$, 解得 $x_E=-1+2\sqrt{2}$ 或 $x_E=-1-2\sqrt{2}$. 当点 G 在抛物线上时, $-(x_E+4)^2-2(x_E+4)+3=-4$, 解得 $x_E=-5+2\sqrt{2}$ 或 $x_E=-5-2\sqrt{2}$. \therefore 当 $-5-2\sqrt{2} \leq x_E \leq -1+2\sqrt{2}$ 时, 四边形 $EFGH$ 与抛物线有公共点.



24. 解: (1) 当半圆 D 与数轴相切时, $AB \perp OB$, 由勾股定理得 $m = \sqrt{OA^2 - AB^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$;

(2) ① $4 \leq m \leq 16$ 且 $m \neq 8$;

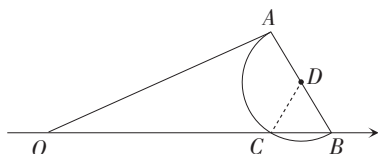
② 如图, 连接 DC , 当 $BC=3$ 时,

\therefore 半圆 D 的直径 $AB=6$, $\therefore CD=BD=3$, $\therefore \triangle BCD$ 为等边三角形,

$\therefore \angle BDC=60^\circ$, $\therefore \angle ADC=120^\circ$,

\therefore 半圆 D 在 $\triangle AOB$ 内部的弧长为 $\frac{n\pi r}{180} = \frac{120\pi \times 3}{180} = 2\pi$;

(3) $\cos \angle AOB$ 的值为 $\frac{5}{6}$ 或 $\frac{41}{50}$.



25. 解: (1) 70 95 提示: 由图象可知, A, B 两点之间的距离是 70 m, 甲机器人前 2 min 的速度为 $(70+60 \times 2) \div 2 = 95$ (m/min).

(2) 设线段 EF 所在直线的函数解析式为 $y=kx+b$. $\therefore 1 \times (95-60)=35$,

\therefore 点 F 的坐标为 $(3, 35)$. 又 \therefore 点 E 的坐标为 $(2, 0)$, $\therefore \begin{cases} 2k+b=0, \\ 3k+b=35, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} k=35, \\ b=-70. \end{cases}$

\therefore 线段 EF 所在直线的函数解析式为 $y=35x-70$.

(3) A, C 两点之间的距离为 $70+60 \times 7 = 490$ (m). 设前 2 min, 两机器人出发 x min 相距 28 m, 由题意, 得 $60x+70-95x=28$, 解得 $x=1.2$. 2 min-3 min, 两机器人相距 28 m 时, $35x-70=28$, 解得 $x=2.8$. 4 min-7 min, 直线 GH 经过点 $(4, 35)$ 和点 $(7, 0)$,

则直线 GH 的解析式为 $y=-\frac{35}{3}x+\frac{245}{3}$. 当 $y=28$ 时, 解得 $x=4.6$.

$\therefore AC$ 两点间的距离为 490 m; 两机器人出发 1.2 min 或 2.8 min 或 4.6 min 相距 28 m.

26. 解: (1) 由题意, 得 $AE=CE$, $\angle AED=90^\circ$. $\therefore AC=10$, $\therefore AE=5$. $\therefore \tan A = \frac{3}{4} = \frac{DE}{AE}$, $\therefore DE=5 \times \frac{3}{4} = \frac{15}{4}$.

(2) $\therefore \triangle A'DE$ 是等腰三角形, $\triangle ADE$ 关于 DE 对称的图形 $\triangle A'DE$,

$\therefore \triangle ADE$ 是等腰三角形. 当 $AD=AE$ 时, $\therefore E$ 是 AC 边的中点, $\therefore AD=AE=\frac{AC}{2}=5$.

当 $AD=DE$ 时, $\therefore \tan A = \frac{3}{4}$, \therefore 设 $AE=8x$, 则 $AD=5x$, $\therefore 8x=5$, $\therefore AD=5x=\frac{25}{8}$.

当 $AE=DE$ 时, $\therefore \tan A = \frac{3}{4}$, $AE=5$, $\therefore AD=8$.

综上所述, 当 $\triangle A'DE$ 是等腰三角形时, AD 的长为 5 或 8 或 $\frac{25}{8}$.

(3) 如图 4, 过点 C 作 $CH \perp AB$ 于点 H , 连接 BE , 取 BE 的中点 O , 连接 OF, OH , 过点 O 作 $OG \perp CH$ 于点 G . $\therefore AE=CE=5$, $\therefore A'E=5$. \therefore 点 F 是 $A'B$ 的中点, 点 O 是 BE 的中点, $\therefore FO = \frac{1}{2} A'E = \frac{5}{2}$,

\therefore 点 F 在以点 O 为圆心, OF 为半径的圆上运动, \therefore 当点 F 在 CO 的延长线上时, CF 有最大值.

$\therefore AH=BH$, 点 O 是 BE 的中点, $\therefore OH \parallel AE$, $OH = \frac{1}{2} AE = \frac{5}{2}$, $\therefore \angle ACH = \angle CHO$.

又 $\therefore \angle AHC = \angle OGH = 90^\circ$, $\therefore \triangle ACH \sim \triangle OHG$, $\therefore \frac{GH}{HC} = \frac{OG}{AH} = \frac{OH}{AC} = \frac{1}{4}$,

$\therefore HG = \frac{3}{2}$, $GO = 2$, $\therefore CG = \frac{9}{2}$. 在 $\text{Rt} \triangle GCO$ 中, 由勾股定理可得 $CO =$

$\sqrt{\frac{81}{4} + 4} = \frac{\sqrt{97}}{2}$, $\therefore CF$ 的最大值为 $\frac{\sqrt{97}}{2} + 5$.

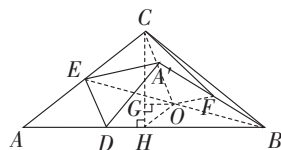


图 4

